## Università degli Studi di Padova

# Corso di Laurea Magistrale in Informatica

a.a. 2016/2017

### **Data Mining**

Docente: Annamaria Guolo

### Prova scritta del 30 giugno 2017

**ISTRUZIONI:** La durata della prova è di 1 ora. La prova va svolta su questi fogli. Eventuali fogli di brutta copia possono essere richiesti, ma non verranno corretti. Non scrivere in matita. In caso di errore, barrare la parte errata, non utilizzare un correttore (bianchetto).

	Nome:	Cognome	:	Matricola:
Solo ı	ande a risposta mult una delle risposte è co valgono zero punti.	-	una	a crocetta la risposta corretta. Le risposte sbagliate o non
	$\hat{\beta}_0 = 0$ allora sicurar	nente		ce $Y=\beta_0+\beta_1X+\varepsilon$ stimato ai minimi quadrati si ottiene $R^2=1 \qquad \qquad \text{(d) nessuna delle precedenti}$
	$H_0: \beta_1 \geq 0 \text{ contro } P_0$ opportuna statistica (a) $2\min\{P(t_{198} < 0), 2\min\{P(t_{198} < 0), P(t_{198} > -2.13)\}$	$H_1: eta_1 < 0  ext{ basato su}$ est pari a -2.13. Allo $-2.13$ ), $P(t_{198} > -2.13)$ , $P(t_{198} > -2.13)$	un ora i 2.13)	,,
3)	I residui standardizza			
	(a) hanno media nul			) hanno varianza pari a quella dei residui non standardizzati
	(c) sono sempre pos	itivi	(d)	) sono sempre negativi
·	La devianza totale è  (a) devianza spiegata devianza residua (c) devianza spiegata Il coefficiente di corr	$a + devianza\ residua$	(b)	) $rac{devianza\ residua}{devianza\ spiegata}$ (d) $devianza\ spiegata-devianza\ residua$
C)	(a) una probabilità	$\rho_{XY}$	(b)	) una misura del legame lineare tra $X$ e $Y$
	(c) un intervallo di c	onfidenza		) una misura dei legame fineare tra X e Y ) una misura del livello di significatività osservato
	(c) un inici vano di C	Omidenza	(u)	, una misara dei riverio di significatività osservato

#### Esercizio

Rispondere su questi fogli in modo conciso e chiaro. Per i calcoli, riportare tutti i passaggi, non solo il risultato finale.

Si considerino i seguenti dati riferiti ad un'indagine svolta dal Canadian Survey of Labour and Income Dynamics nel 1994

- wages: guadagno orario (su scala logaritmica in base naturale)
- education: anni di istruzione
- age: età in anni
- sex: genere Maschio/Femmina
- language: lingua parlata English/French/Other

I dati si riferiscono a 300 osservazioni.

a) Viene stimato un modello di regressione lineare per spiegare il guadagno orario in funzione degli anni di istruzione e del genere. Di seguito l'output fornito da R

```
lm(formula = wages \sim sex + education + I(education^2), data = slid)
Residuals:
                  1Q
                                       30
     Min
                       Median
                                                 Max
-1.75578 -0.31897 0.01735 0.31488 1.19888
Coefficients:
                   Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
                                0.310179
                                             8.470 1.17e-15 ***
(Intercept)
                   2.627102
sexMale
                   0.133321
                                0.055630
                                             2.397
education
                  -0.070156
                                0.045183 -1.553 0.12156
I(education^2) 0.004444
                                0.001648
                                            2.696 0.00742 **
Signif. codes: 0 '*** 0.001 '** 0.01 '* 0.05 '.' 0.1 ' '1
Residual standard error: 0.4778 on 296 degrees of freedom Multiple R-squared: 0.1374, Adjusted R-squared: 0.1286 F-statistic: 15.71 on 3 and 296 DF, p-value: 1.655e-09
```

