

#### МИНОБРНАУКИ РОССИИ

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение. высшего образования

# «МИРЭА — Российский технологический университет»

#### РТУ МИРЭА

# Институт кибернетики Базовая кафедра № 252 «Информационная безопасность»

#### КУРСОВАЯ РАБОТА

по дисциплине

«Методы программирования»

Тема курсовой работы

"Реализация ЭЦП на основе алгоритма *RSA* с хеш-функцией *SHA-2*" **Студент группы** ККСО-03-20, Лытов Михаил Николаевич **Руководитель курсовой работы** Чуваев Андрей Викторович *должность*, *звание*, *ученая степень* (подпись руководителя)

Работа представлена к защите «8» декабря 2022 г.

Допущен к защите «\_\_\_\_\_» \_\_\_\_\_\_ 20\_\_ г.

Оценка \_\_\_\_

## Оглавление

Введение	2
1. Теоретическая часть	3
1.1 Пример задачи	3
1.2 Алгоритм RSA	3
1.2.1 Генерация ключей	3
1.2.3 Электронная подпись	4
1.3 Алгоритм SHA – 2	6
1.3.1 Основные цели хеш-функции	6
1.3.2 История SHA-2	6
1.3.2 Алгоритм SHA-256	7
2. Практическая часть	8
2.1 Реализация ЭЦП RSA	8
2.1.1 Используемые методы	8
2.1.2. Генерация ключей	8
2.1.3 Подпись	11
2.1.4 Проверка подписи	13
2.2 Реализация SHA-2	16
2.2.1 Преобразования строки в двоичный код	16
2.2.2 Отмечаем конец входных данных	16
2.2.3 Дополнения кода	17
2.2.4 Инициализация констант	17
2.2.5 Цикл фрагментов	18
2.2.6 Создание слов	19
2.2.7 Сжатие	19
2.2.8 Hex	20
3. Список Литературы	22
4. Заключение	23
5. Приложение	24

## Введение

В данной курсовой работе будет рассмотрен алгоритм электронноцифровой подписи RSA с хеш-функцией SHA-1.

Рональд Ривест, Ади Шамир, Леонард Адлеман в 1978 году предложили алгоритм, который имел интересные свойства для криптографии. На данном алгоритме была построена RSA.

Также в 1983 году руководство шифровальной службы Великобритании рассекретили документы, который глоссят, что в 1969 году был изобретён алгоритм, схожий с алгоритмом RSA, тремя ученными, а именно:

Клиффорд Кокс, Малькольм Вильямсон и Джеймс Эллис, но их алгоритм отклонили, так как посчитали не безопасным.

RSA является первым широко используемым алгоритмом с ассиметричной криптографией и до сих пор актуальной, но с изменениями, которые будут рассмотрены в курсовой работе.

Так как RSA ассиметричный шифр, то возможно реализовать электронноцифровую подпись, что будет показано в курсовой работе.

## 1. Теоретическая часть

#### 1.1 Пример задачи

Пусть Алиса хочет передать посылку Бобу. Чтобы Боб мог быть уверен, что посылка от Алисы, она подписывает посылку. Далее рассмотрим алгоритм по пунктам.

- 1. Алиса создаёт два ключа, а именно открытый ключ (РК public key) и закрытый ключ (SK private key).
- 2. Открытый ключ Алиса отправляет Бобу.
- 3. Закрытым ключом Алиса подписывает посылку.
- 4. Алиса отправляет посылку с подписью.
- 5. Боб проверят закрытым ключом посылку Алисы.

## 1.2 Алгоритм RSA

#### 1.2.1 Генерация ключей

Генерацию ключей в RSA можно разделить на 6 пунктов.

1. Генерация ключей в RSA зависит от двух случайно выбранных больших чисел p и q, для которых верна формула (1.2.1). В настоящий момент используют простые числа длинной 2048 бит

$$\log_2 p \sim \log_2 q > 1024 \tag{1.2.1}$$

2.Вычисление произведения простых чисел, формула (1.2.2):

$$n = pq \tag{1.2.2}$$

3.Вычисление функции Эйлера, по формуле (1.2.3):

$$\varphi(n) = (p-1)(q-1) \tag{1.2.3}$$

4.Выбрать случайное число e, взаимно простое с  $\varphi(n)$  по формуле 1.2.5, где e – открытая экспонента.

$$[e \in \varphi(n) - 1] \tag{1.2.4}$$

$$HOД(e, \varphi(n)) = 1$$
 (1.2.5)

5.Вычислить число d по формуле китайской теоремы об остатках (1.2.6), где d – закрытая экспонента.

$$d * e = 1 \bmod \varphi(n), \tag{1.2.6}$$

$$d \equiv e^{-1} \bmod \varphi(n) \tag{1.2.7}$$

6. 3 акрытым ключом будет называть пару чисел (n, d), а o m крытым ключом пару (n, e).

