WIRTSCHAFTSSTATISTIK MODUL 1: EINFÜHRUNG IN DIE STATISTIK

WS 2023/24

DR. E. MERINS

ZUR GESCHICHTE DER STATISTIK

- Die "praktische Statistik" ist 4.000 5.000 Jahre alt
- Der Ursprung ist nicht die Mathematik. Die Mathematik kam erst vor rund 300 Jahren dazu über die Wahrscheinlichkeitsrechnung
- Ausgangspunkt der Statistik: (Staats-) Verwaltung/Management von großen Projekten
- Das Wort Statistik stammt von lateinisch statisticum "den Staat betreffend" und italienisch statista Staatsmann oder Politiker, was wiederum aus dem griechischen στατίζω (einordnen) kommt
- Die deutsche Statistik, eingeführt von Gottfried Achenwall 1749, bezeichnete ursprünglich die "Lehre von den Daten über den Staat". Im 19. Jahrhundert hatte der Schotte John Sinclair das Wort erstmals in seiner heutigen Bedeutung des allgemeinen Sammelns und Auswertens von Daten benutzt.

WO BRAUCHT MAN STATISTIK?

In welchen Gebieten (Wissenschaften) braucht man Statistik?

- In den empirischen Wissenschaften (auch Realwissenschaften bzw. Erfahrungswissenschaften genannt)
 - Naturwissenschaften
 - Sozialwissenschaften
 - Biologie / Medizin (Biometrie)
 - Ingenieurswissenschaften (Technometrie)
 - Verhaltenswissenschaften (Psychometrie)
 - → man will neue Erkenntnisse gewinnen über einen Ausschnitt der Realität. Dazu werden empirische Untersuchungen durchgeführt; hierbei fallen Daten an, die mit statistischen Methoden ausgewertet werden
- In allen Bereichen, in denen große Datenmengen anfallen, aus denen man Erkenntnisse gewinnen will

WAS IST EINE "STATISTIK"?

Was ist eine "Statistik"?

→ eine systematische Zusammenstellung von Zahlen und Daten

Wozu?

→ zur Beschreibung bestimmter Zustände, Entwicklungen und Phänomene

Ziel:

→ Gewinnung von Information aus unübersichtlichen und/oder unstrukturierten und/oder großen Datenmengen



Statistik ist die Lehre von Verfahren und Methoden zur Gewinnung, Erfassung, Analyse, Charakterisierung, Abbildung, Nachbildung und Beurteilung von beobachtbaren Daten über die Wirklichkeit (Empirie).

Datengewinnung

Es gibt verschiedene Möglichkeiten, wie man Daten erhalten kann. Für die Wirtschaftsstatistik werden neben amtlichen Erhebungen vor allem Berichte, Umfragen und betriebliche Quellen verwendet

- Datenerhebung = jede systematische Datengewinnung → Vorgang zur Ermittlung und zur Erfassung von Ausprägungen eines statistischen Merkmals
- Primärerhebung → Erhebung neuer Daten nach Vorgaben
 Sekundärerhebung → aus bereits vorhandenem Datenmaterial
- Vollerhebung → Untersuchung aller statistischen Einheiten einer Gesamtheit
 Teilerhebung → n < N

Datenaufbereitung

Ordnung, Zusammenfassung und Darstellung des erhobenen statistischen Datenmaterials in Datendateien, Tabellen und/oder geeigneten Grafiken.

Datenmissbrauch

Man sieht statistischen Ergebnissen nicht an, ob sie manipuliert wurden. Der Missbrauch von Daten ist kein Problem der Statistik, sondern eines der Personen, die mit Daten umgehen

Datenanalysen

Anwendung statistischer Verfahren zum Zweck der Erkenntnisgewinn

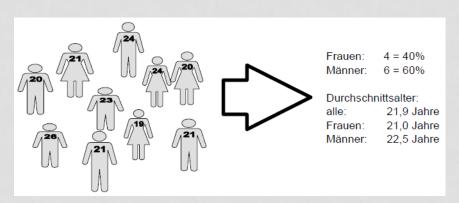
Datencharakterisierung

Beschreibung, Visualisierung, Kennzahlen: die grafische und tabellarische Darstellung von Daten sowie die Berechnung von zusammenfassenden, den empirischen Sachverhalt beschreibenden Kennzahlen, wird als Datencharakterisierung bezeichnet.

