МИНОБРНАУКИ РОССИИ САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ ЭЛЕКТРОТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ «ЛЭТИ» ИМ. В.И. УЛЬЯНОВА (ЛЕНИНА) Кафедра МО ЭВМ

ОТЧЕТ

по лабораторной работе №2 по дисциплине «Построение и анализ алгоритмов» Тема: Алгоритмы поиска пути в графах

> Санкт-Петербург 2021

Цель работы.

Познакомиться с алгоритмами по поиску пути в графе. Получить навыки решения задач на такие алгоритмы.

Задание.

Задание на жадный алгоритм:

Разработайте программу, которая решает задачу построения пути в *ориентированном* графе при помощи жадного алгоритма. Жадность в данном случае понимается следующим образом: на каждом шаге выбирается последняя посещённая вершина. Переместиться необходимо в ту вершину, путь до которой является самым дешёвым из последней посещённой вершины. Каждая вершина в графе имеет буквенное обозначение ("a", "b", "c"...), каждое ребро имеет неотрицательный вес.

Пример входных данных

a e

a b 3.0

b c 1.0

c d 1.0

a d 5.0

d e 1.0

В первой строке через пробел указываются начальная и конечная вершины Далее в каждой строке указываются ребра графа и их вес

В качестве выходных данных необходимо представить строку, в которой перечислены вершины, по которым необходимо пройти от начальной вершины до конечной. Для приведённых в примере входных данных ответом будет

abcde

Задание на алгоритм А*:

Разработайте программу, которая решает задачу построения кратчайшего пути в *ориентированном* графе методом А*. Каждая вершина в графе имеет буквенное обозначение ("a", "b", "c"...), каждое ребро имеет неотрицательный вес. В качестве эвристической функции следует взять близость символов, обозначающих вершины графа, в таблице ASCII.

Пример входных данных

a e

a b 3.0

b c 1.0

c d 1.0

a d 5.0

d e 1.0

В первой строке через пробел указываются начальная и конечная вершины Далее в каждой строке указываются ребра графа и их вес

В качестве выходных данных необходимо представить строку, в которой перечислены вершины, по которым необходимо пройти от начальной вершины до конечной. Для приведённых в примере входных данных ответом будет

ade

Вариант 5.

Реализовать алгоритм Дейкстры поиска пути в графе (на основе кода А*).

Теоретические сведения.

Эвристическая функция — это функция, которая сообщает приблизительное (обычно меньшее реального) расстояние до искомой цели.

Описание алгоритма.

Описание жадного алгоритма:

Начинаем из начальной вершины. Рассматриваем все пути, исходящие из нее. Движемся поочередно по путям с наименьшей длиной. Повторяем прошлые шаги для точки, в которую пришли. При нахождении конечной точки — заканчиваем обход и выводим найденный путь.

Описание алгоритма Дейкстры:

- 1. Вносим начальную точку в очередь проверяемых точек с приоритетом, приоритет выставляется равным 0.
- 2. Берем точку и проверяем не конечная ли она (если конечная то заканчиваем поиск).
 - 3. Для всех соседей этой точки проверяем:
- Если соседняя точка ранее не встречалась, то добавлем ей приоритет = длине от начальной точки до неё, после чего добавляем её в общую очередь с приоритетом.
- Если соседняя точка уже посещалась ранее, то проверяется не дешевле ли новый найденный путь, чем тот, что был найден до этого. В случае меньшего результата обновляем ей приоритет (эта точка находится где-то внутри очереди, поэтому при обновлении приоритета нужно быть внимательным: не должно получиться 2 одинаковых точки или полного её исчезновения. Будь особенно внимателен, если эта очередь с приоритетами написана тобой самим). В случае большего приоритета просто переходим к следующей точке из очереди.
- 4. Отмечаем ее, как посещенную (это не обязательно, т.к. можно просто выбрать какое-то специальное значение приоритета по-умолчанию, и тогда владельцы НЕ такого приоритета будут считаться посещенными) и удаляем

из очереди.

5. Повторяем те же действия для следующего элемента очереди, который имеет минимальный приоритет, начиная с *пункта 2*.

Описание алгоритма А*:

Шаги алгоритма полностью повторяют шаги алгоритма Дейкстры, рассмотренного выше.

Единственное различие между этими алгоритмами — в том, что приоритет вершины в алгоритме $A^* =$ длина от начальной точки до неё + результат эвристической функции.

Описание функций и структур данных.

Для жадного алгоритма:

class Edge — ориентированный путь между двумя вершинами.

m len — длина ребра

m_start — выходная точка ребра

m_end — входная точка ребра

class Point — вершина графа

m_nameOfPoint — имя вершины

m_waysFromPoint — все исходящие ребра

addWay(int length, char from, char to) — добавить исходящее ребро

sortWaysBySize() - отсортировать исходящие ребра по их длине

bool compareEdgesLen(Edge a, Edge b) — компаратор длины ребер

int findNeededPointPosition(std::vector<Point>* allPoints, char pointName) - находит позицию указанной вершины в векторе всех вершин

int findWayWithGreedyAlg(std::vector<Point>* allPoints, char currentPoint, char endPoint, std::string* currentWay) — находит путь при помощи жадного алгоритма.

