## AI - KB

## Piccirilli, Addario

#### November 2023

## 1 Proposizione e inferenza

I vincoli possono essere specificati in modo **estensionale** come assegnamenti legali a variabili, o in modo **intensionale**, in termini di formule. Una **proposizione** è una frase che possiede un valore di verità. Una **proposizione atomica**, o semplicemente **atomo**, è un simbolo.

Un'interpretazione consiste di una funzione  $\pi$  che associa agli atomi un valore true o false. Se  $\pi(a)$ =true, l'atomo a è true e viceversa.

Una **base di conoscenza** è un insieme di proposizioni che sono dichiarate true. Un elemento della base di conoscenza è detto **assioma**. Un **modello** di una base di conoscenza KB è un'interpretazione nella quale tutte le proposizioni sono vere.

*es.* Se KB è una base di conoscenza e g è una proposizione, g si dice **conseguenza logica** del KB, e si scrive (solo se g è *true* in ogni modello del KB.):

$$KB \models g$$

Altrimenti KB  $\not\models$  g, ossia g non è conseguenza logica del KB, quando esiste un modello del KB in cui g è *false*.

## 2 Problem 1

Consideriamo la seguente base di conoscenza:  $a \leftarrow b \land c$ .

- $a \leftarrow e \wedge f$ .
- $b \leftarrow d. \\$
- $b \leftarrow f \wedge h.$
- $c \leftarrow e$ .
- $d \leftarrow h.$
- e.
- $f \leftarrow g$ .
- $g \leftarrow c$ .

Give a model of the knowledge base

Un modello di una KB è un'interpretazione nella quale tutte le preposizioni sono vere, pertanto, basta assegnare  $\pi_1(e)$  = true e  $\pi_1(h)$  = true.

Give an interpretation that is not a model of the knowledge base.

Per far si che una interpretazione non sia un modello della base di conoscenza, basta assegnare  $\pi_2(e)$  = false.

Give two atoms that are logical consequences of the knowledge base

$$KB \models a$$
  
 $KB \models g$ 

Give two atoms that are not logical consequences of the knowledge base

 $KB \nvDash h$  $KB \nvDash b$ 

## 3 Problem 2

Consideriamo la seguente base di conoscenza:

 $a \leftarrow b \wedge c.$ 

 $b \leftarrow d.$ 

 $b \leftarrow e.$ 

c.

 $d \leftarrow h. \\$ 

e.

 $f \leftarrow g \wedge b$ .

 $g \leftarrow c \wedge k.$ 

 $i \leftarrow a \wedge b$ .

Show how the bottom-up proof procedure works for this example. Give all logical consequences of KB.

Una **procedura bottom-up** può essere usata per derivare tutte le conseguenze logiche di una base di conoscenza.

Procedimento:

- 1. {} Al primo passo, l'insieme delle conseguenze logiche della base di conoscenza è vuoto, pertanto andiamo a scorrere le proposizioni e scegliamo quelle che hanno un corpo vuoto.
- 2.  $\{c\}$
- 3. {c, e} Al successivo passo, andrò a prendere quelle proposizioni che hanno unicamente c o e nel corpo.

- 4.  $\{c, e, b\}$  Viene aggiunto b per la seguente regola  $b \leftarrow e$ .
- 5.  $\{c, e, b, a\}$  Viene aggiunto a per la seguente regola  $a \leftarrow b \land c$ .
- 6.  $\{c, e, b, a, j\}$  Viene aggiunto j per la seguente regola  $j \leftarrow a \land b$ .

L'algoritmo termina con il seguente insieme di proposizioni: {c, e, b, a, j}, da cui:

$$KB \models a$$
  
 $KB \models b$   
 $KB \models c$   
 $KB \models e$   
 $KB \models i$ 

f is not a logical consequence of KB. Give a model of KB in which f is false.

