

## ANNEXE

Vous pouvez considérer que les langages suivants sont  $\mathcal{NP}$ -complets, sauf si on vous demande de le prouver.

1. *SAT* est le problème suivant :

- **DONNEE** : une formule booléenne  $\phi$
- **QUESTION** : existe-t-il une valuation  $c$  des variables de  $\phi$  telle que le résultat  $\phi(c)$  est vrai ?

2. *3SAT* est le problème suivant :

- **DONNEE** : une formule booléenne  $\phi$  en forme 3-fnc
- **QUESTION** : existe-t-il une valuation  $c$  des variables de  $\phi$  telle que le résultat  $\phi(c)$  est vrai ?

3. *VERTEX COVER* est le problème suivant :

- **DONNEE** : un graphe  $G = (V, E)$ , un naturel  $k$
- **QUESTION** : existe-t-il  $U \subseteq V$ ,  $|U| = k$ , tel que toute arête de  $E$  aie au moins une extrémité dans  $S$  ?

4. *CLIQUE* est le problème suivant :

- **DONNEE** : un graphe  $G = (V, E)$ , un naturel  $k$
- **QUESTION** : existe-t-il  $S \subseteq V$ ,  $|S| \geq k$ , tel que  $uv \in E$  pour tout  $u, v \in S$ ,  $u \neq v$  ?

5. *STABLE* est le problème suivant :

- **DONNEE** : un graphe  $G = (V, E)$ , un naturel  $k$
- **QUESTION** : existe-t-il  $S \subseteq V$ ,  $|S| \leq k$ , tel que  $uv \notin E$  pour tout  $u, v \in S$ ,  $u \neq v$  ?

Vous pouvez utiliser les informations suivantes, sauf si on vous demande de les prouver.

	$\mathcal{L}_{DEC}$	$\mathcal{L}_{REC}$	$\mathbf{CO-}\mathcal{L}_{REC}$
$L_d = \{ \langle M \rangle : \langle M \rangle \notin L(M) \}$	non	non	oui
$L_u = \{ \langle M, w \rangle : w \in L(M) \}$	non	oui	non
$HALT = \{ \langle M, w \rangle : M \text{ arrête sur l'entrée } w \}$	non	oui	non
$L_\emptyset = \{ \langle M \rangle : L(M) = \emptyset \}$	non	non	oui
$L_{\Sigma^*} = \{ \langle M \rangle : L(M) = \Sigma^* \}$	non	non	non

Rappel: l'ensemble  $\mathbb{N}$  contient tous les entiers non-négatifs. Donc  $0 \in \mathbb{N}$ .