

МИНОБРНАУКИ РОССИИ
САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ
ЭЛЕКТРОТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ
«ЛЭТИ» ИМ. В.И. УЛЬЯНОВА (ЛЕНИНА)
Кафедра МО ЭВМ

ОТЧЕТ
по лабораторной работе №3
по дисциплине «АиСД»
ТЕМА: Деревья

Студент гр. 9382

Пя С.

Преподаватель

Фирсов М.А.

Санкт-Петербург

2020

Цель работы.

Познакомиться со структурой деревьев. Научиться создавать бинарные деревья, реализовывая их через динамическую (связанную) память (на базе указателей), и пользоваться ими. Закрепить их реализацию с помощью рекурсии на примере языка C++, освоить применение структур и классов, получить навыки работы с `template c++`. Выполнить работу в соответствии с заданием.

Основные теоретические положения.

Дерево – конечное множество T , состоящее из одного или более узлов, таких, что

- а) имеется один специально обозначенный узел, называемый корнем данного дерева;
- б) остальные узлы (исключая корень) содержатся в $m \geq 0$ попарно не пересекающихся множествах T_1, T_2, \dots, T_m , каждое из которых, в свою очередь, является деревом. Деревья T_1, T_2, \dots, T_m называются поддеревьями данного дерева.

Лес – это множество (обычно упорядоченное), состоящее из некоторого (быть может, равного нулю) числа непересекающихся деревьев. Используя понятие леса, пункт б) в определении дерева можно было бы сформулировать так: *узлы дерева, за исключением корня, образуют лес.*

КЛП – префиксная запись

ЛКП – инфиксная запись

ЛПК – постфиксная запись

Задание

Вариант №9д.

Рассматриваются бинарные деревья с элементами типа `Elem` (в качестве `Elem` использовать `char`). Заданы перечисления узлов некоторого дерева b в порядке КЛП и ЛКП. Требуется:

- восстановить дерево b и вывести его изображение;
- перечислить узлы дерева b в порядке ЛПК.

Ход работы.

- 1) Разработан алгоритм:

На вход подаются два выражения, являющиеся разными записями одного и того же бинарного дерева (ЛКП и КЛП). Используя теоретические знания о том, что во втором выражении первыми узлами записываются корни поддеревьев, находим эти корни в первом выражении, они будут в нем с краю, потому что в ЛКП записи сначала записываются левые, потом корни, после правые поддеревья. Затем мы делим первое выражение на два, они будут образовывать два поддерева и будут являться левым и правым поддеревом соответственно нашего главного дерева. Затем таким образом рекурсивно составляем из выражений бинарное дерево. Были устранены все утечки памяти, написана реакция на не открытие файла и на некорректные данные.

Предусмотрен механизм простейшего взаимодействия с пользователем, позволяющий понять алгоритм исполнения программы, с помощью вывода сообщений. Также был предусмотрен ввод данных с клавиатуры.

2) Использованы функции:

1. main

Сигнатура: `int main()`.

Назначение: является основной функцией и телом программы.

Описание аргументов: без аргументов.

Возвращаемое значение: Функция возвращает 0.

Использованы структуры:

1. struct Node

Назначение: играет роль узла дерева, нужен для составления дерева.

Описание содержимого: `Elem data` – переменная типа `Elem` (параметр шаблона класса, в качестве `Elem` использован `char`), которая хранит в себе содержимое узла; `struct Node *left` и `struct Node *right` – указатели на структуры, являющиеся левым поддеревом и правым поддеревом соответственно; `Node()` – конструктор структуры, который инициализирует указатели `left` и `right`.

Использованы классы:

1. BinaryTree

Назначение: в нем хранятся методы для создания дерева и его отображения.

Описание содержимого: `private: структура struct Node;`

public: int i – счетчик для КЛП записи, чтобы по очереди брать узлы в строке;
node* tree – указатель на структуру, хранящую дерево, к которому можно обратиться.