La proposizione f non è una conseguenza logica della base di conoscenza, infatti, assegnando  $\pi_3(k)$  = false, si ottiene che anche  $\pi_3(g)$  = false e  $\pi_3(f)$  = false.

a is a logical consequence of KB. Give a top-down derivation for the query ask a.

#### Procedimento:

Partiamo dalla regola a, chiedersi se a è vera equivale a chiedere:

yes 
$$\leftarrow$$
 a.

Per ogni  $a_i$  presente nel corpo di a, sostituiamo la regola associata a quella  $a_i$ . Infatti, utilizzando la regola a  $\leftarrow$  b  $\wedge$  c., andiamo a sostituire ad a il suo corpo:

$$\begin{aligned} \text{yes} &\leftarrow b \land c. \\ \text{yes} &\leftarrow d \land c. \\ \text{yes} &\leftarrow h \land c. \\ \text{yes} &\leftarrow h. \end{aligned}$$

A questo punto, non ci sono più regole che possono essere scelte e questo tentativo produce un fallimento, ma esistono dei meccanismi di backtracking (come in Prolog) dove è possibile tornare indietro alla scelta che ha prodotto un fallimento e cambiare, per l'appunto, regola da espandere:

$$yes \leftarrow b \land c.$$

$$yes \leftarrow e \land c.$$

$$yes \leftarrow c.$$

$$yes \leftarrow$$

In questo modo, la prova dimostra che KB  $\models$  a.

## 4 Problem 3

Un **assumibile** è un atomo che può essere assunto in una prova per contraddizione. Una prova per contraddizione deriva da una disgiunzione della negazione di assumibili.

L'**Abduzione** è una forma di ragionamente dove le assunzioni sono fatte per spegare le osservazioni.

Consideriamo la seguente base di conoscenza:

```
\begin{split} & goto\_forest \leftarrow walking. \\ & get\_gun \leftarrow hunting. \\ & goto\_forest \leftarrow hunting. \\ & get\_gun \leftarrow robbing. \\ & goto\_bank \leftarrow robbing. \\ & goto\_bank \leftarrow banking. \\ & fill\_withdrawal\_form \leftarrow banking. \\ & false \leftarrow banking \land robbing. \\ & false \leftarrow wearing\_good\_shoes \land goto\_forest. \end{split}
```

**Assumables:** walking, hunting, robbing, banking.

1. Suppose get\_gun is observed. What are all of the minimal explanations for this observation?

Se **get\_gun** viene osservata, le spiegazioni minime sono:

Explaination 1:

get\_gun ← hunting. assumable: hunting

Explaination 2:

get\_gun ← robbing.

assumable: robbing

2. Suppose get\_gun goto\_bank is observed. What are all of the minimal explanations for this observation?

Se get\_gun e goto\_bank vengono osservate, le spiegazioni minime sono:

Explaination 1:

get\_gun ← robbing. goto\_bank ← robbing. assumable: robbing

Explaination 2:

get\_gun ← hunting. goto\_bank ← banking. assumables: hunting, banking

3. Is there something that could be observed to remove one of these as a minimal explanation? What must be added to be able to explain this?

Possiamo osservare **wearing\_good\_shoes**, il che ci permette di dire, come conseguenza del vincolo d'integrità  $false \leftarrow wearing\_good\_shoes \land goto\_forest$ , che  $goto\_forest$  è false, da cui si ottiene che anche hunting e walking sono false. Concentrandosi su hunting, dal momento che risulta essere false, le explainations si riducono a:

Explaination 1:

get\_gun ← robbing. goto\_bank ← robbing. assumable: robbing

Explaination 2:

get\_gun ← robbing. goto\_bank ← banking. assumables: robbing, banking

Ma l'*Explaination 2* non è consistente a causa del vincolo di integrità  $false \leftarrow banking \land robbing.$ , pertanto, l'unica explaination possibile è l'Explaination 1 con assumable  $\{robbing\}$ 

*4. What are the minimal explanations of goto\_bank?* 

Explaination:

goto\_bank ← robbing. goto\_bank ← banking. assumables: robbing, banking

Ma tali assumables non rispettano il vincolo di integrità  $false \leftarrow banking \land robbing.$ , pertanto non esiste una explaination minima per goto\_bank.