Sie ist Gegenstand der <u>deskriptiven</u> Statistik

BEREICHE DER STATISTIK

deskriptive oder beschreibende Statistik



Die deskriptive Statistik (lat.: descriptio - Beschreibung) dient der Betrachtung der Daten an sich. Die gewonnene Daten werden verdichtet bzw. so dargestellt, dass das Wesentliche deutlich hervortritt.

Für eine übersichtliche Darstellung muss das, oft sehr umfangreiche, Material auf geeignete Art und Weise zusammengefasst werden.

Dazu werden insbesondere die drei Darstellungsformen benutzt:

- Tabellen
- grafische Darstellungen
- charakteristische Maßzahlen

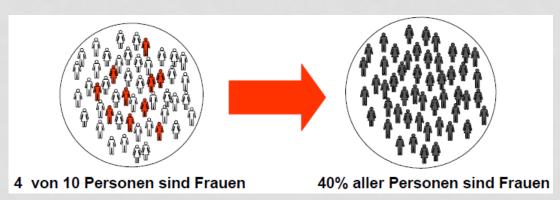
Datenbeurteilung (geplantes Analysieren)

Die Beurteilung von Daten erfolgt durch:

- Schlüsse auf der Basis unvollständiger Daten, z. B. Schlüsse von der
 Stichprobe auf ihre Grundgesamtheit
- Allgemeiner: auf der Basis unsicherer Daten, unter Anwendung der Wahrscheinlichkeitsrechnung. Dies ist Gegenstand der induktiven (schließenden) Statistik.

BEREICHE DER STATISTIK

induktive oder schließende Statistik -> Der Schluss vom Teil aufs Ganze



Probleme der Stichprobe:
Stichprobenfehler
"Repräsentativität"

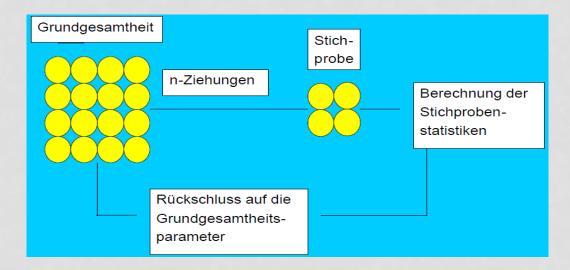
Die <u>induktive Statistik</u> (lat.: inductio - Hineinführen) dient dazu, aus den erhobenen Fakten Schlüsse auf die Ursachenkomplexe zu ziehen, die zu diesen Daten geführt haben. Die induktive Statistik basiert auf der Wahrscheinlichkeitstheorie.

Die Einteilung in <u>deskriptive</u> und <u>induktive</u> Statistik wurde verwendet, um die unterschiedliche Zielsetzung der in diesen beiden Bereichen verwendeten Methoden herauszustellen ("Beschreiben" im Gegensatz zu "geplant Analysieren").

Weitere Synonyme für induktive Statistik: analytische oder inferentielle Statistik.

STICHPROBE

Grundgesamtheit → die Menge aller möglichen Erhebungseinheiten Stichprobe → eine n-elementige Teilmenge der Grundgesamtheit mit N Elementen (Merkmalsträgern)



Ein **Auswahlverfahren** ist die Art und Weise, wie die Elemente der Stichprobe möglichst zweckmäßig ausgewählt werden.

ZUFALLSSTICHPROBE

Einfache Zufallsstichproben

jede mögliche Stichprobe und auch jedes Element besitzen dieselbe Chance ausgewählt zu werden. Dies ist dann eine echte Zufallsstichprobe (meist unrealistisch), der Idealfall einer Stichprobe. Sie ist ein genaues Abbild der Grundgesamtheit, so dass der Schluss von der Stichprobe auf die Grundgesamtheit gewährleistet ist.

Geschichtete Zufallsstichproben

Die Elemente der Grundgesamtheit werden so in Gruppen (Schichten, strata) eingeteilt, dass jedes Element der Grundgesamtheit zu einer – und nur zu einer – Schicht gehört. Danach werden einfache Zufallsstichproben aus jeder Schicht gezogen.

