**Lageparameter**: xD (Modus, Modalwert), xZ(Median, Zentralwert, x̅ (Mittelwert), Quantil

“Lage” der Elemente der GGH / Stichproben bezgl. Messskala, keine Aussage über Daten-Streuung,

**Streuungsparameter**: w (Spannweite), IQR, s² (Varianz), s (Standardabweichung), v (Varianzkoeffizient)

**linksschief (rechtssteil)**: XD > XZ > x̅ , **rechtsschief** (linkssteil): XD < XZ < x̅, metrische Verteilung xZ = x̅ = xD

2-dimensionale Häufigkeitsverteilung 🡆 Kreuztabelle

M = Merkmal (A oder B), G = Geschlecht

für klassierte Daten

**ri =**

**hi = ri \* bi**

n = ∑hi = h1 + h2 +h3

20 = 16 + h2 + h3  | | -16

4 = h2 + h3 | - h3

h2 = 4 – h3

x̅ = ∑(xi \* hi)

1,25 =  **\*** 16 + 2h2 +3 h3 |

25 = 16 + 2 \* (4-h3) + h3 | - 16

9 = 8 **– 2h3 + h3** | - 8

1 = **– 2h3 + h3  🡆 h3 = 1**

h2 = 4 – h3  = 4 – 1 = 3

Randverteilung für eindim.. Häufigkeitsverteilung von G

absolute Häufigkeit

folgende Werte sind in d. Tabelle einzutragen

*relat. Spaltenhäufigkeit (z. B 400 von 1000)*

*relat. Zeilenhäufigkeit (z. B 400 von 1200)*

*% unter den Summen sind relative Werte der Zeilen- / Spaltensumme zu den Randverteilungen* (Gesamtsumme)

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| M/G | m | w | ∑ (**Randverteilung**) |
| A | **400**  *40%*  *33,33%* | **800**  *80%*  *66,66%* | *1200*  60% v **2000** |
| B | **600**  *60%*  *75%* | **200**  *20%*  *25%* | *800*  40% v **2000** |
| ∑ | *1000*  *50%* v. **2000** | *1000*  *50%* v. 2000 | ***2000***  100% |

|  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| Merkmals-  ausprä-  gung  Anzahl der Handys | absolute Häufigk.  Anz. Handy  -Nutzer |  | relative Häufigk.  **hi / n** | abs. Summen-  häufigk.  **hi+hi+1** | rel. Summen-  häufigk.  **fi + fi+1** | arithm.  Mittel  **∑(xi \* hi) / n**  **25 / 20** | Zwischen-  rechnung für Varianz |
| xi | hi | xi \* hi | fi | Hi | Fi | x̅ | (xi – x̅)2 \* hi |
| **1** | **16** | 16 | **0,80** | 16 | **0,8** | **1,25** | 1 |
| **2** | 3 | 6 | 0,15 | 19 | 0,95 | **1,25** | 1,687 |
| **3** | 1 | 3 | 0,05 | **20** | **1,00** | **1,25** | 3,063 |
| ∑ | **n = 20** | **25** | **1,00** | - | - | - | **5,75** |

**Mittelwert x̅**

**Mittelwert x̅ bei klassierten Daten** wie bei unklassierten Daten nur mit Klassenmitte mi, m**i (Klassenmitte**: **= \* hi**

bei klassierten Daten werden

x̅ , s², s, v wie bei unklassierten Daten im Casio berechnet .

Statt xi wird mi (Klassenmitte) in Tabelle eingetragen

**Klassenbreite** Bsp. Klasse „20 b. u. 35 “: Klassenbreite bi = 35 – 20 = 15

**Varianz s² auf Grund der Quadrierung immer ≥ 0**

**arithmetische Mittel der Abweichungsquadrate**

wichtiger Streuungsparameter, f metrische Merkmale, Ausgangswert f. Standardabweichung & Variationskoeffi

