

Лазерный Гироскоп

Говголенко М.А.
Рождественский В.И.
Халезов Ф.А.

2025 г.

1 Цель работы

- Исследовать принципы и теорию работы лазерного гироскопа.
- Провести измерения основных характеристик зеemanовского лазерного гироскопа (частотной характеристики, масштабного коэффициента резонатора).
- Определить скорость вращения земли.
- Определить точность гироскопа.

2 Теория

2.1. Интерферометр Саньяка и кольцевой датчик

В неподвижном интерферометре время обхода для обеих волн: $t = \frac{2\pi R}{c}$.

Пусть интерферометр вращается с угловой скоростью Ω , тогда точка встречи двух волн сместится:

$$2\pi R \pm R\Omega_{\pm} = ct_{\pm} \Rightarrow t_{\pm} = \frac{2\pi R}{c \mp R\Omega} \quad (1)$$

где индекс «+» относится к волне, проходящей по контуру в направлении его вращения, «−» — против направления вращения. Тогда разность времен обхода контура встречными волнами:

$$\Delta t = t_{+} - t_{-} = 2\pi R \left(\frac{1}{c - R\Omega} - \frac{1}{c + R\Omega} \right) = 2\pi R \left(\frac{2R\Omega}{c^2 - R^2\Omega^2} \right) \approx \frac{4\pi R^2\Omega}{c^2}. \quad (2)$$

Следовательно, разность оптических путей:

$$\Delta L = c\Delta t = \frac{4\pi R^2\Omega}{c}. \quad (3)$$

При $\pi R^2 = 1 \text{ м}^2$ и $\Omega = 2\pi \frac{\text{рад}}{\text{с}}$: $\Delta L \approx 80 \text{ нм}$.

Частота кругового лазера определяется как $\nu_m = m \frac{c}{L}$, $m \in \mathbb{N}$, где L — длина резонатора. Тогда для вращающегося лазера частоты генерации встречных волн:

$$\nu_{\pm} = m \frac{c}{L \pm \frac{\Delta L}{2}}. \quad (4)$$

2. Газоразрядные промежутки имеют общий катод.
3. В резонаторе возбуждаются оптические колебания не с линейной, а с круговой поляризацией.
4. Два из четырёх зеркал помещены на пьезокерамические элементы, с помощью которых длина резонатора может поддерживаться постоянной.

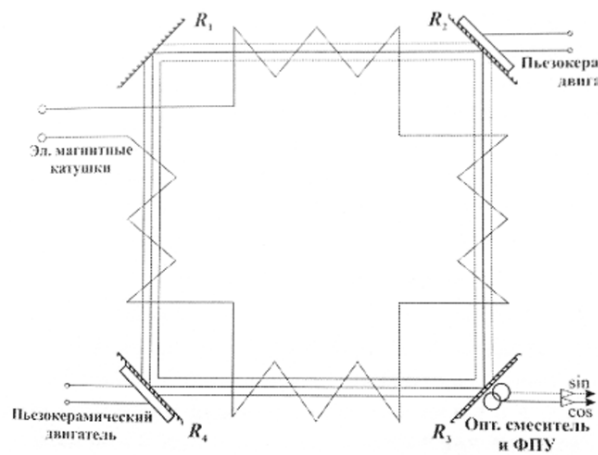


Рис. 2: Оптическая схема четырёх зеркального гироскопа с зеемановской подставкой.

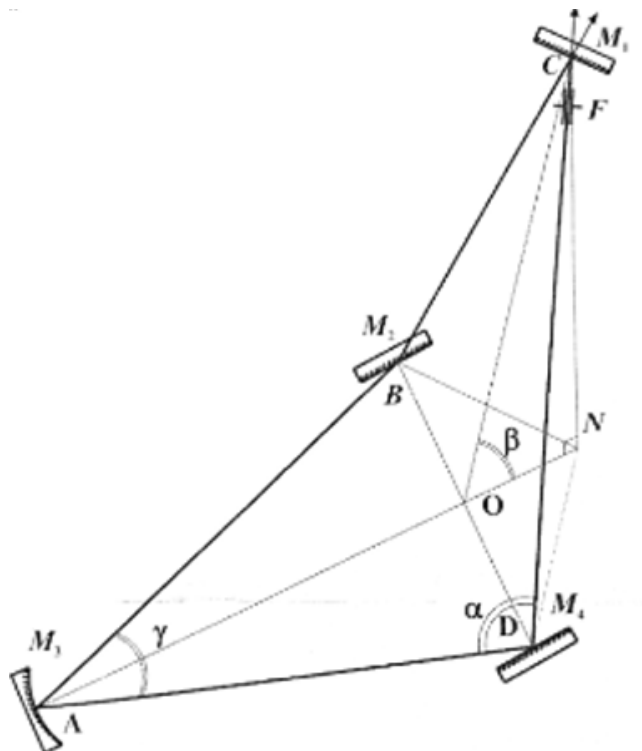


Рис. 3: Оптическая система непланарного резонатора.

