Лекция 6: работа со списками

Функциональное программирование на Haskell

Алексей Романов 6 марта 2023 г.

ТЄИМ

Списки в Haskell

- Поговорим о списках подробнее.
- Это структура данных, которая постоянно встречается в программах.
- Но по поведению и характеристикам *очень сильно* отличается от списков в Java и C# (или std::vector в C++).

Списки в Haskell

- Поговорим о списках подробнее.
- Это структура данных, которая постоянно встречается в программах.
- Но по поведению и характеристикам *очень сильно* отличается от списков в Java и C# (или std::vector в C++).
- Списки в Haskell и множестве других языков, начиная с Lisp — односвязные.

Списки в Haskell

- Поговорим о списках подробнее.
- Это структура данных, которая постоянно встречается в программах.
- Но по поведению и характеристикам *очень сильно* отличается от списков в Java и C# (или std::vector в C++).
- Списки в Haskell и множестве других языков, начиная с Lisp — односвязные.
- То есть вместе с каждым элементом хранится ссылка на остальную часть списка.
- Вспомним определение:

```
data [a] = [] | a : [a]
```

```
• (++) :: [a] -> [a] -> [a]
```

- (++) :: [а] -> [а] -> [а] объединение.
- (!!) :: [a] -> Int -> a

- (++) :: [a] -> [a] -> [а] объединение.
- (!!) :: [a] -> Int -> a элемент по индексу.
- null :: a -> Bool

- (++) :: [а] -> [а] -> [а] объединение.
- (!!) :: [a] -> Int -> a элемент по индексу.
- null :: a -> Bool проверка на пустоту (лучше, чем length xs == 0! Но сопоставление ещё лучше).
- elem :: Eq a => a -> [a] -> Bool

- (++) :: [а] -> [а] -> [а] объединение.
- (!!) :: [a] -> Int -> a элемент по индексу.
- null :: a -> Bool проверка на пустоту
 (лучше, чем length xs == 0! Но сопоставление ещё лучше).
- elem :: Eq a => a -> [a] -> Bool проверка на вхождение элемента.
- and, or :: [Bool] -> Bool

- (++) :: [а] -> [а] -> [а] объединение.
- (!!) :: [a] -> Int -> a элемент по индексу.
- null :: a -> Bool проверка на пустоту
 (лучше, чем length xs == 0! Но сопоставление ещё лучше).
- elem :: Eq a => a -> [a] -> Bool проверка на вхождение элемента.
- and, or :: [Bool] -> Bool все ли элементы
 True (или есть ли такой).

- (++) :: [а] -> [а] объединение.
- (!!) :: [a] -> Int -> a элемент по индексу.
- null :: a -> Bool проверка на пустоту
 (лучше, чем length xs == 0! Но сопоставление ещё лучше).
- elem :: Eq a => a -> [a] -> Bool проверка на вхождение элемента.
- and, or :: [Bool] -> Bool все ли элементы
 True (или есть ли такой).
- У части из них тип на самом деле более общий, но пока нам не нужен.

- (++) :: [а] -> [а] объединение.
- (!!) :: [a] -> Int -> a элемент по индексу.
- null :: a -> Bool проверка на пустоту (лучше, чем length xs == 0! Но сопоставление ещё лучше).
- elem :: Eq a => a -> [a] -> Bool проверка на вхождение элемента.
- and, or :: [Bool] -> Bool все ли элементы
 True (или есть ли такой).
- У части из них тип на самом деле более общий, но пока нам не нужен.
- Все основные в Data.List.

- (++) :: [а] -> [а] объединение.
- (!!) :: [a] -> Int -> a элемент по индексу.
- null :: a -> Bool проверка на пустоту
 (лучше, чем length xs == 0! Но сопоставление ещё лучше).
- elem :: Eq a => a -> [a] -> Bool проверка на вхождение элемента.
- and, or :: [Bool] -> Bool все ли элементы
 True (или есть ли такой).
- У части из них тип на самом деле более общий, но пока нам не нужен.
- Все основные в Data.List. И ещё пакет safe.

```
• map :: (a -> b) -> [a] -> [b]
```

- map :: (a -> b) -> [a] -> [b] применяет функцию ко всем элементам.
- filter :: (a -> Bool) -> [a] -> [a]