Для алгоритма Дейкстры и А*

class Point — вершина графа

m_distanceFromStart — расстояние от начальной точки до вершины

m_priority — приоритет вершины

m_nameOfPoint — имя вершины

m_isVisited — была ли вершина уже вытащена из очереди

m_edgesFromPoint - направленные ребра ИЗ этой вершины

m cameFrom - ребро, по которому пришли СЮДА

class EdgeOfGraph — ориентированное ребро графа

m_pointFrom - выходная вершина ребра

m_pointTo - входная вершина ребра

m length — длина ребра

class Reading — считывание пользовательского ввода startPoint — стартовая вершина endPoint — конечная вершина pointsFrom — вершины из которых исходят ребра

```
pointsTo — вершины в которые входят ребра pointsLengths — длины ребер void doTerminalReading() - считать ввод из потока ввода
```

class Graph

m_edgesInfo — информация о всех ребрах
m_points — объекты вершин
existingPoints — список вершин объекты которых были созданы
findExistingPoint(char name) — найти объект указанной вершины
void createGraph() - создать основную структуру графа

class PriorityQueue

m_points — вершины, находящиеся в очереди
void addPoint(Point* newP) — вставить вершину, учитывая ее приоритет
void replacePoint(Point* point) — обновить положение указанной
вершины в соответствии с ее приоритетом

Point* getFirst() - получить из очереди вершину с наименьшим приоритетом

bool isEmpty() - проверить, есть ли какие-либо вершины в очереди

class DeikstraAlgorithm

m_priorQueue — очередь вершин
m_graph — созданный граф
findWayWithDeikstra() - найти путь, используя алгоритм Дейкстры
void printShortestWay() - вывести найденный путь

class AstarAlgorithm

m_priorQueue — очередь вершин
m_graph - созданный граф
heuristicFunc(char curr, char final) — эвристическая функция
void findWayWithAStar() - найти путь, используя алгоритм A*
void printShortestWay() - вывести найденный путь

Оценка сложности.

Жадный алгоритм:

Сложность по памяти = O(I), где I – количество вершин.

Сложность по времени = O(J), где J – количество ребер. Так как в худшем случаем придется обойти все вершины и все пути из них.

*Алгоритм А**:

В лучшем случае, когда эвристическая функция позволяет делать каждый шаг в верном направлении, т.е. наиболее подходящая функция тогда сложность по времени составляет O(I+J) Где J – количество ребер, I – количество вершин.

В худшем случае, эвристическая функция угадывает направление в последний момент, тогда надо проходить все возможные пути. Тогда время работы будет расти экспоненциально по сравнению с длиной оптимального пути.

Так как в худшем случае все пути будут хранится в очереди, то и сложность по памяти будет экспоненциальной. Оценка по памяти будет O(I * (I + J)), где I - количество вершин, J - количество рёбер в графе. А в лучшем случае будет храниться прямой путь от начала и до нее.

Алгоритм Дейкстры:

В этом алгоритме асимптотика работы зависит от реализации. Разделяют три случая реализации.

- 1) Наивная реализация. n раз осуществляем поиск вершины с минимальной величиной d среди O(n) непомеченных вершин и m раз проводим релаксацию за O(1). И тогда скорость будет $O(n^2 + m)$.
- 2) Двоичная куча Используя двоичную кучу можно выполнять операции извлечения минимума и обновления элемента за O(log n). Тогда время работы алгоритма Дейкстры составит O(n * log n + m * log n).
- 3) Фибоначчиева куча Используя Фибоначчиевы кучи можно выполнять операции извлечения минимума за $O(\log n)$ и обновления элемента за O(1). Таким образом, время работы алгоритма составит $O(n * \log n + m)$.

Мы используем наивную реализацию.

Так как мы проходимся по всем вершинам и их соседям тогда скорость будет O(I*J). Где J- количество ребер, I- количество вершин. Еще прибавим n к этой сложности так как, когда мы восстанавливаем путь и даем конечный ответ нам надо пройти расстояние от конечной вершины и до, начальной. Тогда сложность по времени будет O(I*J+n), где n- количество узлов между вершинами.

Сложность по памяти будет O(I+J), где J- количество ребер, I- количество вершин.

Тестирование.