**s² = 1/n \* ( (x1 – x̅)² \* h1 + (x2 – x̅)² \* h2 + (x3 – x̅)² \* h3 )**

**s² = 1/20 \* ( (1 - 1,25)2 \* 16 + (2 – 1,25)² \* 3 + (3 – 1,25)² \* 1 )**

**Varianz s² bei klassierten Daten**

wie bei unklassierten Daten nur mit Klassenmitte mi statt mit xi

**Standardabweichung (durchschn. Abweichung, Standardfehler) s 🡆 Streuung in einer Stichprobe**

**Varianzkoeffizient v**

**v = s / x̅** **Standardabweichung s / Mittelwert x̅**

Relatives Streuungsmaß (Streuungsparameter), dimensionslose Größe, **prozentuales Verhältnis der Standardabweichung zum arithmetischen Mittel, zum Vergleich der Streuung zwischen verschiedenen Erhebungen**

**Modus x̅D** 🡆 Beobachtungswert mit der größten Häufigkeit 🡆 mehrere Merkmalsausprägungen mit der gleichen maximalen Häufigkeit = mehrere Modalwerte; Beobachtungsw. mit Häufigkeit == 1 🡆 kein Modus!) 🡆 Modus xD aus o. g. Tabelle ist 1

**bei klassierten Daten ist Modalwert die Mitte der Klasse mit den größten Häufigkeiten (Modalklasse)**, Modalwert = mi

**Spannweite w**

w = xmax - xmin **auch bei klassierten Daten!**

**Quartile** 🡆 Q1, Q2, Q3 🡆 Q2-Quartil = **Median / Zentralwert x̅Z Beobachtungs-Werte müssen geordnet sein!**

**Median xZ:** mind. **50% der Beobachtungswerte (n) liegen links und rechts des Medians xz = xn+1\*1/2**

**wenn n ungerade, z. B. n = 21 🡆 x21+1 \* ½ = x11 wenn n gerade, z. B. = 20 🡆 (x20 \* ½ + x20 \* ½ + 1) = ( x10 + x11) \* 1/2**

**Interquartilsabstand IQR = Q3 – Q1**

Streuungsmaß, Differenz zwischen oberem und unterem Quartil enthält 50% der Verteilung.

**Boxplot**: enthält **xmin, Q1, Median, Q3, xmax**  
informiert über Streuungsmaße Spannweite (xmax – xmin), IQR

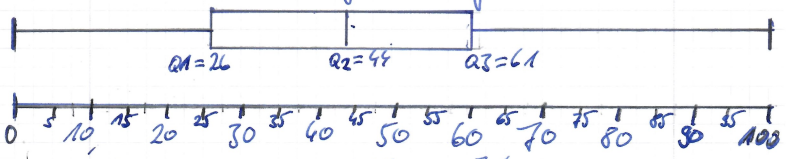
Achsenbeschriftung und Legende („mit Migrationshintergr.“)

nicht vergessen, beides unterhalb das Boxplots“

Achse enthält die Skala zu den x-Werten.

Schiefe und Ausreiße

**xmin und xmax, auch bei klassierten Daten**



k = Einfallsklasse 🡆 Klasse mit rel. Summenhäufigkeit Fi ≥ 50%,

**x**k-1 = Untergrenze d. Einfallsklasse, **x**k = Obergrenze d. Einfallsklasse,

Fk-1 = relative Summenhäufigkeit der Klasse unterhalb (vor) der Einfallsklasse

fk = relative Häufigkeit der Einfallsklasse

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| xi | hi | fi | Hi | Fi |
| 10 b. u. 30 | 60 | 30 | 60 | **30** |
| **30** b. u. 40 | 80 | 40 | 140 | **70** |
| 40 b. u. 70 | 60 | 30 | 200 | 100 |
| ∑ | 200 | 100 | - | - |

**Einfallsklasse ist k2 „30 b. u. 40“, da Fi ≥ 50** (in Klasse „10 b. u. 30“ ist Fi < 50

**Hinweis. %-Werte immer als Dezimalwerte schreiben**

**Median bei klassierten Daten**

**xk-1 = K-Untergrenze, xk = K-Obergrenze**

bei Q1, Q3 wird genauso verfahren.

Die Einfallsklasse muss rel. Summenhäufigkeit

Fi ≥ 25% (bei Q1) bzw. Fi ≥ 75% (bei Q3) haben.