5. What are the minimal explanations of goto\_bank  $\land$  get\_gun  $\land$  fill\_withdrawal\_form? Explaination 1:

 $goto\_bank \leftarrow robbing. \\ get\_gun \leftarrow robbing. \\ fill\_withdrawal\_form \leftarrow banking \\ \textbf{assumables:} robbing, banking$ 

Però tale explaination non rispetta il vincolo di integrità  $false \leftarrow banking \land robbing.$ , pertanto non è valido.

Explaination 2:

goto\_bank ← robbing. get\_gun ← hunting. fill\_withdrawal\_form ← banking assumables: robbing, hunting, banking

Anche in questo caso viene violato il vincolo *false*  $\leftarrow$  *banking*  $\land$  *robbing*. *Explaination 3*:

goto\_bank ← banking.

get\_gun ← robbing.

fill\_withdrawal\_form ← banking

assumables: robbing, banking

Come nei due casi precedenti, viene violato il vincolo *false*  $\leftarrow$  *banking*  $\land$  *robbing*. *Explaination 4:* 

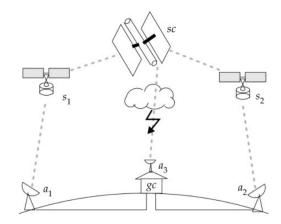
 $goto\_bank \leftarrow banking.$   $get\_gun \leftarrow hunting.$   $fill\_withdrawal\_form \leftarrow banking$  assumables: hunting, banking

L'explaination 4 è l'unica explaination minimale a rispettare tutti i vincoli di integrità, pertanto è l'unica valida.

## 5 Problem 4

La figura mostra una rete di comunicazione ridondante semplificata tra un veicolo spaziale (sc) e un centro di controllo a terra (gc). Ci sono due collegamenti indiretti ad alta larghezza di banda (alto guadagno) che vengono trasmessi attraverso i satelliti (s1,s2) a diverse antenne terrestri (a1,a2). Inoltre, esiste un collegamento diretto a bassa larghezza di banda (basso guadagno) tra l'antenna del centro di controllo a terra (a3) e la navicella spaziale. Il collegamento a basso guadagno è influenzato da disturbi atmosferici – funziona se non ci sono disturbi (no\_dist) – e sia il trasmettitore a basso guadagno della navicella(sc\_lg) che l'antenna 3 sono ok. I collegamenti ad alto guadagno funzionano sempre se il trasmettitore ad alto guadagno della navicella spaziale(sc\_hg), le antenne dei satelliti (s1\_ant,s2\_ant), i trasmettitori dei satelliti (s1\_trans,s2\_trans) e le antenne di terra (a1,a2) sono ok.

Per semplificare le cose, considera solo i messaggi provenienti dalla navicella spaziale che attraversano questi canali e vanno al centro di controllo a terra.



La seguente base di conoscenza formalizza la parte della rete di comunicazione che ci interessa:

```
\begin{split} & send\_signal\_lg\_sc \leftarrow ok\_sc\_lg \wedge alive\_sc. \\ & send\_signal\_hg\_sc \leftarrow ok\_sc\_hg \wedge alive\_sc. \\ & get\_signal\_s1 \leftarrow send\_signal\_hg\_sc \wedge ok\_s1\_ant. \\ & get\_signal\_s2 \leftarrow send\_signal\_hg\_sc \wedge ok\_s2\_ant. \\ & send\_signal\_s1 \leftarrow get\_signal\_s1 \wedge ok\_s1\_trans. \\ & send\_signal\_s2 \leftarrow get\_signal\_s2 \wedge ok\_s2\_trans. \\ & get\_signal\_gc \leftarrow send\_signal\_s1 \wedge ok\_a1. \\ & get\_signal\_gc \leftarrow send\_signal\_s2 \wedge ok\_a2. \\ & get\_signal\_gc \leftarrow send\_signal\_lg\_sc \wedge ok\_a3 \wedge no\_dist. \\ \end{split}
```

Il centro di controllo a terra è preoccupato perchè non ha ricevuto segnali dalla navicella spaziale(no\_signal\_gc).