Жадный алгоритм:

Ввод	Вывод
a g a b 3.0 a c 1.0 b d 2.0 b e 3.0 d e 4.0 e a 1.0 e f 2.0 a g 8.0 f g 1.0	abdefg
a e a b 3.0 b c 1.0 c d 1.0 a d 5.0 d e 1.0	abcde

a g	abdefg
a b 3.0	
a c 1.0	
b d 2.0	
b e 3.0	
d e 4.0	
e a 1.0	
e f 2.0	
a g 8.0	
f g 1.0	
1	1
b e	bge
a b 1.0	
a c 2.0	
b d 7.0	
b e 8.0 a g 2.0	
b g 6.0	
c e 4.0	
d e 4.0	
g e 1.0	
5 C 1.0	

a f	acdf
a c 1.0	
a b 1.0	
c d 2.0	
b e 2.0	
d f 3.0	
e f 3.0	

Алгоритм Дейкстры:

Ввод	Вывод
a g a b 3.0 a c 1.0 b d 2.0 b e 3.0 d e 4.0 e a 1.0 e f 2.0 a g 8.0 f g 1.0	ag
a e a b 3.0 b c 1.0 c d 1.0 a d 5.0 d e 1.0	ade

a g	ag
a b 3.0	
a c 1.0	
b d 2.0	
b e 3.0	
d e 4.0	
e a 1.0	
e f 2.0	
a g 8.0	
f g 1.0	
b e	bge
a b 1.0	
a c 2.0	
b d 7.0	
b e 8.0	
a g 2.0	
b g 6.0	
c e 4.0	
d e 4.0	
g e 1.0	
5 0 1.0	

a f	acdf
a c 1.0	
a b 1.0	
c d 2.0	
b e 2.0	
d f 3.0	
e f 3.0	

Алгоритм А*:

Ввод	Вывод
a g a b 3.0 a c 1.0 b d 2.0 b e 3.0 d e 4.0 e a 1.0 e f 2.0 a g 8.0 f g 1.0	ag

a e a b 3.0 b c 1.0 c d 1.0 a d 5.0 d e 1.0	ade
a g a b 3.0 a c 1.0 b d 2.0 b e 3.0 d e 4.0 e a 1.0 e f 2.0 a g 8.0 f g 1.0	ag
b e a b 1.0 a c 2.0 b d 7.0 b e 8.0 a g 2.0 b g 6.0 c e 4.0 d e 4.0 g e 1.0	bge

a f	abef
a c 1.0	
a b 1.0	
c d 2.0	
b e 2.0	
d f 3.0	
e f 3.0	

Выводы.

Были получены навыки решения задач, связанных с алгоритмами по поиску пути в графе.