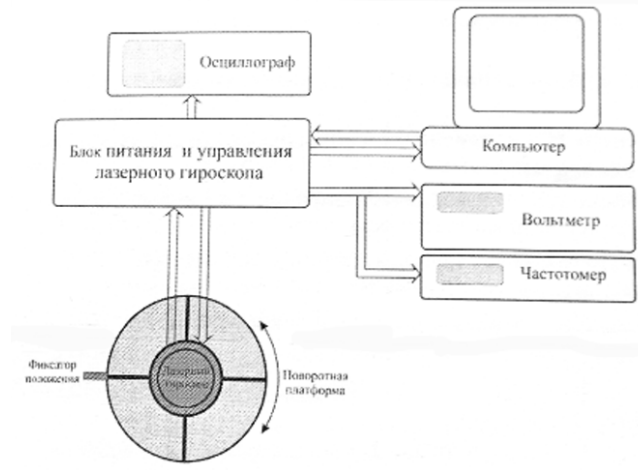


Рис. 4: Экспериментальная установка.

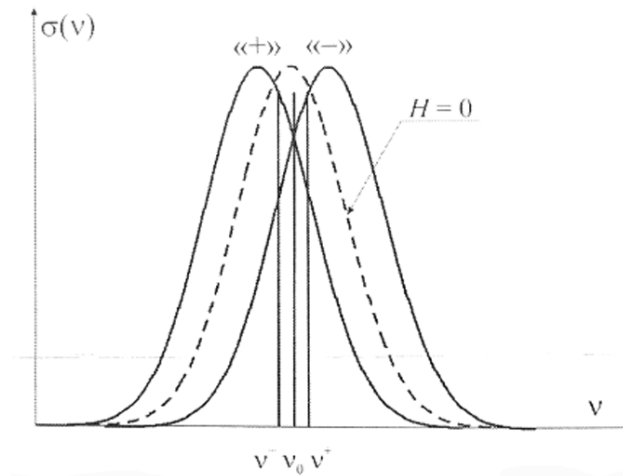


Рис. 5: Расщепление контуров усиления активной среды в магнитном поле, приводящее к расщеплению частот встречных волн.

Зеемановский непланарный гироскоп имеет непланарный четырёхзеркальный резонатор (рис. 2), в котором одно зеркало сферическое, а три других плоские. Можно считать, что оптический контур симметричный, то есть все стороны плеч резонатора равны. Углы падения на зеркала и углы между плоскостями падения от одного зеркала к другому также одинаковые и определяются углом излома резонатора β .

Использование непланарного резонатора приводит к повороту при каждом отражении от зеркала поперечного распределения поля моды на угол, соответствующий углу между плоскостями падения на соседние зеркала, и в результате к расщеплению частот для мод с ортогональными поляризациями. Расщепление частоты для мод с левой и правой круговой поляризацией оказывается равным: $\Delta\nu_{rl} = \frac{c}{L} \frac{\rho}{\pi}$, где $\rho = \sum_i \varphi_i$ — суммарный угол поворота поперечного распределения моды за обход резонатора, а φ_i — поворота распределения поля на каждом зеркале. В зеемановском двухчастотном гироскопе $\varphi_i = \frac{\pi}{8}$, $\rho = \frac{\pi}{2}$, $L = 0.2$ м, что даёт сдвиг частот $\Delta\nu_{rl} = 749.48$ МГц, что есть половина интервала между продольными модами.

Благодаря круговым поляризациям волн, лазер очень чувствителен к магнитному полю, поскольку при наложении магнитного поля параллельно оптической оси резонатора контур усиления активной среды расщепляется надвое — для волн с встречным вращением вектора поляризации (рис. 5). Из-за эффекта затягивания частоты каждая из

встречных волн затягивается к центру своего контура усиления. В результате этого можно искусственно создавать разность частот встречных волн, что позволяет имитировать вращение гироскопа.