KLUMPENSTICHPROBE

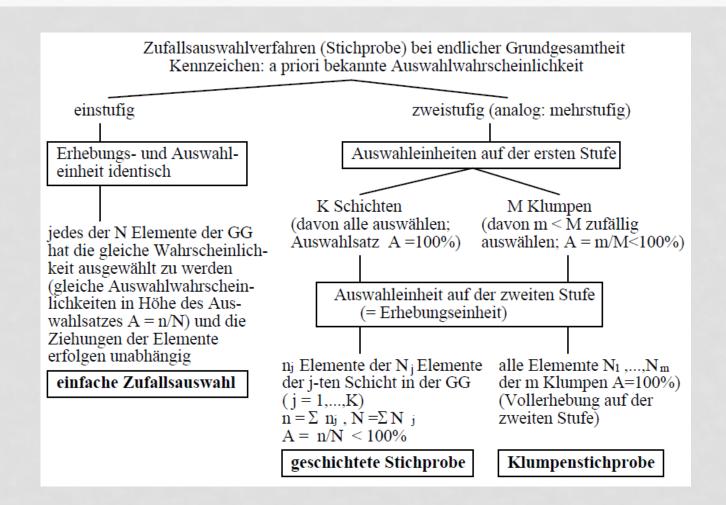
Klumpenstichprobe

eine einfache Zufallsauswahl, bei der die Auswahlregeln nicht auf die Elemente der Grundgesamtheit, sondern auf zusammengefasste Elemente (Klumpen, Cluster) angewendet werden und dann jeweils die Daten aller Elemente des ausgewählten Clusters erhoben werden. Ein Nachteil dieses Verfahrens: es kann kein Stichprobenumfang n vorgegeben werden.

Beispiel:

Es soll ein Leistungstest an deutschen Schulkindern durchgeführt werden. Im ersten Schritt werden 'Gemeinden' als Klumpen ausgewählt. Als "Liste' kann das Telefonvorwahlverzeichnis benutzt werden. Darin sind ca. 8.000 Gemeinden zu finden, aus denen eine Stichprobe gezogen werden kann. Einige der Gemeinden werden über keine Schulen verfügen. Eine Liste der Schulen ist ebenfalls als "Liste" (über das verantwortliche Schulamt) vorhanden. Aus den zur Verfügung stehenden Schulen wird dann eine Stichprobe gezogen, anschließend aus den dort existierenden Klassen. Schließlich nehmen Kinder der ausgewählten Klassen an dem Test teil.

EINFACHE STICHPROBENPLÄNE

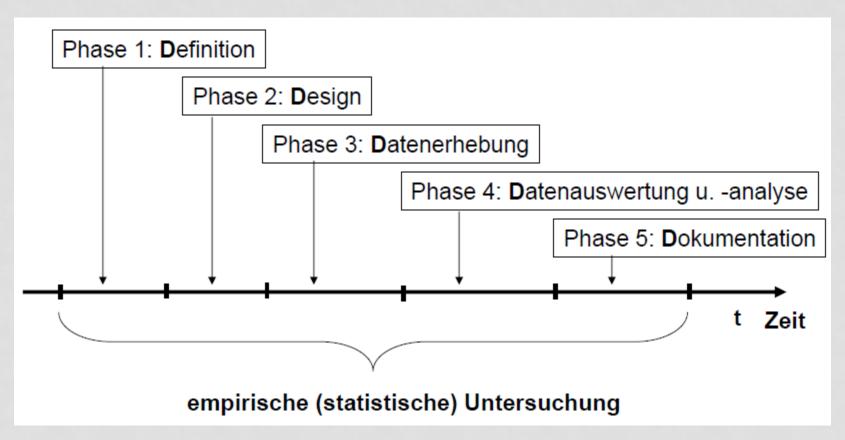


WILLKÜRLICHE UND BEWUSSTE AUSWAHLEN

- Willkürliche Auswahlen (Auswahlen aufs Geratewohl)
 unkontrollierte Aufnahme eines Elementes der Grundgesamtheit in die
 Stichprobe
- Bewusste Auswahlen (Auswahlen nach Gutdünken) nach einem Auswahlplan (anhand von Listen und festgelegten Regeln) und diesem Plan zugrunde liegenden angebbaren Kriterien. Es gibt viele verschiedene Arten bewusster Auswahlen:
 - Auswahl extremer Fälle
 - Auswahl typischer Fälle
 - Konzentrationsprinzip
 - Schneeball-Verfahren
 - Quotaverfahren (bestimmte Merkmale in der Stichprobe sollen exakt in derselben Häufigkeit (in %) vorkommen wie in der Grundgesamtheit)