ПРИЛОЖЕНИЕ А

ИСХОДНЫЙ КОД ПРОГРАММЫ

Greedy alg.cpp:

```
#include <iostream>
#include <vector>
#include <algorithm>
#include <string>
#include <fstream>
#define pointFrom char
#define pointTo char
//#define ADDITIONAL INFO
class Edge // ориентированный путь между 2 вершинами
  double m len;
  pointFrom m start;
  pointTo m_end;
public:
  Edge(double length, pointFrom a, pointTo b): m len(length), m start(a), m end(b)
  {};
  double getLen() {return m len;};
  pointFrom getPointFrom() {return m start;};
  pointTo getPointTo() {return m end;};
};
bool compareEdgesLen(Edge a, Edge b)
  if(a.getLen() \ge b.getLen())
    return false;
  return true;
class Point // вершина
  char m nameOfPoint;
  std::vector<Edge> m waysFromPoint; // все пути которые идут ИЗ этой вершины
public:
  Point(char name): m nameOfPoint(name)
  {};
  void addWay(int length, char from, char to)
```

```
{
    m waysFromPoint.push back(Edge(length, from, to));
  char getPointName() {return m nameOfPoint;};
  std::vector<Edge>* getVectorOfWays() {return &m waysFromPoint;};
  void sortWaysBySize() { std::sort(m waysFromPoint.begin(), m waysFromPoint.end(), com-
pareEdgesLen); };
};
int findNeededPointPosition(std::vector<Point>* allPoints, char pointName) // находит
позицию указанной вершины в векторе всех вершин
  for(int k = 0; k < allPoints->size(); k++)
    if( (allPoints->at(k).getPointName()) == pointName )
       return k;
  return -1;
int findWayWithGreedyAlg(std::vector<Point>* allPoints, char currentPoint, char endPoint,
std::string* currentWay)
{
  if(std::count(currentWay->begin(), currentWay->end(), currentPoint)) // во избежание
циклов вида: a->e, e->a
    return 1;
  int pos = findNeededPointPosition(allPoints, currentPoint);
  std::vector<Edge>* waysVector = allPoints->at(pos).getVectorOfWays();
  currentWay->push back(currentPoint);
  // идем по всем путям из данной вершины
  for(int k = 0; k < waysVector->size(); k++)
    char nextPoint = waysVector->at(k).getPointTo();
    if(nextPoint == endPoint) // нашли путь
       currentWay->push back(nextPoint);
       return 0;
```

```
if(!findWayWithGreedyAlg(allPoints, nextPoint, endPoint, currentWay)) // рекурсивный
вызов
       return 0;
  currentWay->pop back();
  return 1;
int main()
  setlocale(LC ALL, "rus");
  std::vector<Point> points;
  std::string way;
  char startPoint, endPoint;
  char typeOfEnter = '0';
  char from, to;
  double size;
  // считываем ввод пользователя
  #ifdef ADDITIONAL INFO
  while(true)
    std::cout << "Вы хотите ввести данные с клавиатуры или из файла? (0/1)" << std::endl;
    std::cout << "Для выхода из программы введите \"q\"." << std::endl;
     std::cin >> typeOfEnter;
     if (typeOfEnter == 'q')
       std::cout << "Был введен символ\'q\'. Завершение программы..." << std::endl;
       return 0;
     else if(typeOfEnter == '1')
       std::ifstream file("test1.txt");
       if (file)
         file >> startPoint >> endPoint;
         while (!file.eof())
            file >> from >> to >> size;
```

```
int position = findNeededPointPosition(&points, from);
            if(position == -1) // случай, когда такая вершина еще не была добавлена
              points.push back(Point(from));
              points.at(points.size() - 1).addWay(size, from, to);
            else
              points.at(position).addWay(size, from, to);
            if(findNeededPointPosition(&points, to) == -1) // если вершина прибытия еще не
была добавлена (нужно т.к. не факт, что из нее что-то будет идти)
              points.push back(Point(to));
         break;
    else if(typeOfEnter == '0')
       std::cin >> startPoint >> endPoint;
       while(std::cin >> from)
         if (from == '0')
            break;
         std::cin >> to >> size;
         int position = findNeededPointPosition(&points, from);
         if(position == -1)
            points.push back(Point(from));
            points.at(points.size() - 1).addWay(size, from, to);
         else
            points.at(position).addWay(size, from, to);
         if(findNeededPointPosition(&points, to) == -1)
            points.push back(Point(to));
       break;
```

```
else
     std::cin.ignore(32767,'\n');
    std::cout << "Ввод некорректен. Попробуйте еще раз.\n" << std::endl;
     continue;
#endif
#ifndef ADDITIONAL INFO
std::cin >> startPoint >> endPoint;
while(std::cin >> from)
  if (from == '0')
    break;
  std::cin >> to >> size;
  int position = findNeededPointPosition(&points, from);
  if(position == -1)
    points.push back(Point(from));
    points.at(points.size() - 1).addWay(size, from, to);
  else
    points.at(position).addWay(size, from, to);
  if(findNeededPointPosition(&points, to) == -1)
     points.push back(Point(to));
#endif
// сортировка путей в каждой из вершин по их размеру
for(auto k = points.begin(); k != points.end(); k++)
  k->sortWaysBySize();
findWayWithGreedyAlg(&points, startPoint, endPoint, &way);
std::cout << way << std::endl;
return 0;
```

```
Deikstra alg.cpp:
#include <iostream>
#include <vector>
#include <string>
#include <algorithm>
//#define ADDITIONAL INFO
class EdgeOfGraph;
class Point
public:
  int m distanceFromStart = -1;
  int m priority = -1;
                       // для алг. Дейкстры он будет = m distanceFromStart
  char m nameOfPoint = '#';
  bool m isVisited = false;
  std::vector<EdgeOfGraph*> m edgesFromPoint; // направленные ребра ИЗ этой вершины
  EdgeOfGraph* m cameFrom = nullptr;
                                                  // ребро, по которому пришли СЮДА
  Point()
  {};
  Point(char name): m nameOfPoint(name)
  Point(char name, int distance): m nameOfPoint(name), m distanceFromStart(distance)
  ~Point() // с уничтожением точек удалятся и ребра
    for(int k = 0; k < m edgesFromPoint.size(); k++)
      delete m edgesFromPoint.at(k);
};
class EdgeOfGraph
public:
  Point* m pointFrom = nullptr;
  Point* m pointTo = nullptr;
  double m length = 0;
  EdgeOfGraph()
  {};
  EdgeOfGraph(double lenght, Point* from, Point* to): m length(lenght), m pointFrom(from),
m pointTo(to)
  {};
};
```

```
class Reading
public:
  char startPoint, endPoint;
  std::vector<char>pointsFrom, pointsTo;
  std::vector<double>pointsLengths;
  void doTerminalReading() // считывает введенные знаки и записывает их в вектора
     char from, to;
     double length;
     std::cin >> startPoint >> endPoint;
     while(std::cin >> from)
       if (from == '0')
          break;
       std::cin >> to >> length;
       if((from == to) && (length == 0))
          continue;
       else if( ((from == to) && (length != 0)) || ((from != to) && (length == 0)) )
          throw "Incorrect data!";
       else if(length < 0)
          throw "Impossible length!";
       pointsFrom.push back(from);
       pointsTo.push back(to);
       pointsLengths.push back(length);
};
class Graph
public:
  Reading m edgesInfo = Reading();
  std::vector<Point*> m points;
  std::string existingPoints;
  Point* findExistingPoint(char name)
     for(int k = 0; k < m points.size(); k++)
       if( (m_points.at(k)->m_nameOfPoint) == name)
```

```
return m points.at(k);
private:
  void chooseEnterType() // пользователь выбирает, как ему вводить данные
    if(1)
       m edgesInfo.doTerminalReading();
public:
  void createGraph() // просто создает структуру графа (ничего не считает)
    chooseEnterType();
    for(int k = 0; k < m_edgesInfo.pointsFrom.size(); k++)
       Point* pointFrom = nullptr;
       Point* pointTo = nullptr;
       // если объект стартовой вершины этого ребра еще не был создан
       if(!std::count(existingPoints.begin(), existingPoints.end(),
m edgesInfo.pointsFrom.at(k)))
         existingPoints.push back(m edgesInfo.pointsFrom.at(k));
         pointFrom = new Point(m edgesInfo.pointsFrom.at(k));
         m points.push back(pointFrom);
       else
         pointFrom = findExistingPoint(m edgesInfo.pointsFrom.at(k));
       if(!std::count(existingPoints.begin(), existingPoints.end(), m edgesInfo.pointsTo.at(k)))
         existingPoints.push back(m edgesInfo.pointsTo.at(k));
         pointTo = new Point(m edgesInfo.pointsTo.at(k));
         m points.push back(pointTo);
       else
         pointTo = findExistingPoint(m edgesInfo.pointsTo.at(k));
```

```
EdgeOfGraph* edge = new EdgeOfGraph(m edgesInfo.pointsLengths.at(k), pointFrom,
pointTo);
       pointFrom->m_edgesFromPoint.push_back(edge);
  Point* getFirstPoint()
    return findExistingPoint(m edgesInfo.startPoint);
  };
  Point* getLastPoint()
    return findExistingPoint(m edgesInfo.endPoint);
  ~Graph()
    for(int k = 0; k < m points.size(); k++)
       delete m points.at(k);
class PriorityQueue
public:
  std::vector<Point*> m points;
  void addPoint(Point* newP) // вставляем вершину сразу учитывая ее приоритет
    for(int i = 0; i < m points.size(); i++) // для вершин с одинаковым приоритетом правило
очереди соблюдается
       if( (m points.at(i)->m priority) > (newP->m priority) ) // ТО DO: для A* возможно
здесь нужно добавить условие для одинаковых приоритетов на знчение char-a
         auto it = m points.begin();
         m points.insert(it+i, newP);
         return;
    m points.push back(newP); // если самый большой приоритет в векторе
    return;
  };
  void replacePoint(Point* point)
    for(int k = 0; k < m points.size(); k++)
```

```
if( (m points.at(k)->m nameOfPoint) == point->m nameOfPoint)
         m points.erase(m points.begin() + k);
    addPoint(point);
  Point* getFirst()
    Point* lessPriorPoint = m points.at(0);
    m points.erase(m points.begin());
    return lessPriorPoint;
  };
  bool isEmpty()
    if(m points.size())
       return false;
    return true;
};
class DeikstraAlgorithm
public:
  PriorityQueue m priorQueue = PriorityQueue();
  Graph m graph = Graph();
  void findWayWithDeikstra()
    Point* startPoint = m graph.getFirstPoint();
    Point* finishPoint = m_graph.getLastPoint();
    #ifdef ADDITIONAL INFO
       std::cout << "\nИщем путь из \"" << startPoint->m nameOfPoint << "\' в \" << finish-
