Лекция 4: классы типов

Функциональное программирование на Haskell

Алексей Романов 5 марта 2023 г.

МИЭТ

Классы типов

- Полиморфные функции, которые мы видели в прошлый раз, имеют одно определение для любых параметров типов.
- Часто нужно определить функции по-разному для разных типов.
- Для этого используются классы типов.

```
class Eq a where

(==), (/=) :: a -> a -> Bool

x == y = not (x /= y)

x /= y = not (x == y)
```

- Eq название класса.
- а тип, относящийся к этому классу.
- (==) и (/=) функции-члены класса, с определениями по умолчанию.
- Их нужно определить для типа а

Классы типов

- Полиморфные функции, которые мы видели в прошлый раз, имеют одно определение для любых параметров типов.
- Часто нужно определить функции по-разному для разных типов.
- Для этого используются классы типов.

```
class Eq a where

(==), (/=) :: a -> a -> Bool

x == y = not (x /= y)

x /= y = not (x == y)
```

- Eq название класса.
- а тип, относящийся к этому классу.
- (==) и (/=) функции-члены класса, с определениями по умолчанию.
- Их нужно определить для типа а (достаточно одну).

• Чтобы объявить, что тип Bool относится к классу Eq:

```
instance Eq Bool where
    -- (==) :: Bool -> Bool -> Bool
True == True = True
False == False = True
```

• Чтобы объявить, что тип Bool относится к классу Eq:

```
instance Eq Bool where
    -- (==) :: Bool -> Bool -> Bool
    True == True = True
    False == False = True
    _ == _ = False
```

- При этом а в сигнатуре членов заменяется на тип, для которого определяется экземпляр.
- Ещё пример:

• Чтобы объявить, что тип Bool относится к классу Eq:

```
instance Eq Bool where
    -- (==) :: Bool -> Bool -> Bool
    True == True = True
    False == False = True
    _ == _ = False
```

- При этом а в сигнатуре членов заменяется на тип, для которого определяется экземпляр.
- Ещё пример:

```
instance Eq IpAddress where
    -- (==) :: IpAddress -> IpAddress -> Bool
    Ip4Address x == Ip4Address y = x == y
    Ip6Address x == Ip6Address y = x == y
    _ == _ = False
```

• Рекурсивно ли это определение?

• Чтобы объявить, что тип Bool относится к классу Eq:

```
instance Eq Bool where
    -- (==) :: Bool -> Bool -> Bool
    True == True = True
    False == False = True
    _ == _ = False
```

- При этом а в сигнатуре членов заменяется на тип, для которого определяется экземпляр.
- Ещё пример:

```
instance Eq IpAddress where
    -- (==) :: IpAddress -> IpAddress -> Bool
    Ip4Address x == Ip4Address y = x == y
    Ip6Address x == Ip6Address y = x == y
    _ == _ = False
```

• Это не рекурсия: == в правой части относится к другому типу (String).

 Если спросить GHCi про тип ==, получим ghci> :t (==)

(==) :: Eq a => a -> a -> Bool

- Читается «а -> а -> Bool для любого а из Eq».
- Часть перед => называется контекстом.
- Его элементы ограничения. Когда их больше одного, они пишутся в скобках через запятую.

• Если спросить GHCi про тип ==, получим

```
ghci> :t (==)
(==) :: Eq a => a -> a -> Bool
```

- Читается «а -> а -> Bool для любого а из Eq».
- Часть перед => называется контекстом.
- Его элементы ограничения. Когда их больше одного, они пишутся в скобках через запятую.
- Типы полиморфных функций, использующих == и /=, пишутся аналогично. Определим:

```
foo [] = True
foo [x] = True
foo (x : tail@(y : _)) = x == y && foo tail
Какой у неё тип (и смысл)?
```

Если спросить GHCi про тип ==, получим

```
ghci> :t (==)
(==) :: Eq a => a -> a -> Bool
```

- Читается «а -> а -> Bool для любого а из Eq».
- Часть перед => называется контекстом.
- Его элементы ограничения. Когда их больше одного, они пишутся в скобках через запятую.
- Типы полиморфных функций, использующих == и /=, пишутся аналогично. Определим:

```
foo [] = True
foo [x] = True
foo (x : tail@(y : _)) = x == y && foo tail
Какой у неё тип (и смысл)?
```