- a.1) Di che natura sono le variabili esplicative considerate nel modello? Come si interpreta la stima del coefficiente associato a sex?
- a.2) Commentare l'output del modello evidenziando la significatività dei coefficienti, la possibilità di semplificazione del modello, interpretando i coefficienti stimati (vale a dire l'associazione delle esplicative con la risposta), valutando l'adattamento del modello tramite  $\mathbb{R}^2$ .

	a.3) Cosa rappresenta la quantità t value riportata nell'output? Come viene calcolata?
	a.4) Costruire un intervallo di confidenza di livello 0.95 per il parametro associato a education spiegando le eventuali assunzioni fatte.
	a.5) Prevedere il guadagno orario (sulla scala originaria) per una donna con 15 anni di istruzion Come cambia il risultato nel caso di un uomo?
Si	decide di estendere il modello con l'inclusione della variabile language. Il modello stimato è

b)

```
Call:
lm(formula = wages ~ sex + language * education + I(education^2),
    data = slid)
Residuals:
                1Q
                    Median
                                   3Q
     Min
                                           Max
-1.63393 -0.31887 0.02166 0.30815 1.22297
Coefficients:
                            Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
                                                             1e-11 ***
(Intercept)
                            2.468853
                                       0.348133
                                                   7.092
sexMale
                            0.131873
                                       0.056209
                                                   2.346
                                                            0.0196
languageFrench
                           0.449934
                                       0.532223
                                                   0.845
                                                           0.3986
                                                   0.848
                                                           0.3969
languageOther
                           0.281458
                                       0.331745
education
                           -0.052333
                                       0.048843
                                                  -1.071
                                                            0.2849
                                                           0.0220
I(education^2)
                           0.003976
                                       0.001726
                                                   2.303
languageFrench:education -0.023459
                                       0.041178
                                                  -0.570
                                                           0.5693
languageOther:education -0.023564
                                                 -0.905
                                       0.026030
                                                           0.3661
Signif. codes: 0 '*** 0.001 '** 0.01 '* 0.05 '.' 0.1 ' '1
Residual standard error: 0.4792 on 292 degrees of freedom
Multiple R-squared: 0.1441, Adjusted R-squared: 0.1236
F-statistic: 7.022 on 7 and 292 DF. p-value: 9.503e-08
```

b.1) Sulla base dell'output è stato vantaggioso l'inserimento della variabile language? Perchè?

b.2) Sulla base dell'output come si dovrebbe procedere nell'analisi?

c) Si confrontano i due modelli fin qui stimati (modello 1 senza considerare la variabile language e modello 2 considerando la variabile language) per valutare se sia possibile scegliere il modello più semplice (modello 1) come modello per la previsione. Di seguito l'output fornito da R

```
Analysis of Variance Table
```

```
Model 1: wages ~ sex + education + I(education^2)

Model 2: wages ~ sex + language * education + I(education^2)

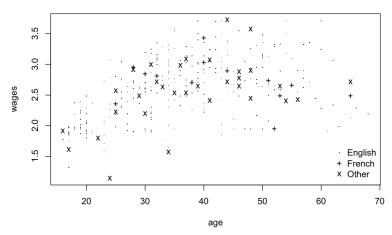
Res.Df RSS Df Sum of Sq F Pr(>F)

1 296 67.586

2 292 67.060 4 0.52655 0.5732 0.6823
```

A cosa si riferisce l'analisi svolta e come si interpreta il risultato? È giustificabile la scelta del modello più semplice? Perchè?

d) Il seguente grafico riporta la distribuzione di wages in funzione della variabile age, distinguendo in base alla variabile language



Quali suggerimenti si possono cogliere dal grafico al fine di migliorare il modello fin qui stimato?

#### Informazioni utili

Quantili di una N(0,1):  $z_{0.01}=-2.33$   $z_{0.025}=-1.96$   $z_{0.05}=-1.64$   $z_{0.95}=1.64$   $z_{0.975}=1.96$   $z_{0.99}=2.33$