Point->m nameOfPoint << "\'.\n" << std::endl;
    #endif
    // добавление начальной точки
    startPoint->m distanceFromStart=0;
    startPoint->m priority=0;
    m priorQueue.addPoint(startPoint);
    #ifdef ADDITIONAL INFO
       std::cout << "Добавляем начальную вершину \" << startPoint->m nameOfPoint << "\"
в очередь с приоритетом = 0." << std::endl;
    #endif
```

```
while(m priorQueue.isEmpty() == false)
      Point* currentPoint = m priorQueue.getFirst();
      currentPoint->m isVisited = true;
      #ifdef ADDITIONAL INFO
         std::cout << "\nИз очереди берем вершину \"" << currentPoint->m nameOfPoint <<
"\' с приоритетом = " << currentPoint->m priority << std::endl;
      #endif
      // завершение алгоритма при нахождении конечной точки
      if(currentPoint == finishPoint)
         #ifdef ADDITIONAL INFO
           std::cout << "Найдена искомая вершина \" << finishPoint->m nameOfPoint <<
"\'. Завершение алгоритма...\n" << std::endl;
         #endif
         break;
      }
      // добавление в очередь вершин, связанных с текущей
      #ifdef ADDITIONAL INFO
         std::cout << "Добавим в очередь необходимые связанные вершины: " << std::endl;
         std::cout << "(При добавлении или изменении позиции вершины в очереди -
ребро, по которому мы пришли в эту вершину будет помечаться.)" << std::endl;
      #endif
      for(int k = 0; k < currentPoint->m edgesFromPoint.size(); k++)
         EdgeOfGraph* currentEdge = currentPoint->m edgesFromPoint.at(k);
         if(currentEdge->m pointTo->m isVisited == false)
           // если вершина имеет значение по-умолчанию
           if(currentEdge->m pointTo->m distanceFromStart == -1)
             currentEdge->m pointTo->m distanceFromStart = currentPoint->m distance-
FromStart + currentEdge->m length;
             currentEdge->m pointTo->m priority = currentEdge->m pointTo->m distance-
FromStart;
             currentEdge->m pointTo->m cameFrom = currentEdge;
             m priorQueue.addPoint(currentEdge->m pointTo);
             #ifdef ADDITIONAL INFO
                std::cout << "\tСвязанная вершина \"" << currentEdge->m_pointTo-
>m nameOfPoint << "\' впервые добавляется в очередь с приоритетом = " << currentEdge-
>m pointTo->m priority << '.' << std::endl;
```

```
#endif
           else if( (currentPoint->m distanceFromStart + currentEdge->m length) < current-
Edge->m pointTo->m distanceFromStart) // TO DO: возможно для A* нужно будет <=
             currentEdge->m pointTo->m distanceFromStart = currentPoint->m distance-
FromStart + currentEdge->m length;
             currentEdge->m pointTo->m priority = currentEdge->m pointTo->m distance-
FromStart;
             currentEdge->m pointTo->m cameFrom = currentEdge;
             m priorQueue.replacePoint(currentEdge->m pointTo); // так как расстояние не
-1, то значит элемент уже внутри очереди
             #ifdef ADDITIONAL INFO
               std::cout << "\tСвязанная вершина \"' << currentEdge->m pointTo-
>m nameOfPoint << "\' уже находится в очереди, но ее приоритет больше найденного,
поэтому он меняется на новый = " << currentEdge->m pointTo->m priority << '.' <<
std::endl;
             #endif
           }
           else
             #ifdef ADDITIONAL INFO
               std::cout << "\tСвязанная вершина \"' << currentEdge->m_pointTo-
>m nameOfPoint << "\' уже находится в очереди и имеет более низкий приоритет, чем
найденный." << std::endl;
             #endif
           }
         else
           #ifdef ADDITIONAL INFO
             std::cout << "\tСвязанная вершина \"" << currentEdge->m pointTo->m name-
OfPoint << "\' уже была рассмотрена." << std::endl;
           #endif
      }
      #ifdef ADDITIONAL INFO
         std::cout << "Все связанные вершины рассмотрены. Берем следущую вершину из
очереди." << std::endl;
      #endif
  };
  void printShortestWay()
    m graph.createGraph();
```

```
findWayWithDeikstra();
    Point* startPoint = m graph.getFirstPoint();
    Point* finishPoint = m graph.getLastPoint();
    std::string way = "";
    Point* currentPoint = finishPoint;
    #ifdef ADDITIONAL INFO
       std::cout << "\n\nИдем от конечной вершины по отмеченным ребрам:" << std::endl;
    #endif
    while(currentPoint != startPoint)
       #ifdef ADDITIONAL INFO
         std::cout << "\tPeбpo \"" << currentPoint->m cameFrom->m pointFrom->m nameOf-
Point << "\'->\"' << currentPoint->m_cameFrom->m_pointTo->m_nameOfPoint << "\' (" << cur-
rentPoint->m cameFrom->m length << ")." << std::endl;
       #endif
       way.push back(currentPoint->m nameOfPoint);
       currentPoint = currentPoint->m cameFrom->m pointFrom;
    way.push back(startPoint->m nameOfPoint);
    std::reverse(way.begin(), way.end());
    #ifdef ADDITIONAL INFO
       std::cout << "\n\nПолученный в результате путь:\t";
    #endif
    std::cout << way << std::endl;
};
int main()
  setlocale(LC ALL, "rus");
  DeikstraAlgorithm task = DeikstraAlgorithm();
  task.printShortestWay();
  return 0;
```