Использованы методы класса BinaryTree:

1. createBinaryTree

Сигнатура: node* createBinaryTree (char LKP[], char KLP[]).

Назначение: приватный метод: создает бинарное дерево, состоящее из структур.

Описание аргументов: строки LKP и KLP, являющимися формами записи узлов дерева.

Возвращаемое значение: указатель на основной корень дерева типа node.

2. BinaryTree

Сигнатура: BinaryTree(char LKP[], char KLP[], int n = 0).

Назначение: Публичный конструктор, инициализирующий переменные. В нем создается дерево.

Описание аргументов: строки LKP и KLP, являющимися формами записи узлов дерева, n – переменная типа int, которая указывает номер уровня узла.

3. printInorder

Сигнатура: void printInorder(node* node, int n, char* shift).

Назначение: составляет схематическое изображение дерева.

Описание аргументов: node - указатель на структуру типа node, являющуюся деревом, который надо вывести, n – номер уровня узла, shift – строка, содержащая возможные номера уровней узлов.

4. printLPK

Сигнатура: static void printLPK(node* node).

Назначение: выводит постфиксную запись ЛПК дерева.

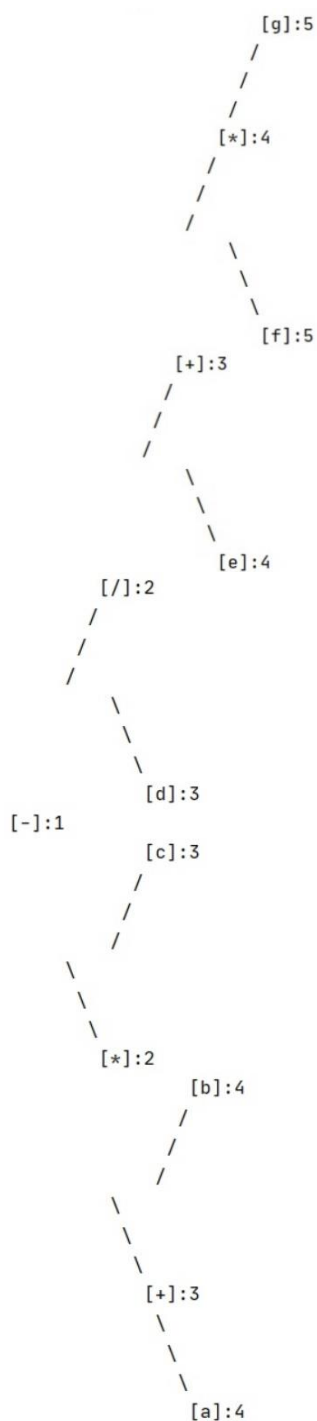
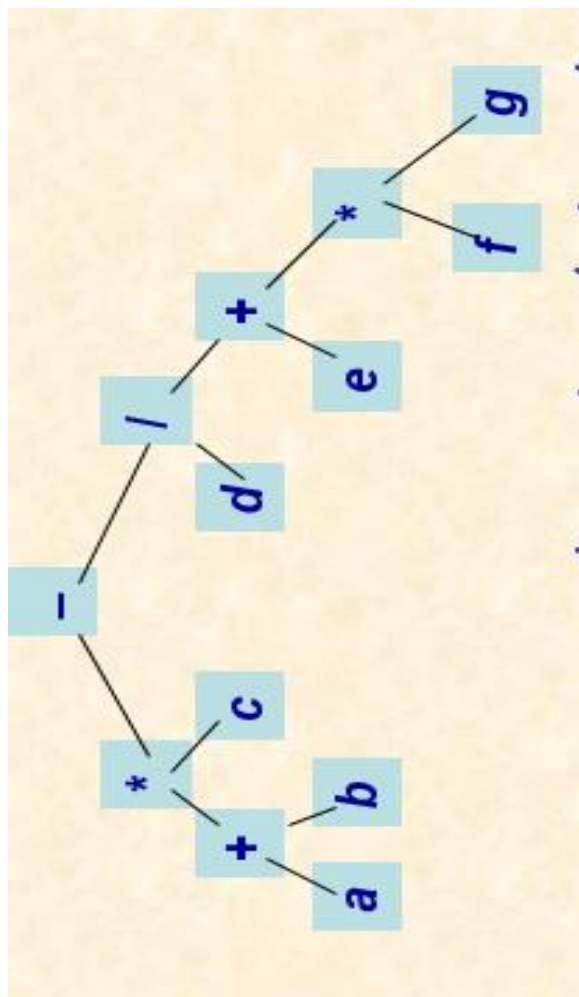
Описание аргументов: указатель на узел основного корня дерева типа node.

