## Klausur Operations Research - A-Termin

Name, Matrikel-Nr.	1	2	3	4	5	6	Summe	Note
Sie können maximal 42 Punkte erreichen, ab 19 Punkten haben Sie bestanden.								

1) Gegeben ist das folgende lineare Optimierungsproblem:

a) Lösen Sie das LOP graphisch.

(Skizze mit zulässigem Bereich, optimaler zul. Basislösung).

Geben Sie die optimale zulässige Basislösung (ZBL)

sowie den opt. Zielfunktionswert an.

Beachten Sie, daß es sich um ein Minimierungsproblem handelt.

- b) Geben Sie die Standard-Gleichungsform des LOP an.
- c) Bestimmen Sie außer der Optimallösung zwei weitere zulässige Basislösungen.
- d) Bis zu welchem Wert kann die rechte Seite der zweiten Restriktion b<sub>2</sub> = 12 verringert werden, ohne die Stabilität der optimale ZBL zu verletzen? (graphische oder rechnerische Lösung)
- 2) Stellen Sie ausgehend von der Standard-Gleichungsform des gegebenen LOP das erste primale Simplextableau auf und führen einen Simplexschritt aus. Hinweis: Es reicht aus, die z-Zeile und RS-Spalte zu berechnen. Ist die erreichte ZBL optimal (Begründung)?

$$z = 2x_1 + x_2 \rightarrow \max$$

$$-x_1 + x_2 \leq 4$$

$$x_1 + x_2 \leq 8$$

$$2x_1 - x_2 \leq 7$$

$$x_1, x_2 \geq 0$$
(6 P)

3) Zum LOP 
$$z = 10x_1 + 20x_2 \rightarrow max$$
 (6 P) 
$$x_1 + x_2 \leq 100$$
 
$$6x_1 + 9x_2 \leq 720$$
 
$$x_2 \leq 60 \qquad x_1, x_2 \geq 0$$

gehört das optimale Simplextableau:

	<b>X</b> 1	<b>X</b> 2	<b>X</b> 3	<b>X</b> 4	<b>X</b> 5	RS
<b>X</b> 3	0	0	1	- 1/6	1/2	10
<b>X</b> 1	1	0	0	1/6	- 3/2	30
<b>X</b> 2	0	1	0	0	1	60
Z	0	0	0	5/3	5	1500

- a) Geben Sie das Dualproblem zum gegebenen LOP an.
- b) Geben Sie sowohl die primale als auch die duale Optimallösung an.
- c) Interpretieren Sie die Werte der Dualvariablen aus ökonomischer Sicht hinsichtlich Variationen der drei Restriktionen-/Ressourcen-Werte (rechte Seiten).

## Klausur Operations Research - A-Termin

4) Gegeben ist das folgende lineare Optimierungsproblem:

$$z = x_1 + 4x_2 \rightarrow max$$

$$x_1 + 3x_2 \leq 12$$

$$2x_2 \leq 5$$

$$x_1, x_2 \ge 0$$
 und ganzzahlig

Die optimale Lösung der Relaxation (des Problems ohne Ganzzahligkeitsforderung) lautet  $z_{max} = 14,5$  mit  $x_1 = 9/2$  und  $x_2 = 5/2$ .

Lösen Sie das LOP mit Ganzzahligkeitsforderung mittels Branch\_and\_Bound-Algorithmus. Beginnen Sie im ersten Branch-Schritt mit der Verzweigung bzgl.  $x_1$ . Hinweis: Die Teilprobleme können Sie grafisch lösen.

5) Vier Verbraucher B<sub>j</sub> werden aus drei Lagern A<sub>i</sub> mit einem Rohmaterial versorgt. Das folgende Datenschema des Transportproblems (TP) ist gegeben. (6 P)

Entfernung (km)	B <sub>1</sub>	B <sub>2</sub>	B <sub>3</sub>	B <sub>4</sub>	Lagermenge a <sub>i</sub> (t)
A <sub>1</sub>	7	7	4	7	10
A <sub>2</sub>	9	5	3	3	8
A <sub>3</sub>	7	2	6	4	7
Bedarf b <sub>j</sub> (t)	6	5	8	6	

Die Belieferung soll so erfolgen, daß der Gesamtwert "Tonnenkilometer" (t\*km) minimal wird.

- a) Bestimmen Sie eine erste zulässige Basislösung mittels der Methode der Vogelschen Approximation. Geben Sie die ui/ Vi-Werte in jedem Schritt an.
- b) Geben Sie die Basisvariablen x<sub>ij</sub> und den zugehörigen opt. Zielfunktionswert an.
- 6) Zum angegebenen Datenschema eines TP wurde die aufgeführte zulässige Basislösung ermittelt (6 P)

Bedarf B <sub>j</sub> Aufkommen A <sub>i</sub>	B <sub>1</sub>	B <sub>2</sub>	B <sub>3</sub>	B <sub>4</sub>	ai
A <sub>1</sub>	9	10	9	11	14
A <sub>2</sub>	8	3	6	4	20
A <sub>3</sub>	5	6	4	8	26
bj	16	12	18	14	

## Zulässige Basislösung:

	6	8	
	6		14
16		10	

- a) Führen Sie einen Schritt mit der MODI-Methode zu einem Tableau mit einer verbesserten zulässigen Basislösung (ZBL) aus.
- b) Geben Sie diese ZBL einschließlich des Zielfunktionswertes an. Ist diese ZBL optimal?