UNIVERSIDAD MAYOR DE SAN ANDRES FACULTAD DE CIENCIAS PURAS Y NATURALES CARRERA DE INFORMATICA



PERFIL DE TESIS DE GRADO

MODELO GENERADOR DE GRAFOS ALEATORIOS

Para obtener el Título de Licenciatura en Informática Mención Ingeniería de Sistemas Informáticos

POR: CARLOS MIJAEL TOLA APAZA
TUTOR: LIC. JORGE TERAN

LA PAZ - BOLIVIA

Noviembre, 2021

${\bf \acute{I}ndice}$

1.	Introduccion	3
2.	Antecedentes	3
3.	Planteamiento del problema 3.1. Problema central	4 5
4.	Hipótesis	5
5.	Definicion de objectivos5.1. Objetivo general5.2. Objetivos secundarios	5 5
6.	Justificación6.1. Justificación económica6.2. Justificación social6.3. Justificación científica	5
7.	Alcances y limites 7.1. Alcances 7.2. Límites	6 6
8.	Metodología	6
9.	Bibliografía	7
10	Anexos 10.1. Cronograma de avance	8 8

1. INTRODUCCION

Una red o grafo es un sistema compuesto por objetos discretos (vertices) y una relación (arista) entre algunos pares de ellos. Son herramientas de modelado ubicuas en muchos campos de investigación. Algunos ejemplos comunes incluyen redes sociales, neuronales, de proteínas y de comunicación. Hoy en dia con el poder de computo disponible, han hecho que el estudio de redes y herramientas para analizarlas sean temas en alza dentro de la comunidad académica.

Los grafos aleatorios son construcciones probabilísticas que permiten definir realizaciones aleatorias de grafos. El uso generalizado de grafos aleatorios se ha destacado en el contexto de las aplicaciones de bases de datos y análisis de algoritmos durante varios años. Esto se debe a que tales estructuras de datos resultan ser muy útiles en muchas aplicaciones, desde el análisis de redes complejas hasta el estudio de algoritmos aleatorios. Generar estos grafos de manera aleatoria tiene un nivel de dificultad bastante alta, ya que al momento de generar un grafo se tienen que controlar algunas propiedades dependiendo el tipo de grafo que deseamos generar, por ejemplo: si el objetivo es construir un Arbol (Grafo conexo con E vertices y E-1 aristas) se debe tener control sobre donde se genera un nuevo nodo y arista, verificando que no existan ciclos, caso contrario el modelado no cumpliria con su objetivo. Tambien podriamos mencionar que construir un Grafo Completo (Grafo con E vertices y $\frac{E*(E-1)}{2}$ aristas) tiene una complejidad No Polinomial NP, haciendo que sea solo posible generar grafos completos con un limite de 20 nodos aproximandamente. Otro factor importante es que al ser este un modelado de grafos aleatorios, cada vertices a ser agregado, tiene cierta probabilidad de ser tomado en cuenta en el grafo generado o no.

Existen varios algoritmos generadores de grafos, como ser los modelos de grafos de Erdős-Rényi, y algunas variantes de dicho modelado, que no generan grafos representativos (no se asemejan a redes del mundo real), no pueden generar grafos con grandes cantidades de vertices y se toman bastante tiempo en el generado. Dados estos argumentos, el objetivo de este trabajo es crear un modelo generador de grafos aleatorios que sean representativos de forma eficiente. Cuando decimos eficiente, nos referimos a: mejores tiempos de ejecucion para el generado y el minimo uso de CPU, GPU y memoria.

Debido a que en Teoría de Grafos existe una infinidad de tipos de grafos, nos enfocaremos simplemente en un conjunto de grafos que son: Grafos directos acíclicos (DAG), Grafos Bipartitos, Grafos completos, Grafos no dirigidos conexos y no conexos, y árboles.