3 Ход работы

3.1. Измерение скорости вращения Земли

Для определения скорости вращения Земли проведены четыре измерения угловой скорости гироскопа: для двух направлений оси чувствительности для двух ортогональных мод. Итоговое значение вычислим как полуразность средних для двух направлений оси чувствительности (среднее считается для одинакового направления оси):

N	1	2	3	4
$\Omega, ^\circ/\text{ч}$	-1.436	0.975	11.116	25.399

$$\Omega = \frac{\frac{\Omega_1 + \Omega_2}{2} - \frac{\Omega_3 + \Omega_4}{2}}{2} = 9.224 ^\circ/\text{ч}$$

Сравним полученное значение с истинным. Угловая частота вращения Земли вокруг своей оси $\Omega_z = 15 ^\circ/\text{ч}$. на широте 55° она равна

$$\Omega'_z = \Omega_z \cdot \sin 55^\circ \approx 12.28 ^\circ/\text{ч}$$

Присутствует значительное для лазерного гироскопа расхождение с теоретически рассчитанным результатом. Это может быть с неисправностью самого гироскопа или ошибкой накопления данных.

3.2. Измерение скорости вращения Земли волоконным гироскопом

Для определения скорости вращения Земли волоконным гироскопом проведем два измерения для двух направлений оси чувствительности и итоговое значение вычислим как их полуразность:

$$\Omega = \frac{\Omega_1 - \Omega_2}{2} = 11.2841 ^\circ/\text{ч},$$

где $\Omega_1 = 25.042 ^\circ/\text{ч}$, $\Omega_2 = 2.4738 ^\circ/\text{ч}$. Ошибка измерения скорости вращения Земли составила 8%.

3.3. Измерение выходной характеристики

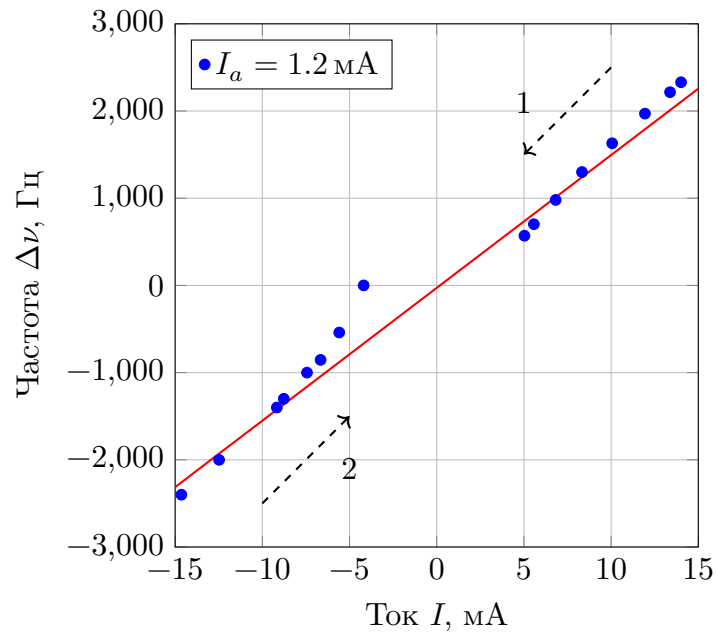


Рис. 6: График зависимости частоты $\Delta\nu$ от тока I при токе накачки $I_a = 1.2$ мА.