ABLAUF EINER EMPIRISCHEN UNTERSUCHUNG

Die 5 D's



- Definition (Phase 1)
 - Definition des Informationsbedarfs, der Hypothesen, der Begriffe, der Untersuchungseinheiten, über die man Information haben will

Nur durch eindeutige und verständliche Formulierung der **Zielsetzung** kann gewährleistet werden, dass wirklich das erforscht wird, was erforscht werden soll!

- Design-Entscheidungen (Phase 2)
 - Abgrenzung der Grundgesamtheit, evtl. Stichprobenumfang
 - Erhebungsart:
 - Querschnitt- oder L\u00e4ngsschnittuntersuchung
 - Primärerhebung oder Sekundärerhebung
 - Vollerhebung oder Teilerhebung
 - Erhebungstechnik:
 - Befragung (persönlich, telefonisch, schriftlich oder online)
 - Beobachtung (offen oder verdeckt)
 - Dokumentenanalyse

- Design-Entscheidungen (Phase 2)
 - "Konstruktion" von Messinstrumenten (Pretest der z.B. Fragebögen)
 Ziel: das Risiko des Misserfolgs zu reduzieren und vorab Gründe für ein eventuelles
 Versagen zu finden. Außerdem können nach den Pretests eventuell noch
 Verbesserungen vorgenommen werden.
 - Auswertungsdesign
 - Methodischer Zugang zur Auswertung
 - Entscheidungsspielraum wird eingeschränkt bzw. beeinflusst durch:
 - Budget
 - Zeit
 - Thema/Aufgabenstellung
 - Interdependenzen (gegenseitige Abhängigkeit und Beeinflussung) zwischen den Design-Entscheidungen

- Datenerhebung (Phase 3)
 - entsprechend der getroffenen Entscheidungen
- Datenauswertung und –analyse (Phase 4)
 - Vorbereitung der "maschinellen" Datenauswertung / –analyse (mit Software)
 - Dateiaufbau festlegen (Variablendefinition und –codierung), Datenimport
 - Datenbereinigung
 - Datenqualitätssicherung (Kontrolle auf Vollständigkeit und Plausibilität)
 - Datenaufbereitung (Sortierung der Daten, Klassenbildung, ...)
 - Datenauswertung und Datenanalyse (univariate und multivariate Datenanalysen mit Anwendung geeigneter statistischer Methoden)
 - Einsatz von Statistik-Software

- Dokumentation (Phase 5)
 - Dokumentation in Tabellen und Schaubildern und Interpretation der Ergebnisse Beispiel für die Gliederung einer Ergebnisstudie:
 - Problemstellung
 - Vorgehensweise, Beschreibung und Begründung aller Design-Entscheidungen
 - Hauptteil: Ergebnisse der empirischen Untersuchung
 - Folgerungen, Empfehlungen, Wertungen
 - Anhang: Fragebogen, Literatur-, Abbildungs- und Tabellenverzeichnis

Mögliche Reaktionen auf die Ergebnisse der empirischen Untersuchung

- Vermutungen bestätigt
- → Ergebnisse überraschen

"OPERATIONALISIERUNG" EINES BEGRIFFS

"Operationalisierung" eines Begriffs ist die Angabe derjenigen Vorgehensweisen und Forschungsoperationen, mit deren Hilfe zu entscheiden ist, ob und in welchem Ausmaß der mit dem Begriff bezeichnete Sachverhalt in der Realität vorliegt, was bedeutet, dass man beobachtbare Kriterien dafür anzugeben hat, wann ein Sachverhalt vorliegt bzw. je nach Skalenniveau auch in welcher Ausprägung er auftritt.

Etwas weniger abstrakt:

"Operationalisierung" definiert, wie man den Begriff konkret misst. Die Operationalisierung ist besonders wichtig bei Begriffen ohne direkten empirischen Bezug (so genannte "latente Variable"), z.B. Kundenzufriedenheit, Teamfähigkeit, Intelligenz, Werbewirkung u.a.