Sa per certo che tutte le antenne a terra sono ok (cioè ok\_a1, ok\_a2, and ok\_a3) e che il trasmettitore del satellite s1 è ok(ok\_s1\_trans).

Non è sicuro riguardo lo stato della navicella spaziale, del suo trasmettitore, delle antenne del satellite, del trasmettitore s2 e dei disturbi atmosferici.

1. Specify a set of assumables and an integrity constraint that model the situation.

**Assumables:** ok\_sc\_lg, alive\_sc, ok\_s1\_ant, ok\_s2\_ant, ok\_s1\_trans, ok\_s2\_trans, ok\_a1, ok\_a2, ok\_a3, no\_dist.

## **Integrity constraint:**

 $\begin{array}{l} false \leftarrow get\_signal\_s1 \ \land get\_signal\_s2 \\ false \leftarrow send\_signal\_s1 \ \land get\_signal\_s1 \\ false \leftarrow send\_signal\_s2 \ \land get\_signal\_s2 \end{array}$ 

Ossia, la navicella spaziale sc non può ricevere informazioni dai satelliti s1 e s2 allo stesso momento( $false \leftarrow get\_signal\_s1 \land get\_signal\_s2$ ), mentre può tranquillamente inviare informazioni in broadcast ad entrambi i satelliti. Inoltre, la navicella spaziale non può inviare e ricevere dati da un satellite nello stesso momento ( $false \leftarrow send\_signal\_s1$   $\land get\_signal\_s1$ ,  $false \leftarrow send\_signal\_s2 \land get\_signal\_s2$ ). Tuttavia, questa rappresentazione va espansa con approccio top-down finchè non ho solo assumables nel corpo delle regole:

```
 false \leftarrow ok\_sc\_hg \land alive\_sc \land ok\_s1\_ant \land ok\_s2\_ant \\ false \leftarrow ok\_s1\_trans \land ok\_sc\_hg \land alive\_sc \land ok\_s1\_ant \\ false \leftarrow ok\_s2\_trans \land ok\_sc\_hg \land alive\_sc \land ok\_s2\_ant \\
```

Inoltre, è possibile aggiungere ulteriori integrity constraint che modellino tautologie come: false  $\leftarrow$  no\_dist  $\land$  dist dove dist =  $\neg$ no\_dist

2. Using the assumables and the integrity constraints from part (a), what is the set of minimal conflicts?

Gli insiemi dei conflitti minimi sono:

- {alive\_sc}
- {ok\_sc\_hg}
- {ok\_s1\_ant, ok\_s2\_trans}
- {ok\_s1\_trans, ok\_s2\_ant}
- {ok\_s1\_ant, ok\_s2\_ant}
- 3. What is the consistency-based diagnosis for the given situation? In other words, what are the possible combinations of violated assumptions that could account for why the control center cannot receive a signal from the spacecraft?

L'assenza di segnale tra la base a terra e la navicella spaziale sta a significare che  $get\_signal\_gc$  = false. Pertanto, otteniamo che:

```
 \begin{split} & false \leftarrow send\_signal\_s1 \land ok\_a1. \\ & false \leftarrow send\_signal\_s2 \land ok\_a2. \\ & false \leftarrow send\_signal\_lg\_sc \land ok\_a3 \land no\_dist. \end{split}
```