2. ANTECEDENTES

El primer modelo de grafos aleatorios fue introducidos por P. Erdös en 1959 como una herramienta para aplicar el método probabilístico para probar una relación asintótica entre la cintura y el número cromático de grafos generales. Más tarde, junto con A. Rényi, continuó el estudio de este modelo. Este es uno de los dos modelos conocidos hoy en día como modelos de Erdös-Rényi. Consiste en la construcción de grafos finitos con un número fijo de aristas distribuidas uniformemente a lo largo del conjunto de pares de vértices; mientras que el segundo modelo que comparte el mismo nombre, se debe a E. Gilbert, y consiste en grafos finitos obtenidos al establecer, independientemente y con la misma probabilidad, una arista entre cada par de vértices. A partir de ahí, se desarrollaron muchos modelos de grafos aleatorios diferentes. Estos probaron ser no sólo construcciones interesantes, sino también muy útiles en aplicaciones: como herramientas para estudiar escenarios promedio en redes complejas y como una forma de explorar posibles mecanismos que dan lugar a muchas de

las características distintivas de las redes observadas en el mundo real. Por ejemplo, incluso un modelo tan simple como el de Erdös-Rényi exhibe la propiedad del mundo pequeño (prevalencia de distancias relativamente cortas entre la mayoría de los pares de vértices) observada en muchas redes sociales y de comunicación.

Al respecto de las investigaciones relacionadas con el tema podemos destacar las siguientes:

• **Titulo:** Desempeño asintótico de algoritmos secuenciales en grafos aleatorios - Tesis presentada para optar al título de Doctor.

Autor: Lic. Manuel Sáenz

Año: 2019

Institucion: Universidad de Buenos Aires

En el mencionado trabajo, se estudia la evolucion y convergencia de algoritmos generadores de grafos, asi de esa forma lograr delimitar el algoritmo de modelado de grafos Erdös-Rényi. Para demostrar sus limitaciones se demuestra que para los grafos generados por el modelo Erdös-Rényi es posible construir un conjunto independiente maximo en tiempo polinomal. Pese a que el problema de construir Conjuntos Independientes Maximos es del tipo NP-dificil.

• Titulo: Generación rápida de gráficos aleatorios

Autor: Sadegh Heyrani, Nobari Xuesong Lu

Año: 2011

Institucion: Universidad Nacional de Singapore

En el mencionado trabajo, se plante un modelo generador de grafos, usando programacion paralela y gpu junto a su algoritmo ER y ZER (creado por ellos). Los grafos que pueden ser generados por este metodo son: Grafos dirigidos y no dirigidos.

• Titulo: Implementacion de un generador de topologias aleatorias en emulador de red mininet.

Autor: Rosa Alejandra García Grisales, Juan Carlos Agudelo Calderón

Año: 2015

Institucion: Universidad Católica De Pereira

En el mencionado trabajo, se plante implementar un generador de grafos para el emulador Mininet, que es una aplicación desarrollada para la investigación de prototipos SDN en tiempo real. Este metodo usa un Modelo de Waxmax (variante de Erdös-Rényi), que construye grafos en tiempo lineal, pero usando bastante memoria limitando el generado a aproximandamente 1000 nodos solamente.

• Titulo: Modelado de grafos aleatorios: una revisión de los conceptos

Autor: Mikhail Drobyshevskiy, Denis Turdakov

Año: 2019

Institucion: Instituto de Física y Tecnología de Moscú

En este trabajo, se hace una analisis a profundidad de el Algoritmo Erdös-Rényi. Se indentifico seis direcciones donde este modelos tienen sus aplicaciones: comprensión de redes, análisis, extrapolación, puntos de referencia, modelos nulos y aleatorización.

3. PLANTEAMIENTO DEL PROBLEMA

El modelado de grafos juega un rol importante en el analisis de redes complejas. Nos ayudan a entender, controlar predecir fenomenos que pueden ocurrir en redes sociales, redes biologicas, internet y muchos mas. Modelar estos grafos manualmente para cada aplicación podria requerir demasiado tiempo y esfuerzo. Aunque ya existen, varios modelos generadores de grafos, esto no suelen ser representativos y al mismo tiempo son costosos en tiempo y memoria.

3.1. PROBLEMA CENTRAL

¿Con que grado de fiabilidad los modelos generadores de grafos aleatorios actuales puede construir grafos representativos en tiempo y coste de memoria minimos?

4. HIPÓTESIS

El metodo propuesto para la generación de grafos aleatorios usando GPU y programación paralela genera grafos representativos en tiempo y memoria eficiente con una fiabilidad del 90 %.