• foo :: Eq a => [a] -> Bool

Если спросить GHCi про тип ==, получим

```
ghci> :t (==)
(==) :: Eq a => a -> a -> Bool
```

- Читается «а -> а -> Bool для любого а из Eq».
- Часть перед => называется контекстом.
- Его элементы ограничения. Когда их больше одного, они пишутся в скобках через запятую.
- Типы полиморфных функций, использующих == и /=, пишутся аналогично. Определим:

```
foo [] = True foo [x] = True foo (x : tail@(y : _)) = x == y && foo tail
```

Какой у неё тип (и смысл)?

- foo :: Eq a => [a] -> Bool
- Функция проверяет, равны ли все элементы списка.

• Попробуем определить Eq для Maybe a:

• Попробуем определить Eq для Maybe a:

```
instance Eq (Maybe a) where
   -- (==) :: Maybe a -> Maybe a -> Bool
   Just x == Just y = x == y
   Nothing == Nothing = True
   _ == _ = False
```

• Верное ли это определение?

• Попробуем определить Eq для Maybe a:

```
instance Eq (Maybe a) where
   -- (==) :: Maybe a -> Maybe a -> Bool

Just x == Just y = x == y
Nothing == Nothing = True
   _ == _ = False
```

- Здесь а не обязательно Eq, и поэтому x == y не скомпилируется.
- А можно ли так?

```
instance Eq (Maybe a) where
  (==) :: Eq a => Maybe a -> Maybe a -> Bool
  Just x == Just y = x == y
  Nothing == Nothing = True
  _ == _ = False
```

• Попробуем определить Eq для Maybe a:

```
instance Eq (Maybe a) where
   -- (==) :: Maybe a -> Maybe a -> Bool
   Just x == Just y = x == y
   Nothing == Nothing = True
   _ == _ = False
```

- Здесь а не обязательно Eq, и поэтому x == y не скомпилируется.
- А можно ли так?

```
instance Eq (Maybe a) where
  (==) :: Eq a => Maybe a -> Maybe a -> Bool
  Just x == Just y = x == y
  Nothing == Nothing = True
  _ == _ = False
```

 Нет: эта сигнатура для (==) более ограничена, чем заданная классом.

Экземпляры для полиморфных типов с ограничениями

• Правильно так:

```
instance Eq a => Eq (Maybe a) where
  Just x == Just y = x == y
Nothing == Nothing = True
  _ == _ = False
```

- Читаем «Maybe а относится к Eq только тогда, когда а относится к Eq».
- Контексты экземпляров подчиняются тем же правилам, что контексты функций.
- Ограничения могут упоминать другие классы, а не только тот, экземпляр которого определяется.
- Не может быть много экземпляров одного класса для одного типа с разными условиями.

- Как перегрузка функций (или операторов), но глубже встроенная в систему типов.
- Перегруженные функции просто разные функции, связанные только общим именем.
- Здесь обязательно близкие типы и общий смысл.
- И функции могут быть использованы другими полиморфными функциями.

- Как перегрузка функций (или операторов), но глубже встроенная в систему типов.
- Перегруженные функции просто разные функции, связанные только общим именем.
- Здесь обязательно близкие типы и общий смысл.
- И функции могут быть использованы другими полиморфными функциями.
- Не путайте классы типов и классы в ООП, общее только название!
- В С++ есть близкое понятие концепций.

- Как перегрузка функций (или операторов), но глубже встроенная в систему типов.
- Перегруженные функции просто разные функции, связанные только общим именем.
- Здесь обязательно близкие типы и общий смысл.
- И функции могут быть использованы другими полиморфными функциями.
- Не путайте классы типов и классы в ООП, общее только название!
- В С++ есть близкое понятие концепций.
- До C++20 было только для документации, а теперь их можно объявлять и использовать в коде.