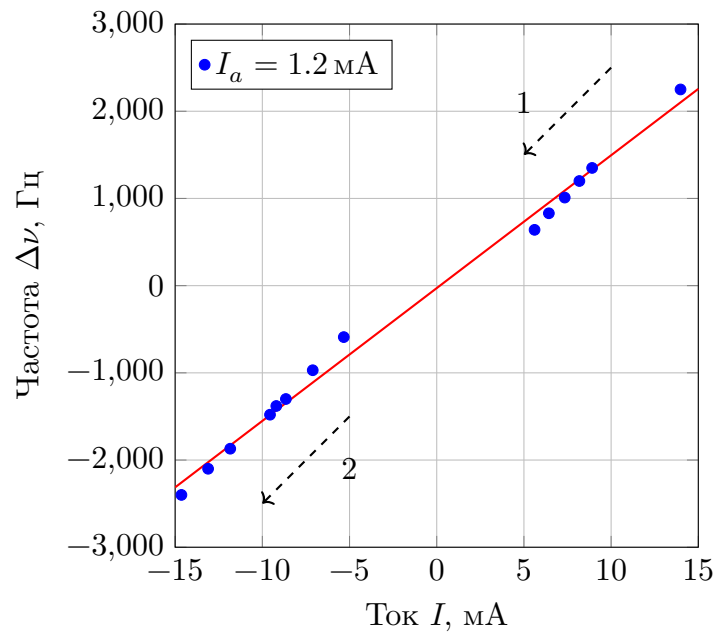


Рис. 7: График зависимости частоты $\Delta\nu$ от тока I при токе накачки $I_a = 1.2$ мА. Красная линия — аппроксимация методом наименьших квадратов.

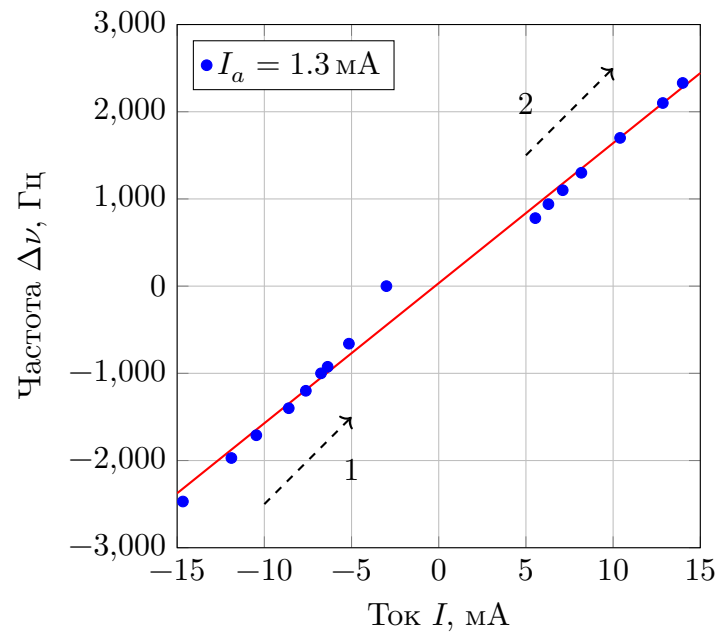


Рис. 8: График зависимости частоты $\Delta\nu$ от тока I при токе накачки $I_a = 1.3$ мА.

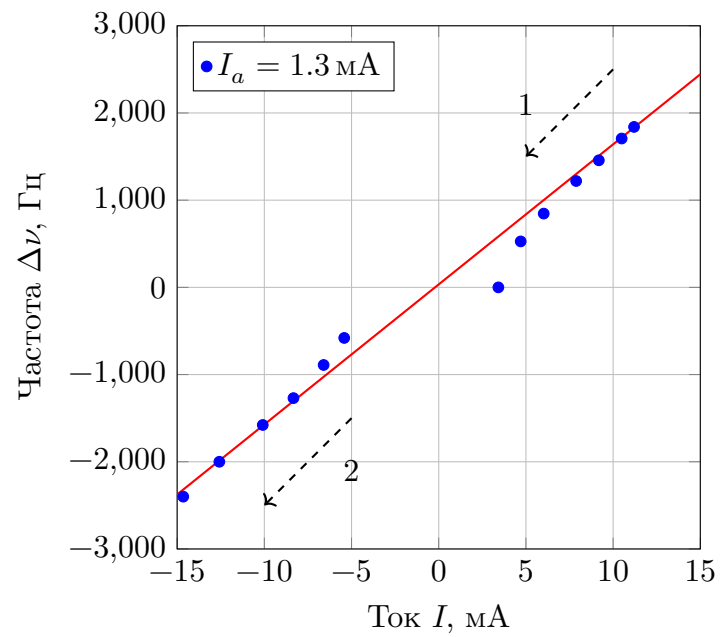


Рис. 9: График зависимости частоты $\Delta\nu$ от тока I при токе накачки $I_a = 1.3$ мА.