# 1.2.3 Электронная подпись

Создание электронной подписи RSA производится так же, как и схема шифрования RSA, но должна соответствовать требованиям, а именно:

- вычисление подписи от сообщения является вычислительно лёгкой задачей;
- фальсификация подписи при неизвестном закрытом ключе вычислительно трудная задача;
- подпись должна быть проверяемой открытым ключом.

Пусть Алиса имеет закрытый ключ SK = (n, d), а Боб имеет открытый ключ PK = (e, d).

1. Алиса вычисляет подпись сообщения m с помощью своего закрыто ключа по формуле (1.3.2), где s — подпись, d-закрытая экспонента, n-произведение простых чисел, а m — открытый текст.

$$m \in [1, n-1]$$
 1.3.1

$$s = m^d \mod(n)$$
 1.3.2

- 2. Алиса посылает Бобу сообщение в виде (m, s).
- 3. Боб принимает сообщение, возводит подпись в степень e по модулю n. В результате Боб получает открытый текст.

$$s^e \bmod n = (m^d \bmod n)^e \bmod n = m$$
 1.3.3

4. Боб сравнивает полученный текст с первой частью сообщения, если текст сошёлся, то подтверждена подлинность, в противном же случае это фальсификация.



Рисунок 1.3.1 – схема Электронной подписи.

Данный алгоритм имеет сильный недостаток, а именно длина подписи будет равна длине открытого сообщения.

Для уменьшения длинны подпись используется хеш-функция, обычно используют различные версии SHA.

Вместо подпись текста, пользователь подписывает хеш-функцию, заметим, что хеш-функция не добавляет безопасности, а именно уменьшает длину подписи, далее рассмотрим модифицированный вариант подписи, который представлен на рисунке 1.3.2.

1. Алиса посылает Бобу сообщение в виде (m, s), где

$$s = h(m)^d \mod(n). \tag{1.3.4}$$

- 2. Боб принимает сообщение Алисы (m, s)
- 3. Вычисляет  $h_2(m)$
- 4. Боб возводит подпись в степень e по модулю n. В результате Боб получает хеш-функцию.

$$s^e \mod n = (h(m)^d \mod n)^e \mod n = h(m)$$
 (1.3.5)

5. Боб сравнивает  $h_2(m) = h(m)$ , если хеш-функции сошлись, то подпись подлинна, в противном случае — фальсификация.

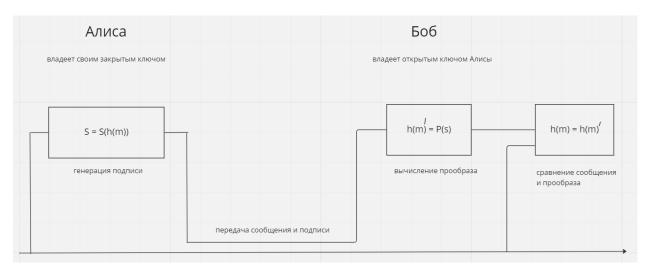


Рисунок 1.3.2 – схема Электронной подписи с хеш-функцией.

## 1.3 Алгоритм SHA – 2

#### 1.3.1 Основные цели хеш-функции

### Цели хеш-функции:

- Детерминировано шифровать данные, а то есть для одного и того же текста, хеш-функция всегда будет одинакова.
- Принимает ввод любой длинны, но вывод всегда одной длины.
- Невозможность получения вводных данных из вывода.

## 1.3.2 История SHA-2

Криптографический алгоритм SHA – 256 является частным случаем алгоритма семейства SHA - 2, был опубликован АНБ США в 2002 году, на данный момент алгоритм SHA – 2 не взломан, но в сети имеется несколько научных работ, которые утверждают, что алгоритм может быть взломан. На замену SHA – 2, в случае доказательства о ненадежности алгоритма, в 2015 году NIST утвердило алгоритм SHA -3 Кессак, являющимся принципиально другим алгоритмом.

SHA-3 хоть и является более стойким алгоритмом, но в то же время он является более долгим по времени работы.

Хеш-функции семейства SHA – 2 построена на основе структуры Меркла – Дамгарда.

#### 1.3.2 **А**ЛГОРИТМ **SHA-256**

Сначала постопают данные размером до  $2^{64}$  бит, после чего дополняется нулями, пока сообщение не будет кратно 512 бит. Далее исходное сообщение делится на блоки(512 бит), в блоке 16 слов. Алгоритм пропускает каждый блок через цикл с 64 итерациями. На каждой итерации 2 слова преобразуются функцией, где функцию задают остальные слова. После чего все блоги складываются, и данная сумма является хеш-функцией. Данную функцию нельзя ускорить параллельной обработкой блоков, так как блоки зависят от предыдущих блоков. Графическое представление обработки одной итерации представлено на рисунке 1.3.2.1.

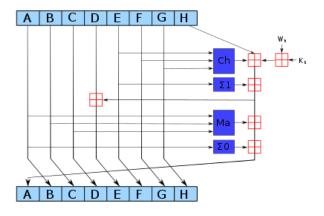


Рисунок 1.3.2.1 – Графическое представление обработки одной итерации.

# 2. Практическая часть

## 2.1 Реализация ЭЦП RSA

#### 2.1.1 Используемые методы

В реализации кода используется класс *BigInteger* аналог целочисленных значений произвольной длины, при этом он потомок класса *Number*. *BigInteger* обладает множеством методов, таблица 2.1 показывает основные методы используемые в реализации кода.

Метод	свойства
add(BigInteger val)	This + val
divide(BigInteger val)	This/val
mod(BigInteger m)	This mod m
modPow(BigInteger exp, BigInteger m)	this <sup>exp</sup> mod m
pow(BigInteget exp)	this <sup>exp</sup>
probablePrime(int bitLength, Random rnd)	Возвращает простое число, которое вероятно, что простое
subtract(BigInteger val)	This - val

**Таблица 2.1.1.1** – Методы класса *BigInteger* 

## 2.1.2. Генерация ключей.

Реализацию генерации ключей можно поделить на 7 этапов.

1) Генерация двух простых чисел (листинг 2.1.1), размером 1024 бита или  $\sim 300$  символом. Генерация проходит с помощью "Тест Миллера" и вероятность, что число будет составным не превышает  $2^{-100}$ 

```
first_number = probablePrime(1024, new Random());
second_number = probablePrime(1024, new Random());
```

Листинг 2.1.2.1 – Генерация простых чисел.

2) Вычисляется произведение простых чисел.

3) Вычисляется функция Эйлера.

```
BigInteger first_number_sub_1 =
first_number.subtract(BigInteger.ONE);//p-1
BigInteger second_number_sub_1 =
second_number.subtract(BigInteger.ONE);//q-1
euler_function =
first_number_sub_1.multiply(second_number_sub_1);//(p-1)(q-1)
```

Листинг 2.1.2.3 – Вычисление функции Эйлера.

- 4) Выбрать случайное число e, взаимно простое с  $\varphi(n)$ .
  - А) Сначала выбираем простое число равное 512 байтам.
  - Б) Если число взаимно просто с функцией Эйлера, то принимаем его за открытую экспоненту, в противном случае прибавляем единицу и возвращаемся к пункту Б.

Листинг 2.1.2.4 – Поиск открытой экспоненты.

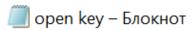
5) Вычислить число d такое,  $d \equiv e^{-1} \mod \varphi(n)$ 

```
close exhibitor = open exhibitor.modInverse(euler function);
```

Листинг 2.1.2.5 – Выбор закрытой экспоненты.

6) Запись открытого ключа в файл open key.txt, где первая строчка открытая экспонента, а вторая строчка произведение простых чисел, пример записи показан на рисунке 2.1.2.7.

Листинг 2.1.2.6 – Запись открытого ключа.



Файл Правка Формат Вид Справка

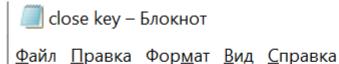
open exhibitor:791208014991521492553062 derivative:1691192896248034230488223582

Рисунок 2.1.2.7 – Запись открытого ключа.

7) Запись закрытого ключа в файл *close key.txt*, где первая строчка закрытая экспонента, а вторая строчка произведение простых чисел, пример записи показан на рисунке 2.1.2.9.

```
FileWriter output = new FileWriter("close key.txt");
String close_exhib = close_exhibitor.toString();
String der = derivative.toString();
output.write("close exhibitor:" + close_exhib + "\nderivative:" + der);
output.close();
```

Листинг 2.1.2.8 – Запись закрытого ключа.



close exhibitor:27185870566650550245728805251 derivative:1691192896248034230488223582303510

Рисунок 2.1.2.1 – Запись закрытого ключа.

Среднее время генерации ключей составляет 72 миллисекунды, данные получены при 100 экспериментов, часть данных показан на рисунке 2.1.10.

```
Время генерации: 311
Время генерации: 90
Время генерации: 104
Время генерации: 71
Время генерации: 127
Время генерации: 90
Время генерации: 152
```

Рисунок 2.1.2.2 – Время генерации паролей.

#### 2.1.3 Подпись

Подпись файла можно разделить на 4 пункта

1) Считываем файл с текстом построчно.

```
String line;
String line_sum = "";
FileReader file_txt_ = new FileReader(name_file_txt);
BufferedReader buf_txt = new BufferedReader(file_txt_);
while ((line = buf_txt.readLine()) != null){
    line_sum += line + "\n";
}
file_txt_.close();
buf_txt.close();
```

Листинг 2.1.3.1 – Считывание текстового файла.

```
test — Блокнот
Файл Правка Формат Вид Справка
Проверяем работу Алгоритма RSA
Студент: Лытов Михаил Николаевич
группа: ККСО-03-20
```

Рисунок 2.1. 3.1 – Пример подписываемого файла.