- Как перегрузка функций (или операторов), но глубже встроенная в систему типов.
- Перегруженные функции просто разные функции, связанные только общим именем.
- Здесь обязательно близкие типы и общий смысл.
- И функции могут быть использованы другими полиморфными функциями.
- Не путайте классы типов и классы в ООП, общее только название!
- В С++ есть близкое понятие концепций.
- До C++20 было только для документации, а теперь их можно объявлять и использовать в коде.
- Часто сравнивают с интерфейсами в Java/С#, но это подходит хуже:

- Как перегрузка функций (или операторов), но глубже встроенная в систему типов.
- Перегруженные функции просто разные функции, связанные только общим именем.
- Здесь обязательно близкие типы и общий смысл.
- И функции могут быть использованы другими полиморфными функциями.
- Не путайте классы типов и классы в ООП, общее только название!
- В С++ есть близкое понятие концепций.
- До C++20 было только для документации, а теперь их можно объявлять и использовать в коде.
- Часто сравнивают с интерфейсами в Java/C#, но это подходит хуже: в классах типов есть «статические» и бинарные методы, совсем другой смысл функции, возвращающей такой тип.

Другие важные классы

• Линейно упорядоченные типы:

```
class Eq a => Ord a where
  compare :: a -> a -> Ordering
  (<), (<=), (>), (>=) :: a -> a -> Bool
  max, min :: a -> a -> a
```

 Eq a — надкласс 0rd, то есть любой экземпляр 0rd должен быть и экземпляром Eq.

Другие важные классы

• Линейно упорядоченные типы:

```
class Eq a => Ord a where
   compare :: a -> a -> Ordering
   (<), (<=), (>), (>=) :: a -> a -> Bool
   max, min :: a -> a -> a
```

- Eq a надкласс Ord, то есть любой экземпляр Ord должен быть и экземпляром Eq.
- Логически стрелка скорее в другом направлении: а относится к 0rd \implies а относится к Eq.

Другие важные классы

• Линейно упорядоченные типы:

```
class Eq a => Ord a where
  compare :: a -> a -> Ordering
  (<), (<=), (>), (>=) :: a -> a -> Bool
  max, min :: a -> a -> a
```

- Eq a надкласс Ord, то есть любой экземпляр Ord должен быть и экземпляром Eq.
- Логически стрелка скорее в другом направлении: а относится к 0rd \implies а относится к Eq.
- Типы, ограниченные сверху и снизу:

```
class Bounded a where
   minBound, maxBound :: a
```

• Это не подкласс 0rd потому, что порядок, для которого эти значения — границы, может быть частичным.

 Типы, значения которых можно превратить в строки: class Show a where show :: a -> String

. . .

• Типы, значения которых можно превратить в строки:

```
class Show a where
    show :: a -> String
    ...
```

 Или прочитать из строк: class Read a where ...

```
read :: Read a => String -> a
```

• Типы, значения которых можно превратить в строки:

```
class Show a where
    show :: a -> String
    ...
```

Или прочитать из строк:
 class Read a where ...

```
read :: Read a => String -> a
```

 Для нас то, что за многоточиями, неважно, но подробности описаны в документации.

• Типы, значения которых можно превратить в строки:

```
class Show a where
   show :: a -> String
   ...
```

• Или прочитать из строк:

```
class Read a where ...
```

```
read :: Read a => String -> a
```

- Для нас то, что за многоточиями, неважно, но подробности описаны в документации.
- read должна быть обратной к show.
- Заметьте полиморфизм read по возвращаемому типу:

```
ghci> read "2" :: Integer
2
ghci> read "2" :: Double
2.0
```

Опасность read

• Что случится, если передать read неподходящий аргумент?

```
ghci> read "1" :: [Bool]
```

Опасность read

 Что случится, если передать read неподходящий аргумент?

```
ghci> read "1" :: [Bool]
*** Exception: Prelude.read: no parse
```

• Если вы не знаете *точно*, что текст содержит значение, используйте безопасную

```
readMaybe :: Read a => String -> Maybe a
из модуля Text.Read.
```

Опасность read

 Что случится, если передать read неподходящий аргумент?

```
ghci> read "1" :: [Bool]
*** Exception: Prelude.read: no parse
```

• Если вы не знаете *точно*, что текст содержит значение, используйте безопасную readMaybe :: Read a => String -> Maybe a из модуля Text.Read.

