

Aufgabenblatt 3

Operations Research – Wirtschaftsinformatik – Online

Sommersemester 2023

Prof. Dr. Tim Downie

Naiver Algorithmus und LP in Normalform

Aufgabe 1 ★ LP Optimierung: Naiver Algorithmus

Gegeben ist die folgende LP.

$$\begin{array}{lll} \text{maximiere} & Z(x_1, x_2) = 2x_1 + 3x_2 & \\ \text{unter den Nebenbedingungen} & x_1 + 2x_2 \leq 6 & R1 \\ & 2x_1 + x_2 \leq 8 & R2 \\ & x_1 \geq 0 & R3 \\ & x_2 \geq 0 & R4 \end{array}$$

Verwenden Sie den naiven Algorithmus durch die folgenden Schritte. Am jeden Schritt ergänzen Sie die Tabelle unten.

- Für jede Kombination zweier Nebenbedingungen $R1, \dots, R4$. Bestimmen Sie den Schnittpunkt der entsprechenden Gleichungen.
- Bestimmen, ob der Eckpunkt zulässig ist.
- Rechnen Sie den Zielfunktionswert für die zulässigen Eckpunkte.
- Bestimmen Sie die optimale Lösung.

Bedingungen	Schnittpunkt (x_1, x_2)	Zulässig?	$Z(x, y)$
R3, R4			
R2, R4			
R1, R4			
R2, R3			
R1, R3			
R1, R2			

Aufgabe 2 ★ LP in Normalform

- Zur LP in Aufgabe 1 fügen Sie die Schlupfvariablen y_1 und y_2 hinzu um die LP in Normalform zu stellen.
- Für jede Punkt aus der obigen Tabelle (sowohl zulässig als auch unzulässig) bestimmen Sie y_1 und y_2 und ergänzen Sie die folgende Tabelle. Stellen Sie sicher, dass genau zwei Werte von x_1, x_2, y_1 und y_2 gleich Null sind, und die nicht zulässige Punkte haben negativen Schlupf.

Bedingungen	Eckpunkt (x_1, x_2)	Schlupf y_1, y_2	Zulässig?
R3, R4			
R2, R4			
R1, R4			
R2, R3			
R1, R3			
R1, R2			

Aufgabe 3 Anwendungsbeispiel: Damen- und Herrentiefel

Eine Stiefelfabrik herstellt Damen- und Herrentiefel. Für die nächste Produktionsperiode sind 10 000 Arbeitsstunden der Mitarbeiter und 2 000 Arbeitsstunden der Maschinen geplant. Dabei braucht ein Damentiefel 25 Std Verarbeitung und 6 Std Maschinenarbeit, und ein Herrentiefel 18 Std Verarbeitung und 3 Std Maschinenlaufzeit. Zur Verfügung steht insgesamt 200 000 cm² Leder. Ein Damentiefel benötigt 400 cm² und ein Herrentiefel 450 cm² Leder. Der Gewinn pro Damentiefel beträgt € 25 und pro Herrentiefel € 20.

- (a) Fassen Sie die Produktionsdaten in der Tabelle zusammen.
- (b) Geben Sie das LP in Grundform an.
- (c) Geben Sie das LP in Normalform an.

Es ist nicht nötig die optimale Lösung zu finden. Diese werden Sie später im Kurs lösen.

	Damentiefel	Herrentiefel	Verfügbarkeit
Produktionszeit (Std)			
Maschinenlaufzeit (Std)			
Lederbedarf (cm ²)			
Gewinn (€)			