2) Берём хеш-функцию сообщения.

```
SHA sha = new SHA (line_sum);
BigInteger sha_int = sha.getInteger();
```

Листинг 2.1. 3.3 – взятие хеш-функции входного сообщения.

- 3) Считываем файл с закрытым ключом
  - А). Первая строчка файле является закрытой экспонентой, вторая строчка является произведением, что показано на рисунке 2.1.2.1

```
FileReader file_txt = new FileReader(name_file_close_key);
BufferedReader buf = new BufferedReader(file_txt);
String line_1 = buf.readLine();
String line_2 = buf.readLine();
line_1 = line_1.substring(16);
line_2 = line_2.substring(11);
close_key = new BigInteger(line_1);
derivative = new BigInteger(line_2);
buf.close();
file_txt.close();
```

Листинг 2.1.3.4 – Считывание файла с закрытым ключём.

4) Создаём подпись и добавляем в конец файла с открытым текстом.

А) Если хеш-функция меньше произведения простых чисел, то создаём подпись по формуле (1.3.2), в противном случае выводим, что ключ мал.

Листинг 2.1.3.5 – Подпись входного сообщения.

Сообщение может быть подписано за 80 миллисекунд, что показано на рисунке 2.1.3.3, подпись расположена на последней строчке в файле, что показано на рисунке 2.1.3.2

```
■ test – Блокнот
Файл Правка Формат Вид Справка
Проверяем работу Алгоритма RSA
Студент: Лытов Михаил Николаевич
группа: ККСО-03-20
5972157313215588168985047741007633935651598306580272855113726013098932266757242332352341512668845994126524999329263
```

Рисунок 2.1.3.2 – Подписанное сообщение.

```
Время подписи: 80 миллисекунд
```

Рисунок 2. 1.3.3 – Время подписание файла.

## 2.1.4 Проверка подписи

Проверка подписи происходит в 5 этапов.

1) Считываем файл с открытым ключом, пример открытого ключа на рисунке 2.1.2.1

А) Первая строчка в файле является открытой экспонентой, вторая строчка в файле является произведением простых чисел.

```
FileReader file_open_key = new FileReader(name_file_open_key);
BufferedReader buf = new BufferedReader(file_open_key);
String open_exhibitor = buf.readLine();
String derivative = buf.readLine();
open_exhibitor = open_exhibitor.substring(15);
derivative = derivative.substring(11);
this.open_exhibitor = new BigInteger(open_exhibitor);
this.derivative = new BigInteger(derivative);
```

Листинг 2.1.4.1 – Считывание открытого ключа.

- 2) Считываем подписываемый файл
  - А) Считываем файл до того момента пока не встретим null
  - Б) последняя считанная строчка является подписью, остальные же строчки являются сообщением, как показано на рисунке 2.1.3.2

Листинг 2. 1.4.2 – Считывание подписанного файла.

3) Берем хеш-функцию из полученного сообщения.

```
SHACustom sha = new SHACustom(message);
BigInteger sha_int = sha.toBiginteger_SHA();
```

#### Листинг 2.1.4.3 – Взятие хеш-функции сообщения.

4) Возводим подпись в степень e по модулю n и получаем хеш-функцию из подписи.

```
if ((sha_int.compareTo(derivative)) <= -1) {
    check = signature.modPow(open_exhibitor, derivative);</pre>
```

Листинг 2. 1.4.4 – Открытие подписи.

5) Сравниваем хеш-функцию из сообщения и из подписи, если они равны, то подпись подлинна, что покажет сообщение, пример на рисунке 2.1.4.1, в противном случае фальсификация.

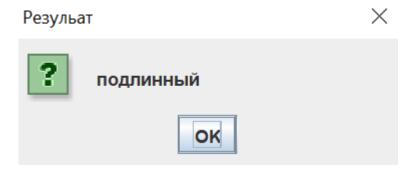


Рисунок 2.4.1 – Сообщение об подлинности подписи.

```
if((check.compareTo(sha_int)) == 0){
```

Листинг 2. 1.4.5 – Проверка на оригинальность подписи.

6) В исходный файл записывается сообщение, пример полученного файла на рисунке 2. 1.4.2.

```
FileWriter file = new FileWriter(name_file_signature_file);
file.write(message);
file.close();
```

Листинг 2. 1.4.6 – Запись исходного сообщения.



Рисунок 2. 1.4.2 – Исходный файл.

Время проверки подписи составляет 8 миллисекунд, что показывает рисунок 2.4.3.

```
Время проверки подписи 8 миллисекунд
```

Рисунок 2. 1.4.3 – Время проверки подписи.