- map :: (a -> b) -> [a] -> [b] применяет функцию ко всем элементам.
- filter :: (a -> Bool) -> [a] -> [a] выбирает элементы, удовлетворяющие условию.
- concatMap :: (a -> [b]) -> [a] -> [b]

- map :: (a -> b) -> [a] -> [b] применяет функцию ко всем элементам.
- filter :: (a -> Bool) -> [a] -> [a] выбирает элементы, удовлетворяющие условию.
- concatMap :: (a -> [b]) -> [a] -> [b] применяет функцию ко всем элементам и объединяет результаты.
- all, any :: (a -> Bool) -> [a] -> Bool

- map :: (a -> b) -> [a] -> [b] применяет функцию ко всем элементам.
- filter :: (a -> Bool) -> [a] -> [a] выбирает элементы, удовлетворяющие условию.
- concatMap :: (a -> [b]) -> [a] -> [b] —
 применяет функцию ко всем элементам и объединяет результаты.
- all, any :: (a -> Bool) -> [a] -> Bool все ли элементы удовлетворяют условию (или есть ли такой).

- map :: (a -> b) -> [a] -> [b] применяет функцию ко всем элементам.
- filter :: (a -> Bool) -> [a] -> [a] выбирает элементы, удовлетворяющие условию.
- concatMap :: (a -> [b]) -> [a] -> [b] применяет функцию ко всем элементам и объединяет результаты.
- all, any :: (a -> Bool) -> [a] -> Bool все ли элементы удовлетворяют условию (или есть ли такой).
- Упражнение: реализуем какие-нибудь из них (рекурсивно и друг через друга).

• Базовые операции — конструирование списков и их разбор через :.

- Базовые операции конструирование списков и их разбор через :.
- Поэтому length (а значит, и length xs == 0) проходит весь список целиком, а null нет.

- Базовые операции конструирование списков и их разбор через :.
- Поэтому length (а значит, и length xs == 0) проходит весь список целиком, а null нет.
- xs !! n цена пропорциональна

- Базовые операции конструирование списков и их разбор через :.
- Поэтому length (а значит, и length xs == 0) проходит весь список целиком, а null нет.
- xs !! n цена пропорциональна n.

- Базовые операции конструирование списков и их разбор через :.
- Поэтому length (а значит, и length xs == 0) проходит весь список целиком, а null нет.
- xs !! n цена пропорциональна n.
- Чем определяется цена xs ++ ys?

- Базовые операции конструирование списков и их разбор через :.
- Поэтому length (а значит, и length xs == 0) проходит весь список целиком, а null нет.
- xs !! n цена пропорциональна n.
- Чем определяется цена xs ++ ys? Длиной xs.

- Базовые операции конструирование списков и их разбор через :.
- Поэтому length (а значит, и length xs == 0) проходит весь список целиком, а null нет.
- xs !! n цена пропорциональна n.
- Чем определяется цена xs ++ ys? Длиной xs.
- Добавление в конец списка xs ++ [y] получается дорогим.
- В цикле может сделать линейный алгоритм квадратичным.

- Базовые операции конструирование списков и их разбор через :.
- Поэтому length (а значит, и length xs == 0) проходит весь список целиком, а null нет.
- xs !! n цена пропорциональна n.
- Чем определяется цена xs ++ ys? Длиной xs.
- Добавление в конец списка xs ++ [y] получается дорогим.
- В цикле может сделать линейный алгоритм квадратичным.
- Вместо добавления в конец часто лучше добавлять в начало, а потом развернуть.