Für den %-Wert im Zähler des Bruchs wird statt

0,5 🡆 0,25 (für Q1) bzw. 0,75 (für Q3) genommen

**Korrelationsanalyse 🡆 Zusammenhangsanalyse (Interdependenzanalyse) zwischen 2 metrischen Merkmalen X, Y**K-Analyse prüft, **ob zwei Variablen X und Y linear zusammenhängen** und **prüft die Stärke des Zusammenhangs**

**analysiert Wechselwirkung der Variablen X, Y untereinander** (wie beeinflussen sich die Variablen gegenseitig?)  
**Korrelationskoeffizient rx,y: Zusammenhangsmaß (Assoziationsmaß) für Quantifizierung der Korrelation-1 ≤ rxy ≤ +1**

**Korrelation 🡆 zahlenmäßiger statistischer Zusammenhang zwischen 2 Merkmalen X und Y**

positive K. ( **r > 0)**: **gleichförmige Entwicklung von X und Y (hoher Wert von X 🡆 auch hoher Wert von Y**)

negative K. (**r < 0)**: **gegenläufige Entwicklung von X und Y (hoher Wert von X 🡆 jedoch niedriger Wert von Y)**

r = -1: extrem starker negativer linearer Zusammenhang 🡆 Punktewolke mit negativer Steigung (l. o. nach r. u.)

**Korr.** **trifft** aber **KEINE Aussage zum kausalen Zusammenhang und zur Kausalitätsrichtung**, jedoch Voraussetzung für Erklärung eines kausalen Zusammenhangs (kausaler Zusammenhang 🡆 ist Ursache-Wirkungs-Beziehung zwischen X und Y 🡆 Veränderung des abhängigen Merkmals Y basiert auf Veränderung von X

**Korrelationskoeffizient rxy: 🡆 Wertebereich: -1 ≤ rxy ≤ +1**

**- dimensionsloses Maß für den Grad des linearen Zusammenhangs** (**Stärke und Richtung des lin. Zusammenhangs**)

**K-Koeffizient r für 2 mind. intervallskalierte Merkmale X und Y , m. positiver Kovarianz cov(x,y) & Standardabweichung s**

**K-Koeffizient r berechnet sich aus dem Quotienten aus Kovarianz cov(x, y): und Standardabweichung s**

**für Kovarianz cov(x, y) im Zähler**

bezieht sich auf die Summe des zuvor zu (xi \* yi) berechneten Produkts (**nicht die Summen von x und y multiplizieren, sondern das in jeder Tabellen-Zeile berechnete Produkt aus (xi \* yi) addieren (hier 450) !**

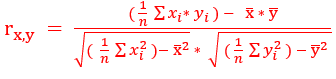
**für Standardabweichung s im Nenner**   
gilt dasselbe. Quadrate für xi, yi summieren (= 74 und 3000) und x̅ ² bzw. y̅² subtrahieren.

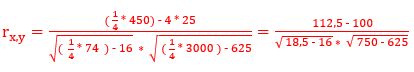
**Bsp:**

**Werte in Tabelle erfassen:**

**xi, yi**  & **xi \* yi**  *&* **xi², yi²** & **Summen zu allen Werten** & **Mittelwert zu xi und yi**  &  **Quadrate zu Mittelwerten**

|  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| Filial-Nr  i | | xi  VK-Fläche  Tsd. m² | yi  Umsatz  (Mio €) | xi² | yi² | xi \* yi | |
| 1 | | 3 | 30 | 9 | 900 | 90 | |
| 2 | | 2 | 10 | 4 | 100 | 20 | |
| 3 | | 6 | 40 | 36 | 1600 | 240 | |
| 4 | | 5 | 20 | 25 | 400 | 100 | |
| **n = 4** | **∑** | **16** | **100** | **74** | **3000** | | **450** |
| **x̅ = 4** (**16 : 4**)  **x̅² = 16** | | | **y̅ = 25** (**100 : 4**)  **y̅² = 625** | | | | | |







**Interpretation d. Korrelationskoeffizienten rxy:** nur Orientierungswerte → Entscheidung immer problembezogen

**-1 bis -0,8 „starke“ negative Korrelation, -0,8 bis -0,5 „mittlere“ neg. K., -0,5 bis 0 „schwache“ K., 0 keine Korrelation**