Реализация рекурсивного метода:

На вход подаются два выражения, являющимися ЛКП и КЛП записями. Затем проверяются данные на корректность. Создается узел дерева, куда записывается следующее значение в выражении КЛП. После значение ищется в выражении

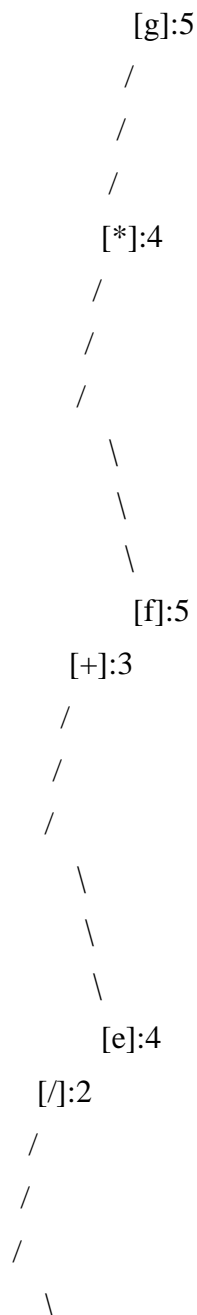
ЛКП, и это выражение делится на две части, которые отдаются в следующие методы рекурсии, пока в выражениях есть значения. После возвращается все дерево.

Пример работы программы.



Входные данные	Выходные данные
<p>3 $a+b*c-d/e+f*g -$ $*+abc/d+e*f*g$</p>	<p>Do you want to enter data(0) or read it from file(write number of file)?</p> <p>3</p> <p>Data is:</p> <p>$a+b*c-d/e+f*g$</p> <p>$-*+abc/d+e*f*g$</p> <p>1.Data of current node is: -</p> <p>1.Left subtree is: $a+b*c$</p> <p>2.Data of current node is: *</p> <p>2.Left subtree is: $a+b$</p> <p>3.Data of current node is: +</p> <p>3.Left subtree is: a</p> <p>4.Data of current node is: a</p> <p>4.Left subtree is:</p> <p>4.Right subtree is:</p> <p>3.Right subtree is: b</p> <p>4.Data of current node is: b</p> <p>4.Left subtree is:</p> <p>4.Right subtree is:</p> <p>2.Right subtree is: c</p> <p>3.Data of current node is: c</p> <p>3.Left subtree is:</p> <p>3.Right subtree is:</p> <p>1.Right subtree is: $d/e+f*g$</p> <p>2.Data of current node is: /</p> <p>2.Left subtree is: d</p> <p>3.Data of current node is: d</p> <p>3.Left subtree is:</p> <p>3.Right subtree is:</p> <p>2.Right subtree is: $e+f*g$</p> <p>3.Data of current node is: +</p> <p>3.Left subtree is: e</p> <p>4.Data of current node is: e</p> <p>4.Left subtree is:</p>

4.Right subtree is:
 3.Right subtree is: f*g
 4.Data of current node is: *
 4.Left subtree is: f
 5.Data of current node is: f
 5.Left subtree is:
 5.Right subtree is:
 4.Right subtree is: g
 5.Data of current node is: g
 5.Left subtree is:
 5.Right subtree is:



	$ \begin{array}{c} \backslash \\ \backslash \\ [d]:3 \\ [-]:1 \\ [c]:3 \\ / \\ / \\ / \\ \backslash \\ \backslash \\ \backslash \\ [*]:2 \\ [b]:4 \\ / \\ / \\ / \\ \backslash \\ \backslash \\ \backslash \\ [+]:3 \\ \backslash \\ \backslash \\ \backslash \\ [a]:4 \end{array} $ <p>LPK is</p> $a\ b + c * d\ e\ f\ g * + / -$
--	---

Тестирование.