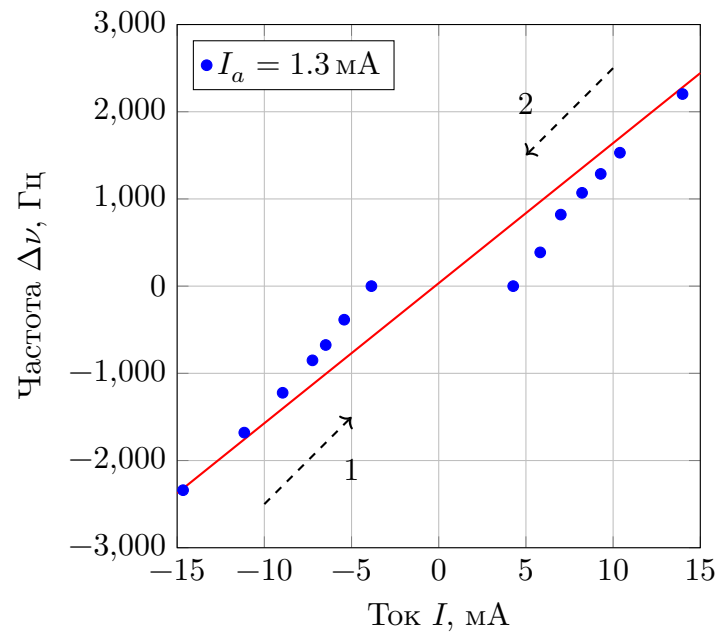


Рис. 10: График зависимости частоты $\Delta\nu$ от тока I при токе накачки $I_a = 1.3$ мА.

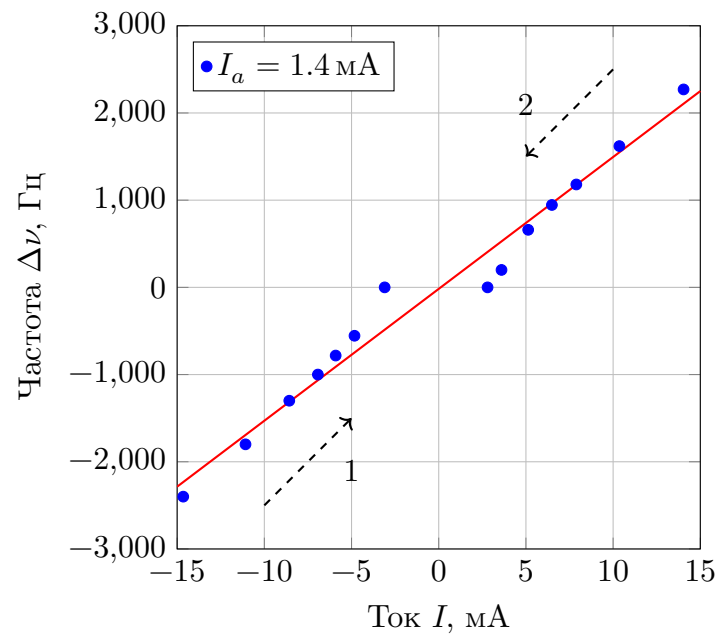


Рис. 11: График зависимости частоты $\Delta\nu$ от тока I при токе накачки $I_a = 1.4$ мА.

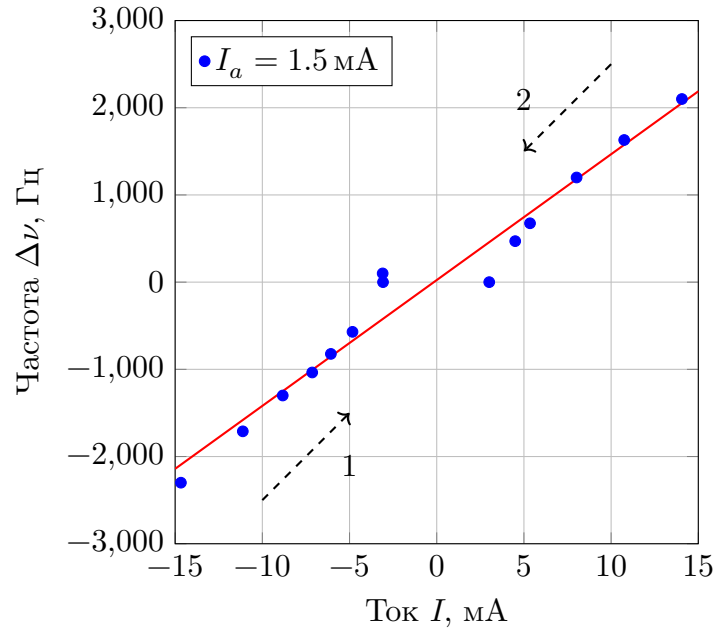


Рис. 12: График зависимости частоты $\Delta\nu$ от тока I при токе накачки $I_a = 1.5$ мА.