Der Ausdruck Operationalisierung bezeichnet im weitesten Sinne die Entwicklung eines Forschungsdesigns für eine konkrete Fragestellung, während es im engeren Sinne um die Formulierung von Messvorschriften geht, d.h., um die Bestimmung von Indikatoren, mit deren Hilfe ein Konstrukt gemessen werden kann.

→ die Festlegung der Vorgehensweise (Operation) bei der Definition der Untersuchungsvariablen in einer Untersuchung.

<u>Beispiel</u>: Intelligenz kann operational durch die Anzahl der Lösungen von Intelligenzaufgaben in einem konkreten Intelligenztest definiert werden.

"OPERATIONALISIERUNG" EINES BEGRIFFS

Beispiel: (Quelle der Geschichte: Becker, B.: Statistik, S. 40 und 79)

Ein Mitarbeiter des Statistischen Bundesamtes wird eines Tages von seiner kleinen Tochter gefragt, warum er so viel Geld verdient, wo er doch nur Zahlen addiert. Der Vater lächelt und sagt: "Mein Liebes, geh' hinaus in den Garten und zähle die Bäume". Nach einigen Minuten kommt die Tochter zurück, aufgelöst in Tränen: "Papi, ich kann die Bäume nicht zählen, denn da sind große Bäume, kleine Bäume, Büsche, einige haben Nadeln, andere Blätter, einige haben einen Stamm, andere haben 2 Stämme…". Ihr Vater lächelt wieder und nimmt sie sanft auf seinen Arm: "Siehst du, das ist es, wofür ich bezahlt werde, ich zähle nicht einfach nur, ich mache Entscheidungen, was ein Baum ist, wie man Bäume zählt usw.

Wenn ein Statistiker mit der Arbeit beginnt, muss er geklärt haben, was er überhaupt quantifizieren will. Will er z.B. Bäume zählen, so muss er wissen, was mit einem Baum gemeint ist, wie man also von einem mehr oder weniger abstrakten Begriff zu einer "operationalisierbaren" bzw. beobachtbaren Kategorie kommt. Es muss also gesagt werden, ob man z.B. nur Laubbäume meint oder auch Nadelbäume eingeschlossen sein sollen, ob man jeden Baum unabhängig von seiner Größe zählen soll usw...

STATISTIK IN TABELLEN UND GRAFIKEN

INPUT

54.114,78 188.34,65 158.650.75 200.500.00 175.654.45 78.850.50 9.955.50 145.768,50 165.874,67 475.358,50 89.135,89 458.285,50 214.554,85 165.005,67 66.650,00 356.765,45 55.674,00 185.111,50 106.112,33 405.056.35 359.660.00 180.510.50 253.185.80 125.865,33 34.355,85 309.000,00 186.169,45 258.543.38 286.909.50 256.770.89 110.007.45 249.867,54 160.800,20 118.560,35 265.878,98 236.679,90 226.303,89 150.117,25 246.151,15 175.600,00 148.890,00 248.690,23 166.876,28 186.440,76 357.890,56 100.568,45 320.689,45 154,670,50 129.999,69 199.568,26