Результаты тестирования представлены в табл. 1.

Таблица 1 – Результаты тестирования

№ п/п	Входные данные	Выходные данные	Комментарии
-------	----------------	-----------------	-------------

1.	<div>1 425136 124536</div>	<div>Do you want to enter data(0) or read it from file(write number of file)? 1 Data is: 425136 124536 1.Data of current node is: 1 1.Left subtree is: 425 2.Data of current node is: 2 2.Left subtree is: 4 3.Data of current node is: 4 3.Left subtree is: 3.Right subtree is: 2.Right subtree is: 5 3.Data of current node is: 5 3.Left subtree is: 3.Right subtree is: 1.Right subtree is: 36 2.Data of current node is: 3 2.Left subtree is: 2.Right subtree is: 6 3.Data of current node is: 6 3.Left subtree is: 3.Right subtree is: [6]:3 / / / [3]:2 / / / [1]:1 \ [5]:3 \ [2]:2 [4]:3 / / / LPK is 4 5 2 6 3 1</div>	<div>Проверка на корректность работы программы</div>
----	--------------------------------	---	--

2.	<div>2</div> <div>1+4*9-5 *+14-95</div>	<div>Do you want to enter data(0) or read it from file(write number of file)?</div> <div>2</div> <div>Data is:</div> <div>1+4*9-5</div> <div>*+14-95</div> <div>1.Data of current node is: *</div> <div>1.Left subtree is: 1+4</div> <div>2.Data of current node is: +</div> <div>2.Left subtree is: 1</div> <div>3.Data of current node is: 1</div> <div>3.Left subtree is:</div> <div>3.Right subtree is:</div> <div>2.Right subtree is: 4</div> <div>3.Data of current node is: 4</div> <div>3.Left subtree is:</div> <div>3.Right subtree is:</div> <div>1.Right subtree is: 9-5</div> <div>2.Data of current node is: -</div> <div>2.Left subtree is: 9</div> <div>3.Data of current node is: 9</div> <div>3.Left subtree is:</div> <div>3.Right subtree is:</div> <div>2.Right subtree is: 5</div> <div>3.Data of current node is: 5</div> <div>3.Left subtree is:</div> <div>3.Right subtree is:</div> <div>[5]:3</div> <div>/</div> <div>/</div> <div>/</div> <div>[-]:2</div> <div>/</div> <div>/</div> <div>/</div> <div>[*]:1</div> <div>[9]:3</div> <div>[4]:3</div> <div>/</div> <div>/</div> <div>/</div> <div>[+]:2</div> <div>/</div>	<div>Проверка на</div> <div>корректность</div> <div>работы</div>
----	---	---	--

		<p>\</p> <p>[1]:3</p> <p>LPK is</p> <p>1 4 + 9 5 - *</p>	
4.	4	<p>Do you want to enter data(0) or read it from file(write number of file)?</p> <p>4</p> <p>Data is:</p> <p>Error Data</p>	<p>Проверка на</p> <p>корректность</p> <p>работы с</p> <p>пустыми строками</p>
5.	5 14235 12345	<p>Do you want to enter data(0) or read it from file(write number of file)?</p> <p>5</p> <p>Data is:</p> <p>14235</p> <p>12345</p> <p>1.Data of current node is: 1</p> <p>1.Left subtree is:</p> <p>1.Right subtree is: 4235</p> <p>2.Data of current node is: 2</p> <p>2.Left subtree is: 4</p> <p>2.Right subtree is: 35</p> <p>Error Data</p>	<p>Проверка на</p> <p>корректность</p> <p>работы с</p> <p>неверными данными</p>
6	0 14235 12345	<p>Do you want to enter data(0) or read it from file(write number of file)?</p> <p>0</p> <p>14235</p> <p>12345</p> <p>Data is:</p> <p>14235</p> <p>12345</p> <p>1.Data of current node is: 1</p> <p>1.Left subtree is:</p> <p>1.Right subtree is: 4235</p> <p>2.Data of current node is: 2</p> <p>2.Left subtree is: 4</p> <p>2.Right subtree is: 35</p> <p>Error Data</p>	<p>Проверка на</p> <p>корректность</p> <p>работы с</p> <p>входными</p> <p>данными с</p> <p>клавиатуры</p>