- Это не единственная функция в Prelude с такой проблемой.
- Пакет safe содержит безопасные варианты для всех таких функций (посмотрите его документацию).

• Enum содержит типы, значения которых образуют последовательность.

```
class Enum a where
succ, pred :: a -> a
toEnum :: Int -> a
fromEnum :: a -> Int
enumFrom :: a -> [a] -- и ещё 3 вариации
```

 Enum содержит типы, значения которых образуют последовательность.

```
class Enum a where
succ, pred :: a -> a
toEnum :: Int -> a
fromEnum :: a -> Int
enumFrom :: a -> [a] -- и ещё 3 вариации
```

- Для него есть специальный синтаксис:
 - [n..] означает enumFrom n;
 - [n..m] enumFromTo n m;
 - [n,m..] enumFromThen n m;
 - [n,m..l] enumFromThenTo n m l.

 Enum содержит типы, значения которых образуют последовательность.

```
class Enum a where
succ, pred :: a -> a
toEnum :: Int -> a
fromEnum :: a -> Int
enumFrom :: a -> [а] -- и ещё 3 вариации
```

- Для него есть специальный синтаксис:
 - [n..] означает enumFrom n;
 - [n..m] enumFromTo n m;
 - [n,m..] enumFromThen n m;
 - [n,m..l] enumFromThenTo n m l.
- Для Float и Double есть экземпляры Enum, так что можно писать [1.0..]:

```
ghci> [1.2..2.0]
```

 Enum содержит типы, значения которых образуют последовательность.

```
class Enum a where
succ, pred :: a -> a
toEnum :: Int -> a
fromEnum :: a -> Int
enumFrom :: a -> [a] -- и ещё 3 вариации
```

- Для него есть специальный синтаксис:
 - [n..] означает enumFrom n;
 - [n..m] enumFromTo n m;
 - [n,m..] enumFromThen n m;
 - [n,m..l] enumFromThenTo n m l.
- Для Float и Double есть экземпляры Enum, так что можно писать [1.0..], но они довольно странные:

```
ghci> [1.2..2.0]
[1.2.2.2]
```

Иерархия числовых классов

- Вернёмся к «числовым типам» из первой лекции.
- Это тоже классы типов, образующие довольно сложную иерархию.

Иерархия числовых классов

- Вернёмся к «числовым типам» из первой лекции.
- Это тоже классы типов, образующие довольно сложную иерархию.

```
class Num a where
  (+), (-), (*), negate, abs, signum,
  fromInteger
```

class (Num a, Ord a) => Real a where
 toRational

class (Real a, Enum a) => Integral a where
 quot, rem, div, mod, quotRem, divMod
 toInteger

class Num a => Fractional a where
 (/), recip, fromRational

Иерархия числовых классов: дробные типы

```
class Fractional a => Floating a where
   exp, log, sqrt, (**), logBase,
    pi, sin, cos, ...
class (Real a, Fractional a) => RealFrac a where
    properFraction :: Integral b => a -> (b, a)
   truncate, round, ceiling, floor ::
        Integral b => a -> b
class (RealFrac a, Floating a) => RealFloat a where
    isNaN, isInfinite :: a -> Bool
fromIntegral :: (Integral a, Num b) => a -> b
realToFrac :: (Real a, Fractional b) => a -> b
```

• Полная документация.

• Литерал 0 означает fromInteger (0 :: Integer) и соответственно получает тип

- Литерал 0 означает fromInteger (0 :: Integer) и соответственно получает тип Num a => a.
- Аналогично для дробных: 1.1 представляется как рациональное и превращается в fromRational ((11 % 10) :: Rational) типа Fractional a => a.
- Здесь:

```
module Data.Ratio where
data Ratio a -- экспортировано без конструктора
type Rational = Ratio Integer
(%) :: Integral a => a -> a -> Ratio a
```

- Литерал 0 означает fromInteger (0 :: Integer) и соответственно получает тип Num a => a.
- Аналогично для дробных: 1.1 представляется как рациональное и превращается в fromRational ((11 % 10) :: Rational) типа Fractional a => a.
- Здесь:

```
module Data.Ratio where
data Ratio a -- экспортировано без конструктора
type Rational = Ratio Integer
(%) :: Integral a => a -> a -> Ratio a
```

• Использование рациональных чисел для дробных литералов позволяет избежать ошибок округления.