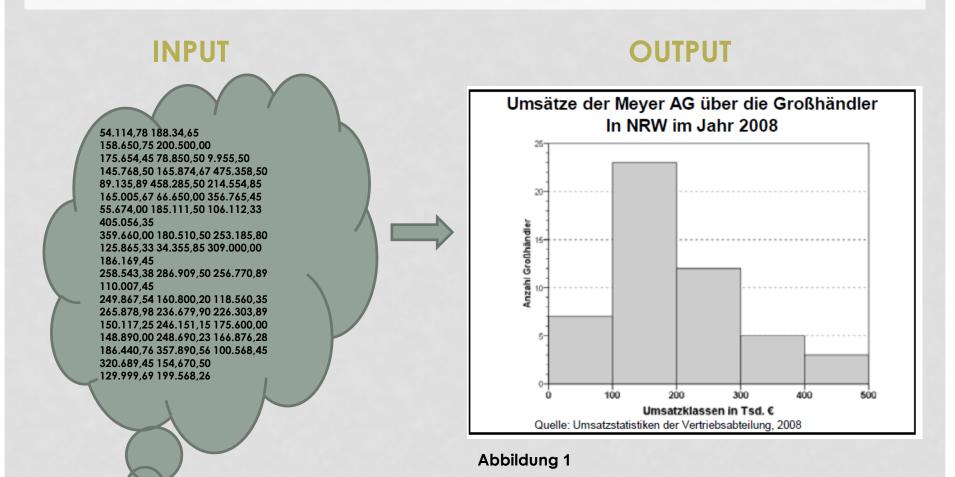
OUTPUT

Umsätze der Meyer AG über die Großhändler in NRW im Jahr 2008

Umsatzklasse in Tsd. €	Anzahl Großhändler (absolute Häufigkeit)	Anteil Großhändler von Gesamt in % (relative Häufigkeit)
0 bis unter 100	7	14%
100 bis unter 200	23	46%
200 bis unter 300	12	24%
300 bis unter 400	5	10%
400 bis unter 500	3	6 %
Summe	50	100%

(Quelle: Umsatzstatistiken der Vertriebsabteilung, 2008) **Tabelle 1**

STATISTIK IN TABELLEN UND GRAFIKEN



TABELLEN VS. GRAFIKEN

Vor- und Nachteil einer "Statistik" in tabellarischer Darstellung und einer "Statistik" in graphischer Darstellung:

Tabellarische Darstellung:

- Vorteil: liefert detailliertere Informationen, man kennt die genauen Werte → das ist insbesondere bei Planungsaufgaben wichtig.
- Nachteil: Tabellen sind schwerer zu lesen, man braucht Zeit, um die Information zu verarbeiten. Tabellen sind "langweilig".

Graphische Darstellung:

- Vorteil: Man kann sich sehr schnell ein Bild von den quantitativen Verhältnissen machen, man erkennt sehr schnell die wesentlichen Informationen (wenn das Diagramm gut gestaltet ist ...).
- Nachteil: Nur mit Mühe lassen sich genaue Werte ablesen.

Zur Datenanalyse verwendet man in der Praxis unterschiedliche Statistik-Software.

Marktführer sind:

 EXCEL (Tabellenkalkulation, einfache statistische Methoden, Grafiken, etc.)

Nicht für anspruchsvolle statistische Aufgaben geeignet!

R (die m\u00e4chtige Open Source-L\u00f6sung, kostenfrei)
 www.r-project.org

Eine populäre Open Source-Statistik-Umgebung, die durch Pakete nahezu beliebig erweiterbar ist und sich zunehmender Beliebtheit erfreut. Mit RStudio existiert eine komfortable Entwicklungsumgebung, die lokal oder in einer Client-Server-Installation über den Webbrowser genutzt werden kann. R-Applikationen lassen sich über Shiny auch direkt interaktiv im Web nutzen.

R kann insbesondere Viel-Nutzern, die die Bereitschaft mitbringen, sich intensiver mit Statistik auseinanderzusetzen, uneingeschränkt empfohlen werden.

Python (die beliebteste Allzweckwaffe)

eine beliebte Open-Source-Programmiersprache, die nicht primär zur Lösung statistischer Probleme entwickelt, sondern stellt eine universell einsetzbare Programmiersprache dar. Python ist für alle gängigen Betriebssysteme verfügbar und zeichnet sich vor allem durch einen intuitiven und lesbaren Programmcode aus. Es existieren mittlerweile über 118.000 Python-Pakete mit einer beachtlichen Menge an Modellen und statistischen Verfahren, insbesondere Features aus dem Machine Learning-Bereich. Sehr große Community, zahlreiche frei verfügbare Tutorials, Handbücher und Blogs sowie Online-Schulungen.

Außerdem verfügt Python über sehr mächtige Webframeworks.

 SAS (kommerzielle Statistik-Software, der Mercedes unter den Statistik-Programmen)

SAS ist ein mächtiges und sehr stabiles Tool, welches insbesondere in größeren Organisationen eingesetzt wird und sich im Pharma-Bereich zum Quasi-Standard für viele Analysen entwickelt hat. Die Software besteht aus unterschiedlichen Modulen, die z.T. völlig verschiedene Bedienkonzepte verfolgen. Entsprechend aufwändig ist die Einarbeitung. Im Vergleich zur kommerziellen Konkurrenz gehört SAS (auch aufgrund der Ausrichtung auf größere Unternehmen/Organisationen) zu den teuersten Lösungen. Eine professionelle Statistiksoftware, welche insbesondere in der Biometrie, der klinischen Forschung und im Banken-Sektor Anwendung findet.

SPSS (Statistik f ür Dummies)

im universitären Bereich fest verankert.

SPSS gilt als besonders einfach zu bedienen, da die Software in den jüngeren Versionen stark in Richtung eines Tools entwickelt wurde, welches Auswertungen weitgehend automatisiert durchführt, ohne dass dem Benutzer besondere Methodenkenntnisse abverlangt werden. Die Stabilität hat gelitten. Während SPSS einige speziellere Module (z.B. für das Direktmarketing) mitbringt, ist das Spektrum gut unterstützter Methoden insgesamt geringer als z.B. bei R oder SAS. Insbesondere in den Sozialwissenschaften und der Psychologie war SPSS auch

Der ursprünglich eigenständige Anbieter wurde mittlerweile von IBM übernommen.

STATA (Mehr als nur Panel-Analysen)

Obwohl STATA eine ausgereifte, sehr stabile und leistungsstarke Software ist, ist die Verbreitung - gerade in Unternehmen - gering. Dabei ist STATA für Anwender, die Wert auf ein breites Methodenspektrum, Stabilität, ein ausgereiftes Bedienkonzept inkl. Skriptsprache und einen fairen Preis legen, der teureren kommerziellen Konkurrenz überlegen.

STATA ist eine kommerzielle Statistiksoftware und wird insbesondere in der Ökonometrie angewendet.

Weitere Programme

Daneben existieren etliche Programme, die sich auf bestimmte Methoden spezialisiert haben. Einige dieser Programme seien in dieser unvollständigen Übersicht zumindest kurz erwähnt:

- Eviews (Ökonometrie, Zeitreihenanalyse)
- SPSS Amos (Modellierung und Schätzung von Strukturgleichungsmodellen)
- WinBUGS und OpenBUGS (speziell für Bayes'sche Statistik). Mit RBugs und R2OpenBUGS existieren Pakete, die die Funktionalität in R integrieren.
- Mathematica und Matlab (numerische Problemstellungen)
- Etc.

STATISTIK-SOFTWARE IM VERGLEICH

	Stärken	Schwächen	
R	 Sehr großer Funktionsumfang (weit über 2000 Pakete) Sehr gut automatisier- und integrierbar (z.B. LaTeX, ODBC, MS) Sehr guter Community-Support sowie kostenpflichtiger Support über Drittanbieter Umfangreiche Hilfe-Ressourcen frei verfügbar (Manuals, Tutorials Alle gängigen Plattformen werden unterstützt (Windows, Linux) Zukunftssicher durch große, aktive Entwickler-Community 	 Einarbeitung in die R-Syntax kann eine Einstiegshürde darstellen Stabilität/Qualität wenig genutzter Pakete z.T. nicht auf dem hohen Niveau Bei Verwendung sehr großer Datensätze wird leistungsfähige Hardware benötigt 	
SAS	 Schnelle Integration neuer statistischer Verfahren, sehr stabile und zuverlässige Routinen Sehr gute Dokumentation und professioneller Support Vielzahl von (kostenpflichtigen) Modulen und Schnittstellen, eigene Business Intelligence Software Gut geeignet für Umgang mit großen Datensätzen Umfangreiches hauseigenes Schulungsangebot 	 Verschiedene, teils komplizierte (aber mächtige) Programmsprachen Lizenzmodell verbunden mit hohen Kosten 	
SPSS	 Leicht erlernbar, Bedienung jedoch nicht immer intuitiv Erweiterbar über kommerzielle Module Umfangreiche Literatur vorhanden 	 Versionen für Windows und MacOS kurzes Update-Zyklus (1 Jahr) schwierig automatisier- und integrierbar 	
STATA	 Großer Funktionsumfang - nahezu jede statistische Methode Einfacher Einstieg durch GUI Automatisierbar & mit alten Versionen kompatibel Guter Support durch die STATA-Community, umfangr. Literatur Lauffähig unter Windows, Mac, Unix Im Vgl. zur kommerz. Konkurrenz vergleichsweise preiswert Investitionssicherheit durch 3-jährigen Release-Zyklus 	 Eher träge bei der Einarbeitung neuer Methoden (Versionsupdates) Integration von und in andere Software ist umständlich Beschränkung auf einen gleichzeitig geöffneten Datensatz 	