

# Dokumentacja

---

## Klasy użyte na potrzeby realizacji algorytmu:

- `Point` - reprezentuje punkt w przestrzeni za pomocą współrzędnych `x` i `y`
- `Segment` - reprezentuje odcinek w przestrzeni za pomocą `start` i `end` typu `Point`, gdzie zawsze `start.x <= end.x`
- `Trapezoid` - reprezentuje trapez w sposób jaki jest potrzebny do realizacji algorytmu:
  - `leftp` = Punkt lewej krawędzi
  - `rightp` = Punkt prawej krawędzi (punkt)
  - `top` = Górna krawędź (odcinek)
  - `bottom` = Dolna krawędź (odcinek)
  - `left_top` = Wskaźnik do lewego, górnego sąsiada (jeśli brak sąsiada to `None`)
  - `left_bottom` = Wskaźnik do lewego, dolnego sąsiada (jeśli brak sąsiada to `None`)
  - `right_bottom` = Wskaźnik do prawego, dolnego sąsiada (jeśli brak sąsiada to `None`)
  - `right_top` = Wskaźnik do prawego, górnego sąsiada (jeśli brak sąsiada to `None`)
  - `node` = Wskaźnik do odpowiadającego węzła w grafie
- `Node` - Węzeł w grafie acyklicznym skierowanym. Cechuje go:
  - typ (ściana `WALL` | x-węzeł `X_NODE` | y-węzeł `Y_NODE`),
  - value (odpowiednio: trapez, punkt, odcinek)
  - wskaźniki do lewego i prawego dziecka oraz do rodzica
- `Graph` - acykliczny graf skierowany służący jako graf wyszukiwania. Jego oczekiwany rozmiar jest rzędu  $O(n)$ . Posiada metody:

- `find(point_to_find)` Zwraca trapez, który zawiera dany punkt lub -1 jeśli procedura nie powiodła się. Złożoność czasowa tej metody  $O(\log n)$ .
- `add_trapezoid(trapezoid, new_node)` - zamienia w grafie węzeł reprezentujący `trapezoid` na nową strukturę `new_node`. Złożoność czasowa tej operacji to  $O(1)$ .

## Funkcje realizujące algorytm:

Nazwa funkcji	Krótki opis	Argumenty	Zwracana wartość	Złożoność czasowa
<code>create_trapezoid_map_and_search_graph</code>	Realizuje cały algorytm. Tworzy mapę trapezową, strukturę wyszukiwań i ją oraz tworzy dane do wizualizacji.	(segments, MAX_Y, MIN_Y, MAX_X, MIN_X)	D, scenes	$O(n \cdot \log n)$
<code>new_segment_in_map</code>	Przetwarza nowy odcinek i aktualizująca wszystkie struktury (mapę trapezową oraz graf wyszukiwań).	(found_trapezoid, new_segment, visual_representation, D)	None	$O(k)$ , k-ilość zakt. trapezów
<code>prepare_data</code>	Przygotowuje dane na potrzeby algorytmu.	(segments //as lists )	[Segment], MAX_Y, MIN_Y, MAX_X, MIN_X	$O(n)$
<code>draw_collection</code>	Zwraca dane łatwe do wizualizacji.	(elements //as objects)	elements_as_lists	$O(n)$
<code>is_above_segment</code>	Odpowiada na pytanie czy dany odcinek leży nad (po lewej stronie) odcinka.	(point_to_check, segment)	True Or False	$O(1)$

Dodatkowo funkcje `first_segment_insertion`, `update_first_element`, `update_last_element`, `update_middle_element` są używane do rozpatrywania konkretnych przypadków przecinania trapezu przez nowy odcinek i aktualizują mapę trapezową. Ich złożoność to  $O(1)$ , jednak funkcja

`update_middle_element` jest rekurencyjnie wywoływana  $k-2$  razy ( $k$  to liczba zaktualizowanych trapezów) - stąd złożoność `new_segment_in_map` =  $O(k)$ . Odpowiadające im funkcje `update_graph_first_segment`, `update_graph_first_element`, `update_graph_last_element`, `update_graph_middle_element` aktualizują graf wyszukiwania zgodnie z wprowadzonymi wcześniej zmianami w mapie trapezowej. Ich złożoność to również  $O(1)$ .