

1. Напишите код, моделирующий выпадение поля в рулетке (с учетом поля zero). # my solution ###

```
In [ ]: import numpy as np

for i in range(0, 10):
    a = input()
    x = np.random.uniform(0, 36, 1)
    if 1 <= x <= 18 and x != 0:
        print(int(x), 'Черное')
    elif 18 < x <= 36 and x != 0:
        print(int(x), 'Красное')
    else:
        print(int(x), 'Zero')
```

2.1) Напишите код, проверяющий любую из теорем сложения или умножения вероятности на примере рулетки или подбрасывания монетки. # my solution ###

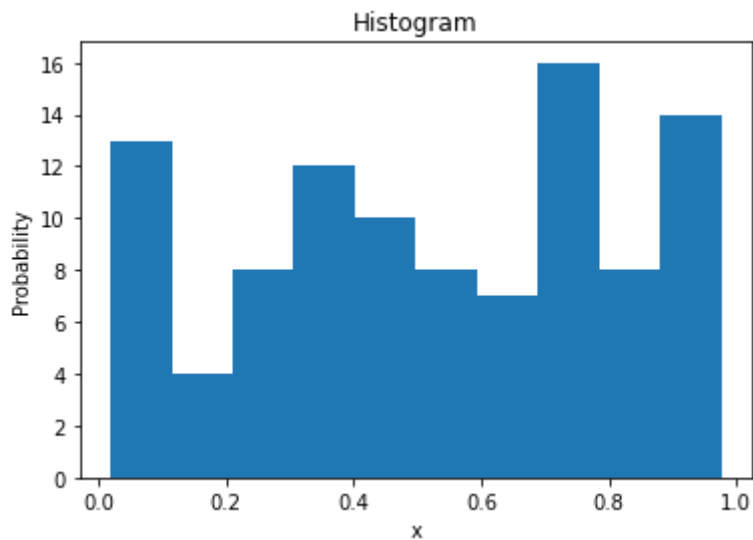
```
In [ ]: import numpy as np
k, m, z = 0, 0, 0
n = 100

for i in range(0, n):
    a = input()
    x = np.random.uniform(0, 36, 1)
    if 1 <= x <= 18 and x != 0:
        # print(int(x), 'Черное')
        k = k + 1
    elif 18 < x <= 36 and x != 0:
        # print(int(x), 'Красное')
        m = m + 1
    else:
        # print(int(x), 'Zero')
        z = z + 1
print(f"Сумма вероятности выпадения 'красное', 'черное', и 'zero' = {k}/{n} ,
      f"{z / n} = {k / n + m / n + z / n}")
```

2.2) Сгенерируйте десять выборок случайных чисел x_0, \dots, x_9 и постройте гистограмму распределения случайной суммы $x_0 + x_1 + \dots + x_9$ # my solution ###

```
In [58]: %matplotlib inline
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
import matplotlib.mlab as mlab
x = np.random.rand(100)
num_bins = 10
n, bins, patches = plt.hist(x, num_bins)
plt.xlabel('x')
plt.ylabel('Probability')
plt.title('Histogram')
```

Out[58]: Text(0.5, 1.0, 'Histogram')



3.1) Дополните код Монте-Карло последовательности независимых испытаний расчетом соответствующих вероятностей (через биномиальное распределение) и сравните результаты. # my solution ###

```
In [59]: import numpy as np
import itertools
import math
k, n = 0, 10000
a = np.random.randint(0, 2, n)
b = np.random.randint(0, 2, n)
c = np.random.randint(0, 2, n)
d = np.random.randint(0, 2, n)
x = a + b + c + d
for i in range(0, n):
    if x[i] == 2:
        k = k + 1
#print(a, b, c, d)
#print(x)
print(k, n, k/n)
```

3741 10000 0.3741

```
In [ ]: #Биномиальное распределение
```

```
In [60]: import math

n = 10
k = 3
p = 0.5

c_n_k = math.factorial(n) / (math.factorial(k) * math.factorial(n - k))
probability = c_n_k * (p ** k) * ((1 - p) ** (n - k))

print(c_n_k, probability)
```