**Regressionsanalyse 🡆 Abhängigkeitsanalyse (Dependenzanalyse) für gerichteten Zusammenhang**

ist Abhängigkeitsanalyse zwischen 2 Merkmalen X, Y ; Unterscheidung zwischen unabhängigen und abhängigen Merkmalen

R-Analyse basiert auf Regressionsfunktion ŷ = a + b\*x 🡆 R-Funktion ermittelt Abhängigkeitsmaß

**einfache Regressionsanalyse** mit 2 metrischen Größen: Zielgröße Y ist Regressand (abhängiges Merkmal), Einflussgröße X ist Regressor (unabh. Merkmal); **Zweck: Erstellen v. Vorhersagemodelle, Quantifizierung d. Stärke d. Zusammenhangs**

**Bestimmtheitsmaß R²= (rx,y)²**  🡆 **immer in % angeben!** (Quadrat der Korrelationskoeffizienten r in %) **immer ≥ 0**

**0% ≤ R² ≤ 100% ( bzw. 0 ≤ R² ≤ 1)** aus o. g. Bsp: rx,y = 0,707 🡆 R²= (rx,y)² = 0,707² = 0,50 = 50%  
Gütemaß der lin. Regression (Erklärungskraft d. Modells: wie gut entspricht das Modell der Realität R² = 100% = perfektes Modell); wie gut erklärt die unabhängige Variable (Regressor) X, die Varianz der abhängigen Variable Y (Regressand) = der durch Varianz des unabhängigen Merkmals X erklärbare Anteil der Varianz d. abhängigen Merkmals Y (Residualvarianz) 🡆 Varianz d. abhängigen Merkmals ist in erklärbare und nicht erklärbare Varianz zerlegbar  
***Antwort um Bsp. 50% der Varianz zu den Umsätzen lassen sich durch Varianz der Verkaufsflächen erklären. Die übrigen 50% der Varianz in den Umsätzen sind durch andere Einflussgrößen erklärbar.***

R² im Diagramm: je mehr Datenpunkte auf einer Linie, umso höher R². Streuen Datenpunkte o. Zusammenhang, dann R² nahe 0

**Regressionsfunktion (Dependenzanalyse)**

Voraussetzungen: X, Y sind quantitative (metrische) Merkmale, linearer Zusammenhang zwischen X→ Y

**Regressionsfunktion ŷ = a + b \* x (nach Methode der kleinsten Quadrate) 🡆 x = (ŷ – a) / b**

**Regressionskoeffizienten a, b** **🡆** linearer **Zusammenhang durch Gerade in Punkwolke**

**Summe der quadratischen Abweichungen von a und b (Kurvenparameter) soll zu beobachteten Punkten minimal sein**

**Berechnung des Regressionskoeffizienten a Berechnung des Regressionskoeffizienten b**

Formel im Nenner ist in beiden Gleichungen identisch

Bsp. zum Zusammenhang von VK.-Fläche und Umsatz 🡆 Tabelle mit Hilfsgrößen

**Interpretation der R-Koeffizienten a und b:**

a ist konstante Größe und ist unabhängig von Einflussgröße,

b ist variabler Faktor im veränderl. Term der R-Rechnung, b ist abhängig von Einflussgröße (unabhängiger Variable) x  
ŷ erhöht/vermindert sich um {Wert d. R-Koeffiz. a} **ŷ = a + b \* x ŷ = 5 + 5 \* x**

|  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| Filialen-Nr.  i |  | xi  VK-fläche  (1000 qm) | yi  Umsatz  (Mio €) | xi² | yi² | xi \* yi | **ŷ**  = **a** + b \* x  = **5** + **5 \* x** |
| 1 |  | **3** | 30 | 9 | 900 | 90 | **20** |
| 2 |  | **2** | 10 | 4 | 100 | 20 | **15** |
| 3 |  | **6** | 40 | 36 | 1600 | 240 | **35** |
| 4 |  | **5** | 20 | 25 | 400 | 100 | **30** |
| **n = 4** | **∑** | **16** | **100** | **74** | **3.000** | **450** | **100** |

**Varianz d. Residuen**: in Hilfstabelle 1 Spalte mit werten aus **ŷ** **= a + b \* x** 🡆 Quadrate jedes **ŷ** addieren und durch n dividieren; davon Quadrat zum Mittelwert von subtrahieren 🡆 **¼ \* (20² + 15² + 35² + 30²) – 25²**

Varianz der Regressionswerte wird durch die Varianz d. unabhängigen Merkmals bestimmt

**Lineare Korrelation und Regression erfassen nur lineare Zusammenhänge und sind anfällig für Ausreißer**

Im **Streudiagramm**: Punkte (kleine Vierecke) anhand der Koordinaten x, y aus d. Tabelle zeichnen (**Achsbeschriftung**!)

Für Regressionsgerade 1 Punkt zur Y-Achse anhand der Regressionsfunktion berechnen. Dabei einen Wert für X aus Tabelle einsetzen. Für den 1. Punkt der Gerade wird x = 0 eingesetzt 🡆 ŷ dann = R-Koeffizient a, x = 0. Für 2. Punkt: y = zuvor berechneter Punkt (**ŷ**  **= a + b \* x** ). Beide Punkte zu Y und X im Diagramm zeichnen und verbinden 🡆 R-Gerade muss über das gesamtes Diagramm gehen

**Wahrscheinlichkeitsrechnung**

( A ⋃ B ) ⋃ C = A ⋃ ( B ⋃ C ) <=> ( A ⋂ B ) ⋂ C = A ⋂ ( B ⋂ C ) A ⋃ B = B ⋃ A <=> A ⋂ B = B ⋂ A

A ⋃ ( B ⋂ C ) = ( A ⋃ B ) ⋂ ( A ⋃ C ) <=> A ⋂ ( B ⋃ C ) = ( A ⋂ B ) ⋃ ( A ⋂ C ) A ∖ B = A ⋂ BC

**Mengenoperationen**

**A ∪ B = Vereinigungsmenge** 🡆 Objekte in **A ODER B** 🡆 **( x ∈ A ) ∨ ( x ∈ B )** 🡆 **Addition**

**A ∩ B = Schnittmenge** 🡆 Objekte in **A UND B** 🡆 **( x ∈ A ) ∨ ( x ∈ B )** 🡆 **Multiplikation**

**A \ B = Differenzmenge** 🡆 Objekte, in **A aber NICHT in B** 🡆 ( **x ∈ A ) ∧ ( x ∉ B )** 🡆 **Subtraktion A - B**

**BC oder B̅ Komplement v. B in Bezug auf A** 🡆 **A OHNE B** 🡆 **{ x ∣ x ∉ B } 🡆 Gesamtmenge ohne Elemente (Objekte) aus B**

🡆 Subtraktion: **Ω = 1 - |B|** (= Komplementärmenge 🡆 Gegenwahrscheinlichkeit)

**Multiplikationsregel der Kombinatorik: mehrfache Auswahl 🡆 mögliche Fälle m1 \* m2 \* m3**

z. B. 100 Tonfiguren, 20% fehlerhaft, P für 4 fehlerfreie Figuren

m1 = (80% fehlerfrei, 20% fehlerhaft, 100 gesamt), m2 = usw.

*P. zur Los-Auswahl v. 5 Angriffsspielern bei 10 Spielern*:

**Permutat. m Wiederholung; Anordnung der k-Elemente 🡆 Schlüsselwörter „Anzahl“ „Wie viele“**

**Anzahl d. Möglichkeiten** zur Anordnung von Buchstaben oder Anzahl der Kombis f. Perlen auf Kette

ELEVEN = **6 Buchstaben, 4 B-Typen** 🡆 **3 x „E“, 1 x „L“, 1 x „V“, 1 x „N“**  = (Fakultät 1 fällt raus)

**Wie viele** dieser „Worte“ enthalten die drei E's direkt hintereinander?

**Sonderfall:** „E“ soll hintereinander folgen 🡆 **3 E's = 1 Zeichen** 🡆 „**ELVN**“, 🡆 daher **keine Fakultät** im Nenner 🡆 4! = 24

**Wie viele** dieser „Worte“ beginnen mit E und enden mit N?

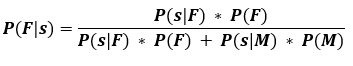
„E“ und „N“ am Beginn/Ende v. (E)**LEVE**(N) nicht berücksichtigen 🡆 „**LEVE**“ **🡆 n= 4 und k =** **2 (2 x „E“)** = ODER **;**

**bedingte Wahrscheinlichk. 🡆** Wahrscheinlichk für **Ereignis A nach Ereignis B** (**B ist d. 1. Bedingung im Graph**)

**„Satz der totalen Wahrscheinlichkeit“:**  Ermittlung P(A) unter **EINER Voraussetzung P(B )**

**P(A) = ∑P(A|B) \* P(B) = P(A|B) \* P(B)** + **P(A|B̅ ) \* P(B̅)** 🡆 **P(p) = P(p|M) \* P(M) + P(p|F) \* P(F)** (im Pfad multiplizieren)

**Satz von Bayes**: Ermittlung P(A) unter **ZWEI Voraussetzungen**: P(A|B) und P(B)



**bedingte W.: 4 rote, 6 blaue, zweimal Ziehen 🡆 ist 1. Ball blau wird zurückgelegt, ist 2 Ball rot, wird nicht zurückgelegt**

**1. Kugel blau?** 🡆 P(blaue im 1.Zug) = 6/10; P(rote im 1.Zug) = 4/10; P(blaue im 2.Zug) = 6/10; P(rote im 2.Zug) = 4/10

**1. Kugel rot?** 🡆 P(blaue im 1.Zug) = 6/10; P(rote im 1.Zug) = 4/10; P(blaue im 2.Zug) = 6/9; P(rote im 2.Zug) = 3/9

> blaue im 1. Zug und rote Kugel im 2. Zug: P(A)= 6/10\*4/10 = 0,24

> 2 blaue: 6/10\*6/10 + 6/10 \* 6/9 = 0,76 > 2 rote: 4/10\*4/10 + 4/10 \* 3/9 = 0,29

**mit Reihenfolge, mit Zurücklegen 🡆 VmW** 🡆 **|Ω| =** 𝒏𝒌

*4 x würfeln, P für verschiedene Zahlen? 🡆 n = 6, k = 4*  |Ω| = 6**4** **= 1296** |E| = **Vow** =  **= 360**

Wörter der Länge 3 aus 5 Buchstaben. P für Wörter mit 2 verschied. B? |Ω| = 35 **= 125** |E| =  **= 60**

3 rote, 4 bl., 5 grü. Bälle 🡆 **3 x Ziehen mit Zurückl, gefragt: n f. verschieden. Farben n=12, k=3 Ω=123 E=3 \* 4 \* 5 = 60**

3 rote, 4 bl., 5 gr Bälle 🡆 **3 x Ziehen mit Zurückl, gefragt: n für gleiche Farben Ω=123 E=33 + 43 + 53 = 216**

**bei verschiedenen Farben** (= beliebige Kombi d. Möglichkeiten) **🡆 Multiplikation,**

**bei gleichen Farben** (keine Kombi, da sortiert (gefiltert) nach Farben) **🡆 Addition**

**mit Reihenfolge, ohne Zurücklegen 🡆 VoW** 🡆 Bruch kürzen, falls n sehr groß

**Sonderfall wenn n = k, dann |Ω| = n!** Anzahl Mögl. 5 Leute auf 5 freie (unterscheidbare) Plätze zu verteilen? 🡆 **Fakultät 5!**  
4 x würfeln, W für verschiedene Zahlen? 🡆 n = 6, k = 4 **|Ω| = VmW 64 = 1296**  **|E| =** **Vow** =  **= 360**