- Литерал 0 означает fromInteger (0 :: Integer) и соответственно получает тип Num a => a.
- Аналогично для дробных: 1.1 представляется как рациональное и превращается в fromRational ((11 % 10) :: Rational) типа Fractional $a \Rightarrow a$.
- Здесь:

```
module Data.Ratio where
data Ratio a -- экспортировано без конструктора
type Rational = Ratio Integer
(%) :: Integral a => a -> a -> Ratio a
```

- Использование рациональных чисел для дробных литералов позволяет избежать ошибок округления.
- Конечно, при преобразовании в Float или Double они вернутся.

Алгебраические классы

- Для разных структур из общей алгебры или линейной алгебры можно определить соответствующие им классы. В стандартной библиотеке есть
- моноиды в Prelude:

```
class Monoid a where
   mempty :: a
   mappend :: a -> a -> a
   mconcat :: [a] -> a

x <> y = mappend x y -- синоним для mappend
```

• и полугруппы в Data. Semigroup.

Алгебраические классы

- Для разных структур из общей алгебры или линейной алгебры можно определить соответствующие им классы. В стандартной библиотеке есть
- моноиды в Prelude:

```
class Monoid a where
    mempty :: a
    mappend :: a -> a -> a
    mconcat :: [a] -> a

x <> y = mappend x y -- синоним для mappend
```

- и полугруппы в Data. Semigroup.
- Ещё несколько из теории категорий, но это предмет будущих лекций.

- При определении функций над классом часто приходится выбирать из двух вариантов:
 - член класса с определением по умолчанию;
 - функция, определённая вне класса.
- Например, (/=) можно было бы определить вне класса:

```
(/=) :: Eq a => a -> a -> Bool
x /= y = not (x == y)
```

- При определении функций над классом часто приходится выбирать из двух вариантов:
 - член класса с определением по умолчанию;
 - функция, определённая вне класса.
- Например, (/=) можно было бы определить вне класса:

```
(/=) :: Eq a => a -> a -> Bool
x /= y = not (x == y)
```

 Такую функцию нельзя реализовать по-разному для разных экземпляров.

- При определении функций над классом часто приходится выбирать из двух вариантов:
 - член класса с определением по умолчанию;
 - функция, определённая вне класса.
- Например, (/=) можно было бы определить вне класса:

```
(/=) :: Eq a => a -> a -> Bool
x /= y = not (x == y)
```

- Такую функцию нельзя реализовать по-разному для разных экземпляров.
- Если для каких-то типов есть реализация лучше той, что по умолчанию, лучше сделать функцию членом класса.

- При определении функций над классом часто приходится выбирать из двух вариантов:
 - член класса с определением по умолчанию;
 - функция, определённая вне класса.
- Например, (/=) можно было бы определить вне класса:

```
(/=) :: Eq a => a -> a -> Bool
x /= y = not (x == y)
```

- Такую функцию нельзя реализовать по-разному для разных экземпляров.
- Если для каких-то типов есть реализация лучше той, что по умолчанию, лучше сделать функцию членом класса.
 - Очевидная проблема: вы можете не знать (или не подумать) о таких типах.

- При определении функций над классом часто приходится выбирать из двух вариантов:
 - член класса с определением по умолчанию;
 - функция, определённая вне класса.
- Например, (/=) можно было бы определить вне класса:

```
(/=) :: Eq a => a -> a -> Bool
x /= y = not (x == y)
```

- Такую функцию нельзя реализовать по-разному для разных экземпляров.
- Если для каких-то типов есть реализация лучше той, что по умолчанию, лучше сделать функцию членом класса.
 - Очевидная проблема: вы можете не знать (или не подумать) о таких типах.
- Или если реализация по умолчанию не всегда верна

- При определении функций над классом часто приходится выбирать из двух вариантов:
 - член класса с определением по умолчанию;
 - функция, определённая вне класса.
- Например, (/=) можно было бы определить вне класса:

```
(/=) :: Eq a => a -> a -> Bool
x /= y = not (x == y)
```

- Такую функцию нельзя реализовать по-разному для разных экземпляров.
- Если для каких-то типов есть реализация лучше той, что по умолчанию, лучше сделать функцию членом класса.
 - Очевидная проблема: вы можете не знать (или не подумать) о таких типах.
- Или если реализация по умолчанию не всегда верна (но тогда почему это реализация по умолчанию?).