Рассчитаем ширину зоны захвата Δ для каждой серии измерений. На рисунках 6–12 можно измерить ширину зоны захвата $\tilde{\Delta}$, выраженную в мА. Для перевода этих значений в Гц, найдем коэффициенты перевода K как коэффициенты наклона линейной (удаленной от зоны захвата) части графиков выходной характеристики. Тогда верна формула $\Delta = K \cdot \tilde{\Delta}$, где Δ — значение ширины зоны захвата в Гц. Полученные значения занесем в таблицу.

I_a , мА	1.2	1.3	1.4	1.5
$\tilde{\Delta}$, мА	8.38	8.13	5.90	6.09
K , Гц/мА	152.32	160.62	151.22	144.31
Δ , Гц	1276.44	1305.84	892.20	878.85

Таблица 1: Параметры гироскопа при различных токах накачки

Отообразим зависимость Δ от I_a :

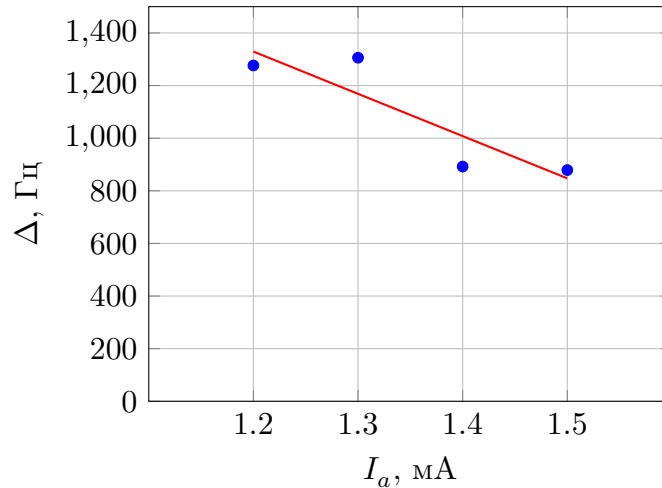


Рис. 13: График зависимости ширины зоны захвата Δ от тока накачки I_a .

4 Выводы

В лабораторной работе мы ознакомились с принципами устройства и исследовали работу зеемановского лазерного гироскопа.

Получены частотные характеристики при различных токах накачки (см. рис. 6–12) и определены его основные параметры (см. таб. 1). Измерена скорость вращения Земли.

Частотные характеристики хорошо аппроксимируются прямой на большом расстоянии от области захвата частот. Зависимость ширины зоны захвата Δ от тока накачки I_a получилась тоже линейной.

5 Контрольные вопросы и упражнения

Задачи, которые нужно было исправить, выделены цветом.

1. В чём недостатки пассивного интерферометра Саньяка? Какова должна быть его площадь, чтобы можно было измерить угловую скорость вращения Земли? Длина волны кольцевого лазера 633 нм, разрешение интерферометра по разности фаз $\frac{\pi}{4}$.

Решение. По формуле (3):

$$\Delta L = \frac{4S\Omega}{c} = \frac{\lambda\Delta\varphi}{2\pi} = \frac{\lambda}{8}.$$

Угловая скорость земли:

$$\Omega = \frac{2\pi}{T} \approx 7.2921150 \cdot 10^{-5} \text{ Гц}.$$

Тогда

$$S = \frac{c\lambda}{32\Omega} \approx 8.13 \cdot 10^4 \text{ м}^2.$$

Одним из существенных недостатков получается большая площадь контура.

2. Вывести выражение (6).

Решение. Поле в месте встречи волн равно $\vec{E} = \vec{E}_1 + \vec{E}_2$. Тогда

$$E^2 = E_1^2 + E_2^2 - 2E_1E_2 \cos \Delta\varphi, \quad I \sim E^2, \quad I_1 \approx I_2, \quad I \sim I_0(1 + \cos \Delta\varphi).$$

Где $\Delta\varphi$ — разность фаз. Так как $\frac{\Delta\lambda}{\lambda} = \frac{\Delta\varphi_0}{2\pi} = \frac{2n\theta x}{\lambda}$, то $\Delta\varphi_0 = \frac{2\pi\varepsilon}{\lambda}$. Исходная разность фаз $\Delta\varphi$ равна сумме $\Delta\varphi_0$, начальной разности фаз ϕ и набега фазы $\Delta\omega t$ в связи с разностью частот.

$$\Delta\varphi = \frac{2\pi\varepsilon}{\lambda} + \Delta\omega t + \phi.$$

В итоге получаем

$$I = I_0 \left(1 + \cos \left(\frac{2\pi\varepsilon}{\lambda} + \Delta\omega t + \phi \right) \right).$$

3. Почему настройка на максимум кривой усиления производится по амплитуде сигнала биений и максимуму частоты биений?