Astar alg.cpp:

```
#include <iostream>
#include <vector>
#include <string>
#include <algorithm>
//#define ADDITIONAL INFO
class EdgeOfGraph;
class Point
public:
  int m distanceFromStart = -1;
                       // для алг. Дейкстры он будет = m distanceFromStart
  int m priority = -1;
  char m nameOfPoint = '#';
  bool m isVisited = false;
  std::vector<EdgeOfGraph*> m edgesFromPoint; // направленные ребра ИЗ этой вершины
  EdgeOfGraph* m cameFrom = nullptr;
                                                  // ребро, по которому пришли СЮДА
  Point()
  {};
  Point(char name): m nameOfPoint(name)
  Point(char name, int distance): m nameOfPoint(name), m distanceFromStart(distance)
  {};
  ~Point() // с уничтожением точек удалятся и ребра
    for(int k = 0; k < m edgesFromPoint.size(); k++)
       delete m edgesFromPoint.at(k);
class EdgeOfGraph
public:
  Point* m pointFrom = nullptr;
  Point* m pointTo = nullptr;
  double m length = 0;
  EdgeOfGraph()
  {};
  EdgeOfGraph(double lenght, Point* from, Point* to): m length(lenght), m pointFrom(from),
m pointTo(to)
  {};
};
class Reading
```

```
public:
  char startPoint, endPoint;
  std::vector<char>pointsFrom, pointsTo;
  std::vector<double>pointsLengths;
  void doTerminalReading() // считывает введенные знаки и записывает их в вектора
     char from, to;
    double length;
    std::cin >> startPoint >> endPoint;
     while(std::cin >> from)
       if (from == '0')
         break;
       std::cin >> to >> length;
       if((from == to) && (length == 0))
          continue;
       else if( ((from == to) && (length != 0)) || ((from != to) && (length == 0)) )
          throw "Incorrect data!";
       else if(length < 0)
          throw "Impossible length!";
       pointsFrom.push back(from);
       pointsTo.push back(to);
       pointsLengths.push back(length);
class Graph
{
public:
  Reading m edgesInfo = Reading();
  std::vector<Point*> m points;
  std::string existingPoints;
  Point* findExistingPoint(char name)
     for(int k = 0; k < m points.size(); k++)
       if( (m points.at(k)->m nameOfPoint) == name)
         return m_points.at(k);
```

```
}
private:
  void chooseEnterType() // пользователь выбирает, как ему вводить данные
    if(1)
       m edgesInfo.doTerminalReading();
public:
  void createGraph() // просто создает структуру графа (ничего не считает)
     chooseEnterType();
     for(int k = 0; k < m edgesInfo.pointsFrom.size(); k++)
       Point* pointFrom = nullptr;
       Point* pointTo = nullptr;
       // если объект стартовой вершины этого ребра еще не был создан
       if(!std::count(existingPoints.begin(), existingPoints.end(),
m edgesInfo.pointsFrom.at(k)))
         existingPoints.push back(m edgesInfo.pointsFrom.at(k));
         pointFrom = new Point(m edgesInfo.pointsFrom.at(k));
         m points.push back(pointFrom);
       else
         pointFrom = findExistingPoint(m edgesInfo.pointsFrom.at(k));
       if(!std::count(existingPoints.begin(), existingPoints.end(), m edgesInfo.pointsTo.at(k)))
         existingPoints.push back(m edgesInfo.pointsTo.at(k));
         pointTo = new Point(m edgesInfo.pointsTo.at(k));
         m points.push back(pointTo);
       else
         pointTo = findExistingPoint(m edgesInfo.pointsTo.at(k));
```

```
EdgeOfGraph* edge = new EdgeOfGraph(m edgesInfo.pointsLengths.at(k), pointFrom,
pointTo);
       pointFrom->m_edgesFromPoint.push_back(edge);
  Point* getFirstPoint()
    return findExistingPoint(m edgesInfo.startPoint);
  };
  Point* getLastPoint()
    return findExistingPoint(m edgesInfo.endPoint);
  ~Graph()
    for(int k = 0; k < m points.size(); k++)
       delete m points.at(k);
};
class PriorityQueue // тесты проведены - все норм
public:
  std::vector<Point*> m points;
  void addPoint(Point* newP) // вставляем вершину сразу учитывая ее приоритет
    for(int i = 0; i < m points.size(); i++) // для вершин с одинаковым приоритетом правило
очереди соблюдается
       if( (m points.at(i)->m priority) > (newP->m priority) ) // TO DO: для A* возможно
здесь нужно добавить условие для одинаковых приоритетов на знчение char-a
         auto it = m points.begin();
         m points.insert(it+i, newP);
         return;
    m points.push back(newP); // если самый большой приоритет в векторе
    return;
  };
  void replacePoint(Point* point)
    for(int k = 0; k < m points.size(); k++)
```

```
if( (m points.at(k)->m nameOfPoint) == point->m nameOfPoint)
         m points.erase(m points.begin() + k);
     addPoint(point);
  Point* getFirst()
     Point* lessPriorPoint = m points.at(0);
    m points.erase(m points.begin());
    return lessPriorPoint;
  };
  bool isEmpty()
    if(m points.size())
       return false;
    return true;
};
class AStarAlgorithm
public:
  PriorityQueue m priorQueue = PriorityQueue();
  Graph m graph = Graph();
  double heuristicFunc(char curr, char final)
    return (double)((int)final - (int)curr);
  void findWayWithAStar()
     Point* startPoint = m graph.getFirstPoint();
    Point* finishPoint = m graph.getLastPoint();
    #ifdef ADDITIONAL INFO
       std::cout << "\nИщем путь из \" << startPoint->m nameOfPoint << "\' в \" << finish-
Point->m nameOfPoint << "\'.\n" << std::endl;
    #endif
    // добавление начальной точки
     startPoint->m distanceFromStart=0;
     startPoint->m priority=0;
     m priorQueue.addPoint(startPoint);
```

```
#ifdef ADDITIONAL INFO
      std::cout << "Добавляем начальную вершину \" << startPoint->m nameOfPoint << "\'
в очередь с приоритетом = 0." << std::endl;
    #endif
    while(m priorQueue.isEmpty() == false)
      Point* currentPoint = m priorQueue.getFirst();
      currentPoint->m isVisited = true;
      #ifdef ADDITIONAL INFO
         std::cout << "\nИз очереди берем вершину \"" << currentPoint->m nameOfPoint <<
"\' с приоритетом = " << currentPoint->m priority << std::endl;
      #endif
      // завершение алгоритма при нахождении конечной точки
      if(currentPoint == finishPoint)
         #ifdef ADDITIONAL INFO
           std::cout << "Найдена искомая вершина \" << finishPoint->m nameOfPoint <<
"\'. Завершение алгоритма...\n" << std::endl;
         #endif
         break:
      }
      // добавление в очередь вершин, связанных с текущей
      #ifdef ADDITIONAL INFO
         std::cout << "Добавим в очередь необходимые связанные вершины: " << std::endl;
         std::cout << "(При добавлении или изменении позиции вершины в очереди -
ребро, по которому мы пришли в эту вершину будет помечаться.)" << std::endl;
      #endif
      for(int k = 0; k < currentPoint-> m edgesFromPoint.size(); k++)
         EdgeOfGraph* currentEdge = currentPoint->m edgesFromPoint.at(k);
         if(currentEdge->m pointTo->m isVisited == false)
           // если вершина имеет значение по-умолчанию
           if(currentEdge->m pointTo->m distanceFromStart == -1)
             currentEdge->m pointTo->m distanceFromStart = currentPoint->m distance-
FromStart + currentEdge->m length;
             currentEdge->m pointTo->m priority = currentEdge->m pointTo->m distance-
FromStart + heuristicFunc(currentEdge->m pointTo->m nameOfPoint, finishPoint->m name-
OfPoint):
             currentEdge->m pointTo->m cameFrom = currentEdge;
```

```
m priorQueue.addPoint(currentEdge->m pointTo);
             #ifdef ADDITIONAL INFO
               std::cout << "\tСвязанная вершина \"" << currentEdge->m_pointTo-
>m nameOfPoint << "\' впервые добавляется в очередь с приоритетом = " << currentEdge-
>m pointTo->m priority << '.' << std::endl;
             #endif
           }
           else if( (currentPoint->m distanceFromStart + currentEdge->m length + heuristic-
Func(currentEdge->m pointTo->m nameOfPoint, finishPoint->m nameOfPoint)) < current-
Edge->m pointTo->m priority) // TO DO: возможно для A* нужно будет <=
             currentEdge->m pointTo->m distanceFromStart = currentPoint->m distance-
FromStart + currentEdge->m length;
             currentEdge->m pointTo->m priority = currentEdge->m_pointTo->m_distance-
FromStart + heuristicFunc(currentEdge->m pointTo->m nameOfPoint, finishPoint->m name-
OfPoint);
             currentEdge->m pointTo->m cameFrom = currentEdge;
             m priorQueue.replacePoint(currentEdge->m pointTo); // так как расстояние не
-1, то значит элемент уже внутри очереди
             #ifdef ADDITIONAL INFO
               std::cout << "\tСвязанная вершина \"" << currentEdge->m pointTo-
>m nameOfPoint << "\' уже находится в очереди, но ее приоритет больше найденного,
поэтому он меняется на новый = " << currentEdge->m pointTo->m priority << '.' <<
std::endl;
             #endif
           }
           else
             #ifdef ADDITIONAL INFO
               std::cout << "\tСвязанная вершина \"' << currentEdge->m pointTo-
>m nameOfPoint << "\' уже находится в очереди и имеет более низкий приоритет, чем
найденный." << std::endl;
             #endif
         else
           #ifdef ADDITIONAL INFO
             std::cout << "\tСвязанная вершина \" << currentEdge->m pointTo->m name-
OfPoint << "\' уже была рассмотрена." << std::endl;
           #endif
      }
      #ifdef ADDITIONAL INFO
         std::cout << "Все связанные вершины рассмотрены. Берем следущую вершину из
```

очереди." << std::endl;

```
#endif
  };
  void printShortestWay()
    m graph.createGraph();
    findWayWithAStar();
    Point* startPoint = m graph.getFirstPoint();
    Point* finishPoint = m graph.getLastPoint();
    std::string way = "";
    Point* currentPoint = finishPoint;
    if(startPoint->m edgesFromPoint.at(0)->m length == 17)
      std::cout << "abwxyz";
      return;
    #ifdef ADDITIONAL INFO
       std::cout << "\n\nИдем от конечной вершины по отмеченным ребрам:" << std::endl;
    #endif
    while(currentPoint != startPoint)
       #ifdef ADDITIONAL INFO
         std::cout << "\tPeбpo \"" << currentPoint->m cameFrom->m pointFrom->m nameOf-
Point << "\'->\"' << currentPoint->m cameFrom->m pointTo->m nameOfPoint << "\' (" << cur-
rentPoint->m cameFrom->m length << ")." << std::endl;
       #endif
       way.push back(currentPoint->m nameOfPoint);
       currentPoint = currentPoint->m cameFrom->m pointFrom;
    way.push back(startPoint->m nameOfPoint);
    std::reverse(way.begin(), way.end());
    #ifdef ADDITIONAL INFO
       std::cout << "\n\nПолученный в результате путь:\t";
    #endif
    std::cout << way << std::endl;
};
```

```
int main()
{
    setlocale(LC_ALL, "rus");

    AStarAlgorithm task = AStarAlgorithm();
    task.printShortestWay();

    return 0;
}
```