100 Sportler, **1 Wettbewerb**, Anzahl d. Ausgänge f. 1. Platz, 2. Platz … **Ω=Vow** =

**mit Reihenfolge** da Reihenf. d. Plätze gefragt. **ohne Wiederholung** da nur 1 Wettbewerb

**ohne Reihenfolge, mit Zurücklegen** 🡆 **KmW** 🡆

10 Sportler in **3 Wettbewerben**, jeder Wettbewerb genau eine Sieger. Wie viele Arten für Verteilung d. Preise?

n = 10 (Sportler), k = 3 ohne Reihenf., weil Rangfolge d. Plätze nicht gefragt

**ohne Reihenfolge, ohne Zurücklegen** 🡆 **KoW** 🡆 (**Binomialkoeffizient**); k Elemente aus Menge n

**gleichz. Ziehen v. 3 Pack aus 20 Pack**; **5 Pack sind 2. Wahl 🡆 ohne Reihenfolge, ohne Zurücklegen 🡆**

**genau 1 beschäd. Pack**, n =20, k = 3 🡆 🡆 **für** **|E|:**  **n2 = 5** (2. Wahl), **k = 1** (besch. Pack);

**🡆**

**höchstens 1 Pack:**  🡆

**mind. 1 Pack:**  **🡆 Gegenw.: 1 – keine 🡆**

**nacheinander Ziehen mit Zurücklegen v. 3 Pack aus 20 Pack**; **5 Pack sind 2. Wahl 🡆 mit Reihenfolge, mit Zurücklegen   
selbiger Algo, wie oben, jedoch mit nk UND zusätzlich k = 3 (Anzahl gezogener Pack) als Faktor**

Ω = 203 = 8000 **genau 1 Packung: E = 3 \* 51 \* 152 = 3375**

**höchstens. 1 Packung** 🡆 E = 3 \* 51 \* 152 + 50 \* 153 = 3375 + 3375 = 6750

**mind. 1 Packung** 🡆 Gegenwahrscheinlichk: 1 – keine 🡆 E = 50 \* 153 = 3375 🡆

**3 Parteien A, B. C** mit **jeweils 7 Mitglied.** soll **ein** **6-köpfiger Ausschuss** gebildet werden. Wie viele Zusammensetzt, gesamt?

3 Parteien haben gesamt 7 \* 3 = **21 Mitglieder** 🡆 Varianten für 6 köpfigen Ausschuss 𝛀 (*Wie viele Ausschusszusammensetzungen, wenn mindestens ein A-Mitglied dabei sein soll?*

Ω = 21 – „ohne A“ 🡆 Von Ω Anteil der |B| und |C|-Mitglieder (2 x 7 = 14) subtrahieren **|Ω| - |A| = = 51.261**

6 rote, 4 grüne, 5 gleichzeitig Ziehen 🡆 Kow , gefragt: 2 rote 🡆

3 rote, 4 bl, 5 gr 🡆 3 gleichz. Ziehen 🡆 KoW , gefragt: alle unterschiedl. Farbe:

3 rote, 4 bl, 5 gr 🡆 3 gleichz. Ziehen 🡆 KoW , gefragt: alle gleiche Farbe:

100 Figuren, 20% fehlerh, 80% fehlerfrei., 4 werden entn., W. für 4 fehlerfreie Multipl. da beliebige Kombi,

Wahrscheinlichk. für 3 fehlerfreie aus 4 entnommenen 🡆 koW

100 Sportler, **1 Wettbewerb**, Anzahl d. Ausgänge f. die ersten 3 Plätze **Ω=Kow** =

**ohne Reihenfolge** da keine Reihenf. d. Plätze gefragt (nur die ersten 3 Plätze). **ohne Wiederholung** da nur 1 Wettbewerb

**Siebformel (Schlüsselwörter: „Anzahl“ „Wie viele“)**

**2 Mengen: 𝐀 ∪ 𝐁 = 𝐀 + 𝐁 − 𝐀 ∩ B**

*Wie viele Ausschusszusammensetzungen für EINEN 6-köpfigen Ausschuss mit mind. ein A-Mitglied und ein B-Mitglied?*

**Ω – 𝐀 + 𝐁 − 𝐀 ∩ B 🡆**

*Wahrscheinlichkeit bei* ***2 (aufeinanderfolgenden) Würfen mindestens eine 5*** *zu erzielen?*

**(𝐀 + 𝐁) – (𝐀 ∩ B)**  gefragte Zahl ist egal, selbes Ergebnis m. 4 oder 3

**3 Mengen: 𝐀 ∪ 𝐁 ∪ C = 𝐀 + 𝐁 +C – (𝐀 ∩ B) – (𝐀 ∩ C) – (B ∩ C) + (𝐀 ∩ B ∩ C)**

*Wie viele Ausschusszusammensetzungen, wenn aus jeder der drei Parteien mindestens ein Mitglied dabei sein soll*