Ответ. Биения представляются в виде

$$x(t) = 2x_0 \cos \left(\frac{\omega_1 - \omega_2}{2} t \right) \cos \left(\frac{\omega_1 + \omega_2}{2} t \right).$$

Тогда если мы определим её максимальную частоту, она будет являться разностью между частотами встречных волн.

В зеемановском резонаторе встречные волны поляризованы ортогонально (с круговой поляризацией), вследствие этого из-за эффекта затягивания частот каждая из встречных волн затягивается к центру своего контура усиления. Зная разность этих частот, как было выведено выше, можно рассчитать скорость вращения гироскопа по формуле (5).

4. Какой из эффектов, определяющий погрешности лазерного гироскопа, представляет наибольшую проблему?

Ответ. Наибольшую проблему представляет сдвиг нуля. Это связано с тем, что даже при отсутствии вращения гироскопа возникает некоторая разность частот встречных волн, которая может быть сопоставима с частотой биений при измерении малых угловых скоростей. Сдвиг нуля возникает из-за асимметрии амплитуд встречных волн, вызванной неоднородностями активной среды, а также из-за влияния внешних факторов, таких как вибрации и температурные изменения.

5. Почему нельзя измерить угловую скорость по разности фаз встречных волн внутри зоны захвата?

Ответ. При угловой скорости, меньшей пороговой, т.е. внутри зоны захвата, встречные волны будут иметь одинаковую частоту и между ними установится постоянная разность фаз, которая не зависит от скорости вращения. То есть по разности фаз уже не определить угловую скорость гироскопа.

6. В чем физическая сущность эффекта Зеемана?

Ответ. Эффект Зеемана — это расщепление энергетических уровней атома в магнитном поле, возникающее из-за взаимодействия магнитного момента атома с полем. Энергия подуровней изменяется на величину $\Delta E = -\vec{\mu}\vec{B}$ и поэтому спектральная линия делится на несколько компонент.

7. Вычислите масштабный коэффициент для кольцевого гелий-неонового лазера с длиной резонатора 20 см и площадью контура 25 см² и сравните результат с экспериментальным значением.

Решение.

$$K = \frac{4S}{\lambda L} \approx 78\,369.906 \text{ Гц},$$

где $\lambda = 638 \text{ нм}$.

8. Оцените зону захвата для гироскопа с параметрами, указанными в вопросе 7. Коэффициент рассеяния зеркал $R_s = 0.3\%$. Амплитуды встречных волн считать одинаковыми. Возможно ли измерить угловую скорость вращения Земли при помощи такого гироскопа, не используя частотные подставки? [найти циклическую частоту \(разность частот встречных волн\) входа в захват.](#)

Решение. Используем формулы (35), (36) и (37) из лабораторного практикума.

$$R \approx R_s \frac{\lambda}{2\pi\omega_0},$$

$$\Delta\nu = K\Omega; \quad K = \frac{4S}{\lambda L},$$

$$\Omega'_L = r_2 \frac{E_1}{E_2} \frac{c}{L}.$$

$R_s = 4 \cdot 3 \cdot 10^{-3}$ так как зеркал резонатора 4. Считаем, что $\omega_0 = 0.53$ мм, $\frac{E_1}{E_2} \approx 1$, $r_2 = R$. Получаем зону захвата:

$$\Omega'_L = \frac{R_s \lambda}{2\pi \omega_0} \frac{cK\lambda}{4S} \approx 3448.6 \text{ Гц} \approx 2.2 \cdot 10^4 \frac{\text{рад}}{\text{с}}.$$

Но частота биений гироскопа равна $\Delta\nu = K\Omega_3 \approx 5.71$ Гц. А значит происходит захват частоты. То есть измерить угловую скорость вращения земли не удастся.

9. Каким образом при помещении активной среды зеемановского гироскопа в магнитное поле происходит расщепление частот встречных волн?