#### 2.2 Реализация SHA-2

#### 2.2.1 Преобразования строки в двоичный код.

Преобразуем строку в двоичный код.

```
private byte[] String_in_Bytes(String text) {
    byte[] byte_text = text.getBytes();
    return byte_text;
}
```

Листинг 2.2.1.1 – преобразование строки в массив байт

#### 2.2.2 Отмечаем конец входных данных

После входных данных добавляем 0b10000000, показывая этим, что данные записаны.

```
private byte[] add_one(byte[] byte_text) {
    byte_text = Arrays.copyOf(byte_text, byte_text.length + 1);
    byte_text[byte_text.length - 1] = (byte) 0b100000000;
    return byte_text;
}
```

**Листинг 2.2.2.1** – добавления 0b10000000.

#### 2.2.3 Дополнения кода

Дополняем код нулями, пока данные не будут сравнимы с 512, после чего в последние 64 бита будет записана длинна исходного сообщения и определяем количество блоков.

```
long size_array = byte_text.length; // для изменения размера

Maccuba

long length_source_array = byte_text.length; // длина

Bxoдного массива

while (size_array % 64 != 0) {
    byte_text = Arrays.copyOf(byte_text, byte_text.length +

1);

byte_text[byte_text.length - 1] = (byte) 0b00000000;

size_array = byte_text.length;
}
```

Листинг 2.2.3.1 – дополнения нулями.

```
byte[] line = new byte[8];
ByteBuffer line_array = ByteBuffer.allocate(line.length);
line_array.putLong((length_source_array - 1) * 8);
line = line_array.array();

for (int i = 0; i < line.length; i++){
    byte_text[Math.toIntExact(size_array - 1 - i)] =
line[line.length - 1 - i];
}</pre>
```

Листинг 2.2.3.2 – дополнение в конец длину исходных данных.

```
number_blocks = (int) (size_array / 64);

Листинг 2.2.3.3 -количество блоков.
```

#### 2.2.4 Инициализация констант

Инициализируются 8 констант, которые представляют из себя первые 32 бита дробной части первых восьми простых чисел.

```
private int h0 = 0x6a09e667;
private int h1 = 0xbb67ae85;
private int h2 = 0x3c6ef372;
```

```
private int h3 = 0xa54ff53a;
private int h4 = 0x510e527f;
private int h5 = 0x9b05688c;
private int h6 = 0x1f83d9ab;
private int h7 = 0x5be0cd19;
```

Листинг 2.2.3.1 – дополнения нулями

Создаем 64 константы, где каждое значение представляет из себя 32 бита дробной части кубических корней первых 64 простых чисел.

```
private static int[] ARR_CONST =
{0x428a2f98,0x71374491,0xb5c0fbcf,0xe9b5dba5,0x3956c25b,0x59f111f1,0x923f82a4,0xab1c5ed5,

0xd807aa98,0x12835b01,0x243185be,0x550c7dc3,0x72be5d74,0x80deb1fe,0x9bdc06a7,0xc19bf174,

0xe49b69c1,0xefbe4786,0x0fc19dc6,0x240ca1cc,0x2de92c6f,0x4a7484aa,0x5cb0a9dc,0x76f988da,

0x983e5152,0xa831c66d,0xb00327c8,0xbf597fc7,0xc6e00bf3,0xd5a79147,0x06ca6351,0x14292967,

0x27b70a85,0x2e1b2138,0x4d2c6dfc,0x53380d13,0x650a7354,0x766a0abb,0x81c2c92e,0x92722c85,

0xa2bfe8a1,0xa81a664b,0xc24b8b70,0xc76c51a3,0xd192e819,0xd6990624,0xf40e3585,0x106aa070,

0x19a4c116,0x1e376c08,0x2748774c,0x34b0bcb5,0x391c0cb3,0x4ed8aa4a,0x5b9cca4f,0x682e6ff3,

0x748f82ee,0x78a5636f,0x84c87814,0x8cc70208,0x90befffa,0xa4506ceb,0xbef9a3f7,0xc67178f2);
```

Листинг 2.2.4.1 – дополнения нулями

#### 2.2.5 Цикл фрагментов

Следующие шаги будут выполнятся для каждого блока

```
for (int i = 0; i < number_blocks; i++) {
    Листинг 2.2.5.1 — Обработка каждого блока.
```

#### 2.2.6 Создание слов

Копируем данные из 2.2.1 в новый массив по 32 бита, где 32 бита являются словом.

```
private int[] words(byte[] byte_text) {
    int[] array_int = new int[16];
    for (int i = 0; i < 16; i++) {
        byte[] byte_word = Arrays.copyOfRange(byte_text, i * 4,
4 + i * 4);
        array_int[i] = ByteBuffer.wrap(byte_word).getInt();
    }
    return array_int;
}</pre>
```

**Листинг 2.2.6.1** – создание слов.

Добавляем нулевые слова так, чтобы получилось 64 слова в итоге.

```
private int[] add_words_zero(int[] array_int) {
    int size = array_int.length + 1;
    array_int = Arrays.copyOf(array_int, 64);
    Arrays.fill(array_int, size, 64, 0);

    return array_int;
}
```

Листинг 2.2.6.2 – инициализация нулями.

#### 2.2.7 Сжатие

Инициализируем копии  $h_0 \dots h_1$ 

```
int a = h0;
int b = h1;
int c = h2;
int d = h3;
int e = h4;
int f = h5;
int g = h6;
int h = h7;
```

Листинг 2.2.7.1 – копии  $h_0 \dots h_1$ .

Далее проведем 64 итерации для копий, где каждую итерацию будут манятся переменные a-h

Сжатие происходит по формуле 2.2.7.1.

$$a = T_1 + T_2 \mod 2^{32}$$

$$b = a$$

$$c = b$$

$$d = c$$

$$e = d + T_1$$

$$g = f$$

$$h = g$$

$$T_1 = h + S_1 + ch + k[i] + w[i] \mod 2^{32}$$

$$T_2 = S_0 + Ma \mod 2^{32}$$

$$S_1 = (e \ rotateRight \ 6) \oplus (e \ rotateRight \ 11) \oplus (e \gg 25)$$

$$ch = (e \& f) \oplus (\bar{e} \& g)$$

$$S_0 = (a \ rotateRight \ 2) \oplus (a \ rotateRight \ 13) \oplus (a \gg 22)$$

$$Ma = (a \& b) \oplus (a \& c) \oplus (b \& c)$$

$$(2.2.7.1)$$

```
for(int j = 0; j < 64; j++) {
    int Sum_1 = Integer.rotateRight(e, 6) ^ Integer.rotateRight(e, 11) ^
Integer.rotateRight(e,25);
    int Ch = (e & f) ^ ((~e) & g );
    int T_1 = (int) (h + Sum_1 + Ch + ARR_CONST[j] + array_int[j] % twe_32);
    int Sum 0 = Integer.rotateRight(a, 2) ^ Integer.rotateRight(a, 13) ^
Integer.rotateRight(a, 22);
    int Ma = (a & b) ^ (a & c) ^ (b & c);
    int T_2 = (int) (Sum_0 + Ma % twe_32);
    h = g;
    g = f;
    f = e;
    e = (int) (d + T_1 % twe_32);
    d = c;
    c = b;
    b = a;
    a = (int) (T_1 + T_2 % twe_32);
}</pre>
```

**Листинг 2.2.7.1** – реализация формулы 2.2.7.1.

#### 2.2.8 Hex

Соединяем в одну совокупность  $h_0 \dots h_7$ 

```
public String gethex() {
    String hex = Integer.toHexString(h0) + Integer.toHexString(h1) +
Integer.toHexString(h2) + Integer.toHexString(h3) + Integer.toHexString(h4) +
Integer.toHexString(h5) + Integer.toHexString(h6) + Integer.toHexString(h7);
    return hex;
}
```

**Листинг 2.2.8.1** – hexsum.

# 3. Список Литературы

- 1. Криптографические методы защиты информации, 3-е издание Владимиров Сергей Михайлович
- 2. Java Полное руководство (Десятое издание) Герберт Шилдт
- 3. https://habr.com/ru/post/470159/
- 4. <a href="https://javarush.com/groups/posts/2709-biginteger-i-bigdecimal">https://javarush.com/groups/posts/2709-biginteger-i-bigdecimal</a>
- 5. https://docs.oracle.com/en/java/javase/18/docs/api/java.base/java/math/BigIntege r.html
- 6. https://codegym.cc/groups/posts/java-biginteger-class
- 7. https://en.wikipedia.org/wiki/RSA\_(cryptosystem)#mw-head
- 8. https://habr.com/ru/post/534014/
- 9. <a href="https://habr.com/ru/company/selectel/blog/530262/">https://habr.com/ru/company/selectel/blog/530262/</a>
- 10.https://habr.com/ru/post/75193/
- 11.https://habr.com/ru/company/virgilsecurity/blog/459370/
- 12.https://habr.com/ru/post/224523/
- 13.https://www.iso.org/standard/17658.html
- 14.https://docs.oracle.com/en/java/javase/17/security/java-security-overview1.html
- $15. \underline{https://docs.oracle.com/javase/8/docs/api/java/security/MessageDigest.html}$
- 16. https://russianblogs.com/article/3080478024/
- 17. https://russianblogs.com/article/60561293587/
- 18. https://habr.com/ru/company/selectel/blog/530262/

## 4. Заключение

В ходе написание курсовой работы был реализован алгоритм электронной подписи RSA на языке JAVA. Можно сказать, что алгоритм RSA хоть и был изобретён давно, но до сих пор является актуальным.

Одним из главных недостатков RSA и в тот же момент преимуществом является то, чтобы сохранять безопасность алгоритма, стоит иметь большие входные данные, на данный момент используются простые числа размерностью 2048 бит, но в будущем придётся использовать ещё более большую длину простых чисел, что даст возможность алгоритму работать безопасно, но увеличит время генерации ключей.

# 5. Приложение

```
6. public class main {
      public static void main(String[] args) {
         Frame app = new Frame();
         app.setVisible(true);
      }
}
```

**Листинг 5.1** – main.java

```
import java.awt.event.ActionEvent;
public class Frame extends JFrame {
         setDefaultCloseOperation(JFrame.EXIT ON CLOSE);
         JPanel panel = new JPanel();
         panel.setLayout(new GridLayout(3,4,2,2));
         button_generation = new JButton("генерировать");
file_generation = new JLabel("");
emptiness = new JLabel("");
         panel.add(signature);
```

```
panel.add(text file);
        getContentPane().add(panel);
        setPreferredSize(new Dimension(800, 300));
        setVisible(true);
    class signature verification implements ActionListener{
        public void actionPerformed(ActionEvent e) {
                    JOptionPane.showConfirmDialog(null, "Не выбран файл с
                    String open exhibitor = buf.readLine();
Signature_verification(path_text_signature, path_open_key);
                        JOptionPane.showConfirmDialog(null, text check file,
"Результат", JOptionPane. PLAIN MESSAGE);
                        JOptionPane.showConfirmDialog(null, "Не выбран файл,
                    throw new RuntimeException(ex);
```

```
public void actionPerformed(ActionEvent e) {
            File file = fileopen.getSelectedFile();
class open key implements ActionListener{
    public void actionPerformed(ActionEvent e) {
        JFileChooser fileopen = new JFileChooser();
        int ret = fileopen.showDialog(null, "Открыть файл");
        if (ret == JFileChooser.APPROVE OPTION) {
            File file = fileopen.getSelectedFile();
    public void actionPerformed(ActionEvent e) {
```

```
public void actionPerformed(ActionEvent e) {
                    JOptionPane.showConfirmDialog(null, "Не выбран файл,
                    FileReader file txt = new
                            buf.close();
                            Long start = System.currentTimeMillis();
start) + " миллисекунд");
                            JOptionPane.showConfirmDialog(null, "Файл
                            JOptionPane.showConfirmDialog(null, "Некоректный
                        JOptionPane.showConfirmDialog(null, "Некоректный файл
        public void actionPerformed(ActionEvent e) {
            JFileChooser fileopen = new JFileChooser();
```

```
throw new RuntimeException(ex);
public void actionPerformed(ActionEvent e) {
    BigInteger derivative = key.getDerivative();
    BigInteger first number = key.getFirst number();
        key output output = new key output (open exhibitor,
        JOptionPane.showConfirmDialog(null, message, "Расположение
```

**Листинг 5.2** – Frame.java

```
import java.math.BigInteger;
import java.nio.ByteBuffer;
import java.util.Arrays;

public class SHA {
    private int number_blocks = 0;
    private int h0 = 0x6a09e667;
    private int h1 = 0xbb67ae85;
    private int h2 = 0x3c6ef372;
    private int h3 = 0xa54ff53a;
    private int h4 = 0x510e527f;
    private int h5 = 0x9b05688c;
    private int h6 = 0x1f83d9ab;
```

```
private int h7 = 0x5be0cd19;
public SHA(String text){
   byte text = add one(byte text);
    byte text = add zero(byte text);
private byte[] String in Bytes(String text){
```

```
return byte text;
private int[] words(byte[] byte text){
        array int[i] = ByteBuffer.wrap(byte word).getInt();
```

```
13) ^ Integer.rotateRight(a, 22);
int Ma = (a & b) ^ (a & c) ^ (b & c);
    public String gethex() {
        String hex = Integer.toHexString(h1) + Integer.toHexString(h1) +
Integer.toHexString(h2) + Integer.toHexString(h3) + Integer.toHexString(h4) +
Integer.toHexString(h5) + Integer.toHexString(h6) + Integer.toHexString(h7);
    public int getH0(){
    public int getH1(){
    public int getH3() {
    public int getH7() {
    public BigInteger getInteger() {
```

```
BigInteger element = new BigInteger(String.valueOf(0));
String element_str;
Long SHA_int;
BigInteger step_16 = new BigInteger(String.valueOf(16));
for(int i = 0; i < hex.length(); i++) {
    element_str = hex.substring(i, i+1);
    SHA_int = Long.parseLong(element_str, 16);
    element_str = SHA_int.toString();
    element = new BigInteger(element_str);
    element = element.multiply(step_16.pow(hex.length() - i - 1));
    result = result.add(element);
}
return result;
}
public int getNumber_blocks() {
    return number blocks;
}
</pre>
```

Листинг 5.3 – SHA.java

```
import java.math.BigInteger;
import java.util.Random;
import static java.math.BigInteger.probablePrime;
public class key generation {
   private BigInteger open exhibitor = BigInteger.ONE;
   private BigInteger close exhibitor;
   private BigInteger euler function;
   private BigInteger second number;
   private BigInteger derivative;
   private BigInteger first number;
   public key generation(){
        first number = probablePrime(1024, new Random());
        BigInteger first number sub 1 =
first number.subtract(BigInteger.ONE);
        BigInteger second number sub 1 =
second number.subtract(BigInteger.ONE);
first number sub 1.multiply(second number sub 1);
        gen();
   private void gen(){
```

```
open exhibitor = BiqInteger.probablePrime(maxleng / 2,
new Random());
(euler function.gcd(open exhibitor).compareTo(BigInteger.ONE) >
0 && open exhibitor.compareTo(euler function) < 0) {</pre>
            open exhibitor.add(BigInteger.ONE);
open exhibitor.modInverse(euler function);
    public BigInteger getOpen exhibitor() {
    public BigInteger getClose exhibitor() {
    public BigInteger getDerivative() {
    public BigInteger getFirst number() {
    public BigInteger getSecond number() {
```

**Листинг 5.4** – key\_generatiion.java

```
import java.io.File;
import java.io.IOException;
import java.math.BigInteger;

public class key_output {
    private String path_close_key;
    private String path_open_key;
    public key_output(BigInteger open_exhibitor, BigInteger close_exhibitor, BigInteger derivative, BigInteger first_number,
BigInteger second_number) throws IOException {
        output_open_key(open_exhibitor, derivative);
        output_close_key(close_exhibitor, derivative);
        simple_number(first_number, second_number);
```

```
private void output open key (BigInteger open exhibitor,
BigInteger derivative) throws IOException {
        File file = new File("open key.txt");
        path open key = file.getCanonicalPath();
        String open exhib = open exhibitor.toString();
        String der = derivative.toString();
        output.write("open exhibitor:" + open exhib +
"\nderivative:" + der);
        output.close();
    private void output close key(BigInteger close exhibitor,
BigInteger derivative) throws IOException {
        path close key = file.getCanonicalPath();
        FileWriter output = new FileWriter(file);
        String close exhib = close exhibitor.toString();
        String der = derivative.toString();
        output.write("close exhibitor:" + close exhib +
        output.close();
    private void simple number (BigInteger first number,
BigInteger second number) throws IOException {
        FileWriter output = new FileWriter("simple number.txt");
        String first = first number.toString();
        String second = second number.toString();
        output.close();
    public String path open key() {
    public String path close key() {
```

**Листинг 5.5** – key\_output.java

```
import java.io.*;
import java.math.BigInteger;

public class Signature {
    private String name_file_txt;
    private String name_file_close_key;
    private BigInteger signature;
    private BigInteger close_key;
```

```
private BigInteger derivative;
    Signature (String name file txt, String name file close key)
        this.name file txt = name file txt;
        this.name file close key = name file close key;
        new open close key file();
        new open text file();
    class open text file{
        private open text file() throws IOException {
            String line ;
            String line sum = "";
            FileReader file txt = new
            BufferedReader buf txt = new
BufferedReader(file txt );
                line sum += line + "\n";
            file txt .close();
            buf txt.close();
            line sum = line sum.substring(0,line sum.length() -
            long start = System.currentTimeMillis();
            SHA sha = new SHA(line sum);
            long finish = System.currentTimeMillis();
            System.out.println("Время работы хэш-функции: " +
(finish - start));
            BigInteger sha int = sha.getInteger();
            if(sha int.compareTo(derivative) <= -1){</pre>
                FileWriter file signature = new
                file signature.write(line sum + "\n" +
signature.toString());
            }else{System.out.println("Ключ мал");}
    class open close key file{
        private open close key file() throws IOException {
            FileReader file txt = new
```

Листинг 5.6 – Signature.java

```
import java.io.BufferedReader;
import java.io.FileReader;
import java.math.BigInteger;
public class Signature verification {
   private String name file open key;
    private BigInteger signature;
   private String message = "";
    private BigInteger open exhibitor;
   private BigInteger derivative;
    public Signature verification(String
name file signature file, String name file open key) throws
IOException {
name file signature file;
        this.name file open key = name file open key;
        data file signature file();
        data name file open key();
    public String check() throws IOException {
        SHA sha = new SHA (message);
        BigInteger sha int = sha.getInteger();
        BigInteger check = new BigInteger("0");
        if ((sha int.compareTo(derivative)) <= -1) {</pre>
            check = signature.modPow(open exhibitor,
            if((check.compareTo(sha int)) == 0){
```

```
FileWriter file = new
                file.close();
    private void data name file open key()throws IOException{
        FileReader file open key = new
        BufferedReader buf = new BufferedReader(file open key);
        String open exhibitor = buf.readLine();
        open exhibitor = open exhibitor.substring(15);
        derivative = derivative.substring(11);
        this.open exhibitor = new BigInteger(open exhibitor);
        this.derivative = new BigInteger(derivative);
        buf.close();
        file open key.close();
    private void data file signature file () throws IOException {
        String line = "";
        FileReader read signature file = new
FileReader (name file signature file);
        BufferedReader buf signature file = new
BufferedReader(read signature file); // чек buf
            message += line + "\n";
            signature = line;
        message = message.substring(0, message.length() -
signature.length() - 2);
        this.signature = new BigInteger(signature);
        buf signature file.close();
        read signature file.close();
```

**Листинг 5.6** – Signature\_verification.java