Inoltre, sappiamo dal testo che tutte le antenne a terra sono ok (cioè ok\_a1, ok\_a2, and ok\_a3) e che il trasmettitore del satellite s1 è ok(ok\_s1\_trans). Ciò, ci consente di eliminare degli assumables dalle clausole:

```
false \leftarrow send\_signal\_s1.
```

```
\begin{aligned} & false \leftarrow send\_signal\_s2. \\ & false \leftarrow send\_signal\_lg\_sc \land no\_dist. \end{aligned}
```

Sviluppando le precedenti proposizioni (con approccio top-down), si ottiene:

```
 \begin{array}{l} false \leftarrow ok\_sc\_hg \ \land \ alive\_sc \ \land \ ok\_s1\_ant.^1 \\ false \leftarrow ok\_sc\_hg \ \land \ alive\_sc \ \land \ ok\_s2\_ant \ \land \ ok\_s2\_trans. \\ false \leftarrow ok\_sc\_lg \ \land \ alive\_sc \ \land \ no\_dist. \end{array}
```

Da queste proprosizioni si ricavano le seguenti combinazioni:

- 1. {'ok\_sc\_lg', 'ok\_sc\_hg'}
- 2. {'alive\_sc', 'ok\_sc\_hg'}
- 3. {'no\_dist', 'ok\_sc\_hg'}
- 4. {'ok\_sc\_lg', 'alive\_sc', 'ok\_sc\_hg'}
- 5. {'alive\_sc', 'ok\_sc\_hg'}
- 6. {'no\_dist', 'alive\_sc', 'ok\_sc\_hg'}
- 7. {'ok\_sc\_lg', 'ok\_s2\_ant', 'ok\_sc\_hg'}
- 8. {'ok\_s2\_ant', 'ok\_sc\_hg', 'alive\_sc'}
- 9. {'no\_dist', 'ok\_s2\_ant', 'ok\_sc\_hg'}
- 10. {'ok\_sc\_lg', 'ok\_s2\_trans', 'ok\_sc\_hg'}
- 11. {'alive\_sc', 'ok\_s2\_trans', 'ok\_sc\_hg'}
- 12. {'no\_dist', 'ok\_s2\_trans', 'ok\_sc\_hg'}
- 13. {'ok\_sc\_lg', 'ok\_sc\_hg', 'alive\_sc'}
- 14. {'ok\_sc\_hg', 'alive\_sc'}
- 15. {'no\_dist', 'ok\_sc\_hg', 'alive\_sc'}
- 16. {'ok\_sc\_lg', 'alive\_sc'}
- 17. {'alive\_sc'}
- 18. {'no\_dist', 'alive\_sc'}
- 19. {'ok\_sc\_lg', 'ok\_s2\_ant', 'alive\_sc'}
- 20. {'ok\_s2\_ant', 'alive\_sc'}
- 21. {'no\_dist', 'ok\_s2\_ant', 'alive\_sc'}

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>Questo perchè viene osservato che il trasmettitore del satellite s1 è ok (ok\_s1\_trans)

```
22. {'ok_sc_lg', 'ok_s2_trans', 'alive_sc'}
```

- 23. {'ok\_s2\_trans', 'alive\_sc'}
- 24. {'no\_dist', 'ok\_s2\_trans', 'alive\_sc'}
- 25. {'ok\_sc\_lg', 'ok\_s1\_ant', 'ok\_sc\_hg'}
- 26. {'ok\_s1\_ant', 'ok\_sc\_hg', 'alive\_sc'}
- 27. {'no\_dist', 'ok\_s1\_ant', 'ok\_sc\_hg'}
- 28. {'ok\_sc\_lg', 'ok\_s1\_ant', 'alive\_sc'}
- 29. {'ok\_s1\_ant', 'alive\_sc'}
- 30. {'no\_dist', 'ok\_s1\_ant', 'alive\_sc'}
- 31. {'ok\_sc\_lg', 'ok\_s2\_ant', 'ok\_s1\_ant'}
- 32. {'ok\_s2\_ant', 'ok\_s1\_ant', 'alive\_sc'}
- 33. {'no\_dist', 'ok\_s2\_ant', 'ok\_s1\_ant'}
- 34. {'ok\_sc\_lg', 'ok\_s1\_ant', 'ok\_s2\_trans'}
- 35. {'ok\_s1\_ant', 'ok\_s2\_trans', 'alive\_sc'}
- 36. {'no\_dist', 'ok\_s1\_ant', 'ok\_s2\_trans'}