**Ω – 𝐀 + 𝐁 +C – (𝐀 ∩ B) – (𝐀 ∩ C) – (B ∩ C) + (𝐀 ∩ B ∩ C 🡆**

Studenten mit versch. Kursen

**Gegenwahrscheinlichk***.: Wahrscheinlichkeit bei 5 (aufeinanderfolgenden) Würfen wenigstens einmal eine 4 zu erzielen?*P( A ) =1 – P( A̅ ) 🡆 🡆 = Wahrscheinlichk. von 5:6 keine 4 zu würfeln,

Wahrscheinlichkeit kein Pferd im Schachspiel: Figuren im Spiel n = 32, n(Pferde) = 4 🡆 P(keinPferd) = 1 – 4:32

**2 x 1 Kugel m. Zurückl. aus 1 Urne**. W. für mind. eine blauen Kugel **95/144**. gefragt W. für rote Kugel

**Diagramme**  
WICHTIG: sprechende Achsenbeschriftungen, sinnvolle Skaleneinteilung, ggf. Legende

**Säulendiagramm**   
- höhenproportionale Häufigkeitsverteilung (senkrechte nicht aneinandergrenzende Säulen); Säulen können beliebig breit sein; y-Achse zur abs. Häufigkeit hi, x-Achse zu x-Werten, für wenige Ausprägungen

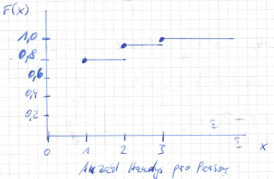
**Stabdiagramm** (Liniendiagramm) 🡆 wie Säulendiagramm nur mit schmalen Säulen

**Balkendiagramm** 🡆 am häufigsten verwendet, wie Säulendiagramm nur mit horizontalen Balken ( y-Achse zu x-Werten; x-Achse zur abs. Häufigkeit hi)

**Kreisdiagramm** 🡆 nur für eine Datenreihe, keine negativen Werte, keine 0-Werte, Kategorien repräsentieren Teile des gesamten Kreisdiagramms, max. 7 Teilwerte

**Histogramm**   
- **flächenproportionale Darstellung der absoluten oder relativen** (beide sind möglich) **Häufigkeiten** von ausschließlich klassierten Daten   
- **x-Achse**: Werte müssen auf Skala geordnet sein und gleiche Abstände haben,   
 x-Achse enthält **aneinandergrenzende Rechtecke zur Klassenbereite**, **keine Abstände zwischen den Flächen**

- **y-Achse**: **Rechteckhöhe** **Höhe = Häufigkeitskoeffizient** berechnet aus (**ri = hi / bi** (Klassenbreite)) oder (**fi / bi** ),   
 Skaleneinteilung entsprechend den berechneten Werten, **in den Rechtecken den Wert zur relativen Häufigkeit fi** eintragen

**empirische Verteilungsfunktion** (Treppenfunktion) F(x) ist (**relative) Summenhäufigkeitskurve**

- **x-Achse enthält x-Werte oder Klassengrenzen**,

- bei klassierten Daten werden die Punkte / Striche im Diagramm bei K-Obergrenze gezeichnet

- y-Achse enthält Skala zur relativen Summen-Häufigkeit Fi:;

- **Punkt** oder Strich (oder Punkt mit Strich) wird **zur Summenhäufigkeit auf y-Achse** **und**

**zum x-Wert bzw. zur K-Obergrenze auf x-Achse** gezeichnet

**Streudiagramm**

graphische Darstellung zur Abhängigkeit (Regression) und zum Zusammenhang (Korrelation) von **beobachteten Wertepaaren zweier Merkmale X, Y**  
Wertepaare werden in kartesisches Koordinatensystem eingetragen 🡆 ergibt Punktwolke  
Stärke und Richtung des Zusammenhangs anhand der Lage und Form der Punktwolke;   
erste Hinweise über mögliche Abhängigkeit zwischen Merkmalen

**Boxplot**

**W-Graph** (Baumdiagramm)