16/23

• Рассмотрим такой экземпляр типа:

```
data Weird = Weird Int
```

```
instance Eq Weird where

Weird x == Weird y = x /= y
```

• Даже не зная смысла Weird мы видим, что что-то здесь не так. Что?

• Рассмотрим такой экземпляр типа:

```
data Weird = Weird Int
```

```
instance Eq Weird where

Weird x == Weird y = x /= y
```

- Даже не зная смысла Weird мы видим, что что-то здесь не так.
- Это определение нерефлексивно, то есть Weird 1 /= Weird 1.
- У всех классов типов (почти) есть законы.
- То есть наличия функций типов, указанных в определении, недостаточно;
- для корректных экземпляров должны выполняться определённые законы.

• Например, для Еq законы такие:

• Например, для Еq законы такие:

```
\forall x :: a. x == x 
 \forall x, y :: a. x == y \Longrightarrow y == x 
 \forall x, y, z :: a. x == y \land y == z \Longrightarrow x == z
```

• Например, для Eq законы такие:

```
\forall x :: a. x == x

\forall x, y :: a. x == y \Longrightarrow y == x

\forall x, y, z :: a. x == y \land y == z \Longrightarrow x == z

\forall x, y :: a; Eq b; f :: a -> b. x == y \Longrightarrow
```

• Например, для Eq законы такие:

```
\forall x :: a. x == x

\forall x, y :: a. x == y \Longrightarrow y == x

\forall x, y, z :: a. x == y \land y == z \Longrightarrow x == z

\forall x, y :: a; Eq b; f :: a -> b. x == y \Longrightarrow

f x == f y
```

• Например, для Eq законы такие:

```
\forall x :: a. x == x

\forall x, y :: a. x == y \Longrightarrow y == x

\forall x, y, z :: a. x == y \land y == z \Longrightarrow x == z

\forall x, y :: a; Eq b; f :: a -> b. x == y \Longrightarrow

f x == f y
```

• Законы могут говорить и о связи между классами. Например, если тип одновременно Ord и Bounded, то естественно требовать

```
\forall x :: a. x <= maxBound
\forall x :: a. x >= minBound
```

• Например, для Eq законы такие:

```
\forall x :: a. x == x

\forall x, y :: a. x == y \Longrightarrow y == x

\forall x, y, z :: a. x == y \land y == z \Longrightarrow x == z

\forall x, y :: a; Eq b; f :: a -> b. x == y \Longrightarrow

f x == f y
```

• Законы могут говорить и о связи между классами. Например, если тип одновременно Ord и Bounded, то естественно требовать

```
\forall x :: a. x <= maxBound
\forall x :: a. x >= minBound
```

- Компилятор не может проверить законы.
- Поэтому ответственность за их соблюдение лежит на программисте.

• Почти все определения (==) устроены одинаково:

- Почти все определения (==) устроены одинаково:
 - Типы всех полей всех конструкторов должны быть Eq;
 - Значения с одинаковым конструктором равны, если равны все их поля (или полей нет);
 - Значения с разными конструкторами не равны;
- Почти, но не все:

- Почти все определения (==) устроены одинаково:
 - Типы всех полей всех конструкторов должны быть Eq;
 - Значения с одинаковым конструктором равны, если равны все их поля (или полей нет);
 - Значения с разными конструкторами не равны;
- Почти, но не все: для рациональных чисел не так.

- Почти все определения (==) устроены одинаково:
 - Типы всех полей всех конструкторов должны быть Eq;
 - Значения с одинаковым конструктором равны, если равны все их поля (или полей нет);
 - Значения с разными конструкторами не равны;
- Почти, но не все: для рациональных чисел не так.
- Чтобы не писать такие определения каждый раз, после data или newtype ставят deriving (Eq).
- deriving также работает для Ord, Show, Read, Enum и Bounded.
- Порядок на значениях для Ord, Enum и Bounded задаётся порядком конструкторов в определении.

- Почти все определения (==) устроены одинаково:
 - Типы всех полей всех конструкторов должны быть Eq;
 - Значения с одинаковым конструктором равны, если равны все их поля (или полей нет);
 - Значения с разными конструкторами не равны;
- Почти, но не все: для рациональных чисел не так.
- Чтобы не писать такие определения каждый раз, после data или newtype ставят deriving (Eq).
- deriving также работает для Ord, Show, Read, Enum и Bounded.
- Порядок на значениях для Ord, Enum и Bounded задаётся порядком конструкторов в определении.
- Разные расширения GHC позволяют deriving для других классов.

- Для каждой пары класса и типа можно определить только один экземпляр.
- А что делать, если осмысленных экземпляров больше одного?
- Например, числа моноиды по операциям + и *.

- Для каждой пары класса и типа можно определить только один экземпляр.
- А что делать, если осмысленных экземпляров больше одного?
- Например, числа моноиды по операциям + и *.
- В таком случае мы можем завернуть существующий тип в newtype и определить для нового:

```
newtype Sum a = Sum { getSum :: a }
  deriving (Eq, Ord, Read, Show, Bounded, Num)
instance Num a => Monoid (Sum a) where
  mempty = Sum 0
  mappend (Sum x) (Sum y) = Sum (x + y)
```

- Для каждой пары класса и типа можно определить только один экземпляр.
- А что делать, если осмысленных экземпляров больше одного?
- Например, числа моноиды по операциям + и *.
- В таком случае мы можем завернуть существующий тип в newtype и определить для нового:

```
newtype Sum a = Sum { getSum :: a }
  deriving (Eq, Ord, Read, Show, Bounded, Num)

instance Num a => Monoid (Sum a) where
  mempty = Sum 0
  mappend (Sum x) (Sum y) = Sum (x + y)

newtype Product a = Product { getProduct :: a }
  deriving (Eq, Ord, Read, Show, Bounded, Num)

instance Num a => Monoid (Product a) where ...
```

- Если заметили, Num не было в списке классов, для которых есть автоматический вывод экземпляров.
- Для newtype можно вывести любой класс с помощью расширения GeneralizedNewtypeDeriving.

- Если заметили, Num не было в списке классов, для которых есть автоматический вывод экземпляров.
- Для newtype можно вывести любой класс с помощью расширения GeneralizedNewtypeDeriving.
- Выведенное определение каждой функции вызывает ту же функцию завёрнутого типа с вставкой и разбором конструкторов где нужно:

```
instance Num a => Num (Sum a) where
Sum x + Sum y = Sum (x + y)
Sum x * Sum y = Sum (x * y)
negate (Sum x) = Sum (negate x)
...
```

Классы типов и модули

- Класс(...) в списке импорта/экспорта означает класс со всеми методами, как для типа.
- Поскольку экземпляры не имеют имён, они экспортируются из модуля всегда.
- И импортируются всегда, когда модуль упоминается в списке импорта.

Классы типов и модули

- Класс(..) в списке импорта/экспорта означает класс со всеми методами, как для типа.
- Поскольку экземпляры не имеют имён, они экспортируются из модуля всегда.
- И импортируются всегда, когда модуль упоминается в списке импорта.
- Из-за этого существование экземпляров для пары класс-тип не в одном модуле — проблема.
- Поэтому экземпляры обычно определяются либо в том модуле, где определён тип, либо в том, где определён класс.
- Остальные называются сиротами и по возможности их создания следует избегать.
- Это делается с помощью того же трюка с newtype.

Ограничения классов типов в стандартном Haskell и расширения GHC

- В стандартном Haskell есть несколько ограничений на объявления классов типов и экземпляров.
- А в GHC расширений, которые их снимают.
- Все перечислять не будем, они есть в User's Guide, раздел 10.8.
- Сейчас достаточно знать, что если что-то не компилируется из-за отсутствия
 - -XFlexibleInstances, -XFlexibleContexts или
 - -XInstanceSigs, их спокойно можно включить.
- -XUndecidableInstances, -XOverlappingInstances,
 - -XIncoherentInstances опаснее, но в этом курсе в любом случае не понадобятся.