- Базовые операции конструирование списков и их разбор через :.
- Поэтому length (а значит, и length xs == 0) проходит весь список целиком, а null нет.
- xs !! n цена пропорциональна n.
- Чем определяется цена xs ++ ys? Длиной xs.
- Добавление в конец списка xs ++ [y] получается дорогим.
- В цикле может сделать линейный алгоритм квадратичным.
- Вместо добавления в конец часто лучше добавлять в начало, а потом развернуть.
- Всё это осложняется ленивостью, о ней позже.

```
[x*x \mid x < - [1..5], even x] ==
```

```
[x*x \mid x \leftarrow [1..5], \text{ even } x] == [4, 16].
```

- Kak $\{x^2 \mid x \in \{1, ..., 5\}, even(x)\}.$
- x <- [1..5] генератор, even x фильтр.

```
[x*x \mid x \leftarrow [1..5], \text{ even } x] == [4, 16].
```

- Kak $\{x^2 \mid x \in \{1, ..., 5\}, even(x)\}.$
- x <- [1..5] генератор, even x фильтр.
- Тех и других может быть много.
- Генераторы могут использовать переменные, введённые в предыдущих. Пример:

```
[(x, y) | x \leftarrow [1..5], y \leftarrow [1..x], odd (x - y)] ==
```

```
[x*x \mid x \leftarrow [1..5], \text{ even } x] == [4, 16].
```

- Kak $\{x^2 \mid x \in \{1, ..., 5\}, even(x)\}.$
- x <- [1..5] генератор, even x фильтр.
- Тех и других может быть много.
- Генераторы могут использовать переменные, введённые в предыдущих. Пример: $[(x, y) \mid x < [1..5], y < [1..x], odd <math>(x y)] = [(x + y)]$
- Эти выражения преобразуются в комбинации concatMap, map и filter:

```
[x*x \mid x \leftarrow [1..5], \text{ even } x] ==
```

```
[x*x \mid x \leftarrow [1..5], \text{ even } x] == [4, 16].
```

- Kak $\{x^2 \mid x \in \{1, ..., 5\}, even(x)\}.$
- x <- [1..5] генератор, even x фильтр.
- Тех и других может быть много.
- Генераторы могут использовать переменные,
 введённые в предыдущих. Пример:
 [(x, y) | x <- [1..5], y <- [1..x], odd (x y)] ==
- Эти выражения преобразуются в комбинации concatMap, map и filter:

```
[x*x \mid x \leftarrow [1..5], \text{ even } x] ==
map (x \rightarrow x*x) (filter even [1..5])
```

Свёртки списков

```
foldr, foldr' :: (a -> b -> b) -> b -> [a] -> b
foldr f z [x1, x2, ..., xn] ==
    x1 f (x2 f ... (xn f z)...)
foldl, foldl' :: (b -> a -> b) -> b -> [a] -> b
foldl f z [x1, x2, ..., xn] ==
    (...((z f x1) f x2) f ...) f xn
```

• Функции sum, length и т.д. можно реализовать через них (TODO)

Свёртки других типов данных

- Сравним объявление списка с типом foldr:
 data [a] = a : [a] | []
 foldr :: (a -> b -> b) -> b -> [a] -> b
- Видим, что у нас по одному аргументу для каждого конструктора: каждый принимает аргументы типов полей этого конструктора (а если там [a], то b) и возвращает b.
- Последний аргумент разбираемый список.
- Для Maybe:

```
data Maybe a = Nothing | Just a
foldMaybe :: ? -> ? -> ? -> b
```

Свёртки других типов данных

Сравним объявление списка с типом foldr:
 data [a] = a : [a] | []
 foldr :: (a -> b -> b) -> b -> [a] -> b

```
• Видим, что у нас по одному аргументу для каждого конструктора: каждый принимает аргументы типов полей этого конструктора (а если там [а], то b) и возвращает b.
```

- Последний аргумент разбираемый список.
- Для Maybe:

```
data Maybe a = Nothing | Just a
foldMaybe :: ? -> ? -> ? -> b
foldMaybe :: b -> (a -> b) -> Maybe b -> b
```

Свёртки других типов данных

- Сравним объявление списка с типом foldr:
 data [a] = a : [a] | []
 foldr :: (a -> b -> b) -> b -> [a] -> b
- Видим, что у нас по одному аргументу для каждого конструктора: каждый принимает аргументы типов полей этого конструктора (а если там [a], то b) и возвращает b.
- Последний аргумент разбираемый список.
- Для Maybe:

```
data Maybe a = Nothing | Just a
foldMaybe :: ? -> ? -> ? -> b
foldMaybe :: b -> (a -> b) -> Maybe b -> b
```

• Это Data. Maybe. maybe с обратным порядком аргументов. (TODO Bool и деревья)