120.0 0.1171875

3.2) Повторите расчеты биномиальных коэффициентов и вероятностей k успехов в последовательности из n независимых испытаний, взяв другие значения n и k .

```
In [61]: import math

n = 100
k = 35
p = 0.5

c_n_k = math.factorial(n) / (math.factorial(k) * math.factorial(n - k))
probability = c_n_k * (p ** k) * ((1 - p) ** (n - k))
```

```
print(c_n_k, probability)
```

```
1.095067153187963e+27 0.0008638556657416528
```

4. Из урока по комбинаторике повторите расчеты, сгенерировав возможные варианты перестановок для других значений n и k

```
In [62]: for p in itertools.product("01", repeat=3):  
         print(''.join(p))
```

```
000  
001  
010  
011  
100  
101  
110  
111
```

```
In [65]: for p in itertools.permutations("01234", 2):  
         print(''.join(str(x) for x in p))
```

```
01  
02  
03  
04  
10  
12  
13  
14  
20  
21  
23  
24  
30  
31  
32  
34  
40  
41  
42  
43
```

```
In [ ]: for p in itertools.combinations("012345", 3):  
         print(''.join(p))
```

```
In [ ]: for p in itertools.product("012345", repeat=3):  
         print(''.join(p))
```

5. Дополните код расчетом коэффициента корреляции x и y по формуле

```
In [70]: %matplotlib inline  
import numpy as np  
import matplotlib.pyplot as plt  
n = 100  
r = 0.7  
x = np.random.rand(n)  
y = r*x + (1 - r)*np.random.rand(n)  
plt.plot(x, y, 'o')  
plt.xlabel('x')  
plt.ylabel('y')  
plt.grid(True)  
  
a = (np.sum(x)*np.sum(y) - n*np.sum(x*y)) / (np.sum(x)*np.sum(x) - n*np.sum(x*x))  
b = (np.sum(y) - a*np.sum(x)) / n  
  
# coff_corr = np.sum((x - (np.sum(x)/n)) * (y - (np.sum(y)/n))) /
```

```

#                                     np.sqrt((np.sum((x-(np.sum(x)/n))**2))*(np.sum((y-(np.sum(y)/n))**2)))
# эта конструкция ломает всю программу, не нашел почему, но ошибка возникает
A = np.vstack([x, np.ones(len(x))]).T
a1, b1 = np.linalg.lstsq(A, y)[0]
print(a, b)
print(a1, b1)
# print(coff_corr)
plt.plot([0, 1], [b, a + b])
plt.show()

```

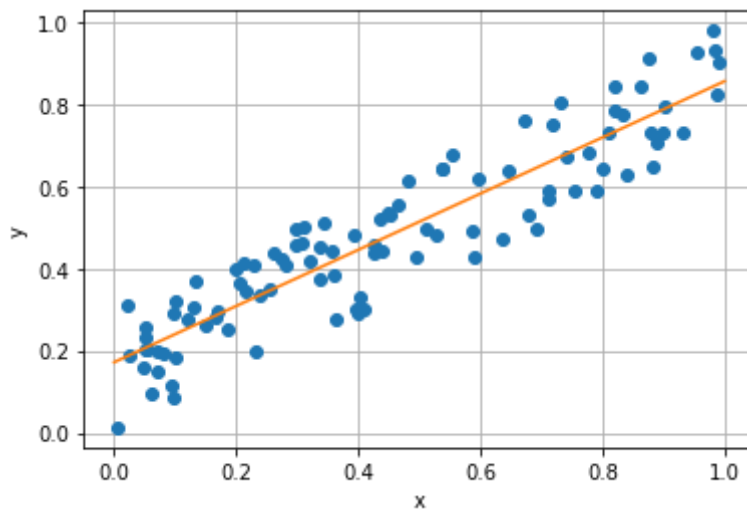
<ipython-input-70-c844e0032397>:20: FutureWarning: `rcond` parameter will change to the default of machine precision times ``max(M, N)`` where M and N are the input matrix dimensions.

To use the future default and silence this warning we advise to pass `rcond=N` one`, to keep using the old, explicitly pass `rcond=-1`.

```

a1, b1 = np.linalg.lstsq(A, y)[0]
0.6831228600868746 0.17187509540888626
0.6831228600868746 0.17187509540888646

```



In []: