Министерство науки и высшего образования Российской Федерации

Федеральное государственное автономное образовательное учреждение  
высшего образования «Национальный исследовательский Нижегородский государственный университет им. Н.И. Лобачевского»

Институт Информационных технологий, математики и механики

Отчёт по лабораторной работе

Интерполяция кубическими сплайнами

Выполнил:

студент гр. 381806-01

Зореев М.В.

Проверил:

Доцент каф. ДУМЧА, ИИТММ

Эгамов А.И.

Нижний Новгород

2020 г.Оглавление

Введение

Необходимо решить задачу интерполяции кубическим сплайном.

# **Постановка задачи**

Поскольку сплайн имеет степень 3, то все функции составляющие гладкий кубический сплайн могут быть записаны в виде многочлена 3 степени.

Если провести аналогию с рядом Тейлора, то получим:

Выразим условия непрерывности и гладкости сплайна в терминах коэффициентов , , , . Дополнительно обозначим . Запишем условие непрерывности в точке :

Выпишем условия непрерывности первой и второй производных в точках :

Выпишем условия интерполирования, то есть :

Кроме того, есть ещё условие в точке :

Объединив ранее полученные уравнения в систему получим:

Дополнительно вводятся краевые условия, в данном случае для естественного сплайна:

После этого количество уравнений должно совпасть с количеством неизвестных. Тем не менее, систему можно упростить, сведя её к системе линейных уравнений трёхдиагонального вида. После чего коэффициенты , , могут быть найдены по следующим формулам:

А если учесть, что коэффициенты находится, методом прогонки, из следующей системы:

Руководство пользователя

**Заключение**

**Литература**