In totale sono presenti 36 combinazioni, ma di queste alcune sono ripetute ed altre non sono minimali, per tanto le combinazioni possibili sono le seguenti<sup>2</sup>:

- {ok\_sc\_lg, ok\_sc\_hg}
- {no\_dist, ok\_sc\_hg}
- {alive\_sc}
- {ok\_sc\_lg, ok\_s2\_ant, ok\_s1\_ant}
- {no\_dist, ok\_s2\_ant, ok\_s1\_ant}
- {ok\_sc\_lg, ok\_s1\_ant, ok\_s2\_trans}
- {no\_dist, ok\_s1\_ant, ok\_s2\_trans}

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup>La soluzione è stata calcolata attraverso uno script Python presente nello zip dell'assignment

Explain why NASA may want to use abduction rather than consistency based diagnosis for the domain.

Il ragionamento abduttivo è efficace nel trattare i problemi imprevisti o inaspettati. Nelle missioni spaziali, potrebbero emergere sfide o anomalie non previste. Il ragionamento abduttivo consente alla NASA di esplorare ipotesi al di là dei set predefiniti di problemi potenziali, aiutando a scoprire problemi nascosti. In questo dominio, variabili come i disturbi atmosferici (no\_dist) non sono osservabili direttamente. L'abduzione consente di ragionare sullo stato di variabili non osservabili basandosi su evidenze osservabili e dipendenze conosciute, fornendo un modo per considerare le condizioni atmosferiche nel processo diagnostico. Inoltre, il ragionamento abduttivo si concentra sull'identificazione di relazioni causali tra sintomi osservati (no\_signal\_gc) e possibili cause. Questo è cruciale nelle missioni spaziali, dove capire le cause principali delle anomalie di comunicazione è essenziale per la risoluzione dei problemi e l'implementazione di soluzioni efficaci. La diagnosi basata sulla consistenza potrebbe non fornire lo stesso livello di ragionamento causale.

5. Suppose that an atmospheric disturbance dist could produce static or no signal in the low bandwidth signal. To receive the static, antenna a3 and the spacecraft's low-bandwidth transmitter sc\_lg must be working. If a3 or sc\_lg are not working or sc is dead, there is no signal. What rules and assumables must be added to the knowledge base so that we can explain the possible observations no\_signal\_gc, get\_signal\_gc, or static\_gc? You may ignore the high-bandwidth links. You may invent any symbols you need.

Per ricevere il segnale statico abbiamo bisogno di avere **ok\_a3**, **ok\_signal\_lg**, **alive\_sc**. Pertanto:

```
receive_static ← ok_a3, ok_signal_lg, alive_sc
ok_signal_lg e alive_sc devono essere verificati in send_signal_lg_sc
```

Quindi possiamo riscrivere:

```
receive_static ← send_signal_lg_sc ∧ ok_a3 get_signal_gc ← receive_static ∧ no_dist
```

# 6 Optional assignment

Abbiamo provato ad implementare la base di conosceza del problema 2, la quale risulta:

```
a:-b, c.
b:-e.
b:-d.
c.
d:-h.
e.
f:-g, b.
g:-c, k.
j:-a, b.
```

Abbiamo invertito le regole di b perchè SWI Prolog lancia un'eccezione qualora non conosca un atomo (nel nostro caso h. Provando a tracciare a si ottiene:

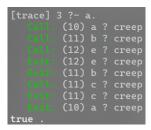


Figure 1: Immagine del tracciamento di a.