Выводы.

В ходе работы была освоена реализация бинарного дерева на основе рекурсии и структур, отработано понимание его применения, и отработаны навыки письма в C++.

Код программы можно найти в приложении А.

ПРИЛОЖЕНИЕ А

ИСХОДНЫЙ КОД ПРОГРАММЫ

Название файла: main.cpp

```
#include <iostream>
#include <fstream>
#include <cstring>

using namespace std;
template <typename Elem> // Elem - параметр шаблона класса, в качестве него
используем char
class BinaryTree {
private:
    typedef struct Node { //структура, описывающая содержимое узла
        Elem data; //данные, хранящиеся в узле
        struct Node *left; //левое поддерево
        struct Node *right; //правое поддерево
        Node() {
            left = nullptr;
            right = nullptr;
        }
    } node;

    node *createBinaryTree(char LKP[], char KLP[], int n = 0) { //рекурсивный
метод для создания дерева
        n++;
        if (strlen(KLP) <= i) { //в случае некорректных данных выводится
сообщение об ошибке
            cout << "Error Data";
            return nullptr;
        }
        node *binaryTree = new node();
        binaryTree->data = KLP[i++]; //содержимое узла
        char *rshift = strchr(LKP, binaryTree->data);
        if (rshift == nullptr) { //в случае некорректных данных выводится
сообщение об ошибке
            i = strlen(KLP) + 1;
            return nullptr;
        }
        char *lshift = new char[100]();
        strncat(lshift, LKP, rshift - LKP);
        strcat(lshift, "\0");
        for (int y = 0; y < n; y++)
            cout << " ";
        cout << n << ".Data of current node is: " << binaryTree->data << "\n";
        for (int y = 0; y < n; y++)
            cout << " ";
        cout << n << ".Left subtree is: " << lshift << "\n";
        if (strlen(lshift) != 0) {
            binaryTree->left = createBinaryTree(lshift, KLP, n); //передаем левую
часть строки, из которой формируется поддерево
        }
        for (int y = 0; y < n; y++)
            cout << " ";
        cout << n << ".Right subtree is: " << rshift + 1 << "\n";
    }
};
```

```

        if (strlen(rshift) != 1) { //так как в правой части хранится искомый
узел, то здесь рекурсивный цикл прекращается на количестве элементов в правой
части, равном 1
            binaryTree->right = createBinaryTree(rshift + 1, KLP, n); //передаем
правую часть строки, из которой формируется поддерево
        }
        delete[] lshift;
        return binaryTree;
    }

public:
    int i; //счетчик для KLP
    node *tree; //бинарное дерево, создано для многократного безопасного
обращения к одному и тому же дереву

    BinaryTree(char LKP[], char KLP[]) {
        i = 0;
        tree = createBinaryTree(LKP, KLP, 0); //создание дерева
    }

    void printInorder(node *node, int n, char *shift) { //вывод дерева
        n++; //номер уровня
        char k[10];
        char *_k_ = new char[10](); //строка, в которой будет храниться номер
уровня
        _k_[0] = ' ';
        if (node == NULL) { //завершение рекурсивного цикла
            delete[] _k_;
            return;
        }
        printInorder(node->right, n, shift); //вход в самую левую ветку
        sprintf(k, "%d", n);
        strcat(_k_, k);
        strcat(_k_, " ");
        char *t = strstr(shift, _k_); //поиск номера в строке из номеров
        delete[] _k_;
        if (!(n == 1) &&
            t) { //в случае нахождения текущего номера в строке номеров знаем,
что узел находится левее в бинарном дереве
            for (int i = 0; i < n + 3 * n; i++) //сдвигаем узел до его уровня
                cout << " ";
            cout << "[" << node->data << "]" << ":" << n << "\n";
            char *tshift = new char[50]();
            strncat(tshift, shift, t - shift); //убираем номер из строки номеров
            strcat(tshift, t + 2);
            delete[] shift;
            shift = new char[50]();
            strcat(shift, tshift);
            delete[] tshift;
            int m = 1;
            while (m != 4) {
                for (int i = 0; i < n + 3 * n - m; i++) //рисует ветку
                    cout << " ";
                cout << "/\n";
                m++;
            }
        } else if (n != 1 &&
            !t) { //в случае отсутствия текущего номера в строке номеров
знаем, что узел находится правее в бинарном дереве
            int m = 3;
            while (m != 0) {
                for (int i = 0; i < n + 3 * n - m; i++) //рисует ветку
                    cout << " ";
                cout << "\\n"; //рисует ветку
            }
        }
    }

```

```

        m--;
    }
    for (int i = 0; i < n + 3 * n; i++)
        cout << " "; //сдвигаем узел до его уровня
    cout << "[" << node->data << "]" << ":" << n << "\n";
    sprintf(k, "%d", n); //добавляем номер обратно в строку номеров
    strcat(shift, k);
    strcat(shift, " ");
} else //если номер 1, то это вершина дерева, его корень
    cout << "[" << node->data << "]" << ":" << n << "\n";
printInorder(node->left, n, shift); //после самого левого прохода идем
вправый
}

static void printLPK(node *node) { //вывод постфиксной записи (ЛПК)
    if (node != nullptr) {
        printLPK(node->left); //сначала идем в левые поддеревья
        printLPK(node->right); //после в правые поддеревья
        cout << node->data << " "; //пишем узел
    }
}

};

int main() {
    auto *in = new char[30](); //строка для инфиксной записи ЛКП
    auto *pre = new char[30](); //строка для префиксной записи КЛП
    char x; //переменная для выбора ввода пользователем
    cout << "Do you want to enter data(0) or read it from file(write number of
file)?\n";
    cin >> x;
    if (x ==
        48) { //так как на вход принимается символ, то номер нуля = 48, это
работает, пока количество тестов не превышает 9
        cin >> in >> pre; //считывание строк из консоли
    } else {
        char *file = new char[50]();
        strcat(file, "../Tests//");
        file[strlen(file)] = x;
        strcat(file, ".txt");
        fstream fin(file); //файл для считывания выражений
        if (!fin.is_open())
            throw ("File cannot be opened");
        fin >> in >> pre; //считывание строк из файла
        delete[] file;
    }
    cout << "Data is:\n" << in << "\n" << pre << "\n";
    BinaryTree<char> tree(in, pre); //создание экземпляра класса BinaryTree
    if (tree.tree == nullptr || strlen(pre) < tree.i)
        return -1;
    delete[] in;
    char *shift = new char[50](); //строка, в которой будут находиться номера
уровней узлов для вывода дерева
    shift[0] = ' ';
    char k[10];
    for (int i = 1; i < strlen(pre) + 1; i++) { //запись номеров в строку, они не
будут превышать количество узлов
        sprintf(k, "%d", i);
        strcat(shift, k);
        strcat(shift, " ");
    }
    shift[strlen(shift)] = '\0';
    tree.printInorder(tree.tree, 0, shift); //вывод дерева
    cout << "\nLPK is\n";
    tree.printLPK(tree.tree); //вывод постфиксной записи
}

```

```
delete[] pre;  
delete[] shift;  
return 0;  
}
```