5. DEFINICION DE OBJECTIVOS

5.1. OBJETIVO GENERAL

Desarrolar un modelo generador de grafos aleatorios representativos y eficiente en tiempo y memoria.

5.2. OBJETIVOS SECUNDARIOS

- Analizar y diseñar un modelo generador de grafos aleatorios para: Grafos directos acíclicos (DAG), Grafos Bipartitos, Grafos completos, Grafos no dirigidos conexos y no conexos, y árboles.
- Verificar que los tiempos al generar los grafos sean eficientes experimentalmente.
- Verificar que el generador de grafos sea eficiente según su complejidad algorítmica.

6. JUSTIFICACIÓN

6.1. JUSTIFICACIÓN ECONÓMICA

Para el analisis de diferentes redes, se requiere tener acceso a distintas redes de prueba, para su simulacion y estudio. Generar estas redes o grafos de manera eficiente significa que se reduciran los costos de energia y se eliminara el tiempo invertido en dicho modelado.

6.2. JUSTIFICACIÓN SOCIAL

El impacto que tienen las redes sociales hoy en día en la sociedad ha marcado un hito en la forma de comunicarnos, debido a su creciemiento actual estas redes sociales siempre esta a la mejora de sus algorimos. Para esto es necesario investigar y probar dichos algoritmos en grafos aleatorias.

6.3. JUSTIFICACIÓN CIENTÉICA

El presente trabajo combinara tecnicas algorítmicas, mascaras de bits, con tecnicas matematicas, Hashing, de tal manera que el modelado de las redes o grafos sea eficiente, esto se puede verificar usando notaciones de complejidad algorítmicas.

7. ALCANCES Y LIMITES

7.1. ALCANCES

- El presente trabajo diseñara un modelo generador de grafos aleatorios para DAGs, Grafos bipartitos, Grafos completos, Grafos no dirigidos conexos y no conexos, y arboles de manera eficiente.

7.2. LÍMITES

- Algunos tipos de grafos con construcciones y solucion no polinomial NP no seran tomados en cuenta.

8. METODOLOGÍA

Para el desarrollo del presente trabajo se utilizara un **Metodo de investigacion experimental** para cumplir con los objectivos propuestos para el modelo generador de grafos aleatorios. Esta se dividirar en las siguientes etapas.

- 1. Recopilacion de informacion.
- 2. Elaboracion del Modelo generador de grafos aleatorios.
- 3. Pruebas de funcionamiento y/o presentación de mejoras para el modelo.
- 4. Comparaciones y analisis de los datos.
- 5. Conclusiones.

La primera etapa se recopilara la información necesaria y se estudiara temas relacionadas al mismo.

La segunda etapa se realizara el Modelo generado de grafos tomando encuenta los alcances y limites.

La tercera etapa se verificara la funcionalidad del modelo.

En la cuarta etapa se analizaran los datos y se los comparara con otros modelos.

En la ultima etapa, se presentaran los resultados finales, las conclusienes y recomendaciones con respecto al proyecto

ETAPAS	ACTIVIDADES								
Recopilacion de informacion	- Investigar la existenciaa de								
	modelos generadores de grafos.								
	- Estudiar el proceso de generado								
	de dichos modelos investigados.								
Elaboracion del modelo	- Analizar y diseñar las								
	etapas que necesitaran los modelados.								
	- Modelar el proceso generico, para construir								
	los grafos de forma aleatoria (Dirigidos y no Dirigidos).								
	- Modelaro el proceso para los distintos grafos								
	descritos en los alcances (DAG, Completos y Arboles).								
Pruebas de funcionamiento y mejoras.	- Verificar el funcionamiento pleno del modelo.								
	- Aplicar las mejoras encontradas y propuestas.								
Comparación y Analisis	- Comparar el modelado propuesto								
	con respector al modelos ya existentes.								
	- Analizar de formar estadisticaa los datos devuelto								
	de las comparaciones.								
	- Generalizar y encontrar la complejidad Algoritmica.								
Conclusiones	- Presentar las conclusions								
	obtenias al finalizar el trabajo.								
	- Compartir algunas recomendaciones								
	obtenidas del trabajo realizado.								

9. BIBLIOGRAFÍA

Manuel Zaens. (2019). Desempeño asintotico de algoritmos secuenciales en grafos aleatorios. 2019, de Universidad de Buenos Aires Sitio web:

http://cms.dm.uba.ar/academico/carreras/doctorado/Tesis_Saenz_corregida(1).pdf

Sadegh Heyrani, Nobari Xuesong Lu. (2011). Generación rápida de gráficos aleatorios. 2019, de Universidad Nacional de Singapore Sitio web: https://www.cs.au.dk/ karras/rg.pdf

Rosa Alejandra García Grisales, Juan Carlos Agudelo Calderón. (2015). Implementacion de un generador de topologias aleatorias en emulador de red mininet.. 2019, de Universidad Católica De Pereira Sitio web: https://repositorio.ucp.edu.co/bitstream/10785/3678/1/CDMIST122.pdf

Mikhail Drobyshevskiy, Denis Turdakov. (2019). Modelado de grafos aleatorios: una revisíon de los conceptos. 2019, de Mikhail Drobyshevskiy, Denis Turdakov Sitio web: https://dl.acm.org/doi/pdf/10.1145/3369782

10. ANEXOS

10.1. CRONOGRAMA DE AVANCE

	DURACION (DIAS)							0	EL	1 [DE I	FEE	BRE	RC	Α	30	DE	JUI	NIO	,					
ACTIVIDADES		Diciembre				En	ero)		Febrero				Ма	ırzo	•		Abril				Мауо			
		1	2	3	4	1	2	3	4	1	2	3	4	1	2	3	4	1	2	3	4	1	2	3	4
Redacción del Capitulo II Marco Teórico	14																								
Desarrollo del Capítulo III Marco Aplicativo	21																								
Modelo generador de grafos DAG	28																								
Modelo generador de grafos Bipartitos	35																								
Modelo generador de grafos completos	28																								
Algoritmo validador del modelo	21																								
Redacción del Capitulo III Marco Aplicativo	21																								
Redacción del Capitulo IV Estado de la Hipótesis	21																								
Redacción del Capitulo V Conclusiones y Recomendaciones	14																								

10.2. INDICE DE TRABAJO

- 1. CAPÍTULO 1: MARCO REFERENCIAL
 - 1.1 Introduccion
 - 1.2 Antecedentes
 - 1.3 Planteamiento del problema
 - 1.3.1 Problema central
 - 1.3.2 Problemas secundarios
 - 1.4 Objetivo
 - 1.4.1 Objetivo principal

- 1.4.2 objectivos secundarios
- 1.5 Hipótesis
- 1.6 Justificación
 - 1.6.1 Justificación económica
 - 1.6.2 Justificación social
 - 1.6.3 Justificación científica
- 1.7 Alcances y Límites
 - 1.7.1 Alcances
 - 1.7.2 Límites
- 1.8 Metodología

2. CAPITULO 2: MARCO TEORICO

- 2.1 Mascaras de bits
 - 2.1.1 Operaciones con mascaras de bits
- 2.2 Programacíon dinámica (DP)
 - 2.2.1 DP con mascaras de bits
- 2.3 Teoría de grafos
 - 2.3.1 Grafos acíclicos no diridos (DAG)
 - 2.3.2 Grafos Bipartitos
 - 2.3.3 Grafos completos
 - 2.3.4 Caminos y ciclos hamiltonianos
- 2.4 Grafos aleatorios
 - 2.4.1 Modelo de Erdös-Rényi
 - 2.4.2 Modelo de Configuraciones
 - 2.4.3 Otros modelos de grafos aleatorios
- 2.5 Cadenas de Markov

3. CAPITULO 3: MARCO APLICATIVO

- 3.1 Modelo generador de grafos DAG
- 3.2 Modelo generador de grafos Bipartitos
- 3.3 Modelo generador de grafos completos
- 3.4 Algoritmo validdor del modelo

4. CAPITULO 4: ANÁLISIS Y RESULTADOS

- 4.1 Complejidad algoritmica.
- 4.2 Demostracion de la mejora con respecto a otros modelos.

5. CAPITULO 5:

- 5.1 Conclusiones
- 5.2 Recomendaciones
- 6. Bibliografía
- 7. Anexos