Ответ. Благодаря эффекту Зеемана создаётся два контура усиления, смещённых по частоте. Благодаря эффекту затягивания частоты генерации, каждая встречная волна смещается к центру своего контура, что создает расщепление частот встречных волн.

10. В чем отличия механического гироскопа от лазерного и от интерферометра Саньяка?

Ответ. В механическом гироскопе вращается некоторое тело (ротор). За счёт закона сохранения углового момента ротор сопротивляется изменению направления оси вращения. При помощи него измеряется угол отклонения оси ротора относительно корпуса.

В лазерном гироскопе используется кольцевой лазер, в котором возникают две встречные волны. При вращении контура лазера возникает эффект Саньяка: частоты волн различаются пропорционально угловой скорости вращения. При помощи него измеряется угловая скорость вращения корпуса, на котором он установлен.

В интерферометре Саньяка используется оптоволокно: лазерный свет направляется по длинной витой петле, образуя два встречных пучка. При вращении контура пучки накладываются сдвигом фаз (эффект Саньяка), создавая интерференционную картину. При помощи него измеряется угловая скорость вращения корпуса, на котором он установлен.

11. Каковы аналоги явления захвата частоты в механике и электричестве?

Ответ. Механическим аналогом могут быть автоколебательные механические системы, где частота одного колебателя подстраивается под другой через фазовую обратную связь. Электрическим аналогом является колебательный контур с фазовой автоподстройкой частоты: генератор колебаний синхронизируется с внешним сигналом, частота и разность фаз стабилизируются.

12. В чем сущность явления затягивания частоты в лазере?

Ответ. Явление затягивания частоты связано с аномальной дисперсией активной среды вблизи линии усиления.

Показатель преломления n зависит от частоты: для частот ниже центра линии ($\nu < \nu_0$) он увеличивается, а для частот выше — уменьшается.

Поскольку собственные частоты резонатора определяются как $\nu_m = \frac{mc}{2nL}$ то при увеличении n частоты сдвигаются вниз, а при уменьшении n — вверх. Таким образом, частоты всех мод смещаются в сторону центра линии усиления, что и называется затягиванием частоты генерации.

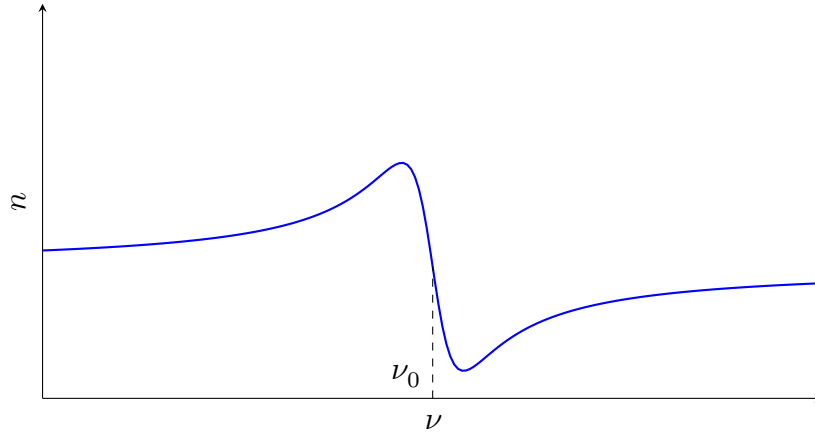


Рис. 14: Дисперсионная кривая около линии усиления ν_0 (аномальная дисперсия).

Как видно из рис. 14, например для частот выше ν_0 показатель преломления n меньше, чем для частоты ν_0 . Поэтому по формуле $\varphi = \frac{2\pi L}{c} \nu n$, фаза, накапливаемая волной при прохождении резонатора, будет меньше, чем для частоты ν_0 . Следовательно, чтобы удовлетворить условию стоячих волн, собственные частоты резонатора будут смещаться вниз к ν_0 . Аналогично для частот ниже ν_0 собственные частоты смещаются вверх к ν_0 .

13. Рассчитайте разность хода встречных волн для вращающегося со скоростью Земли лазерного гироскопа с параметрами, указанными в вопросе 7.

Решение. Из формулы (3) получаем $\Delta L = \frac{4S\Omega_z}{c} \approx 2.4$ фм.

14. Определите величину частотной подставки, создаваемой эффектом Зеемана, если ширина контура усиления $\Delta\nu_0 = 1.5$ ГГц, продольное магнитное поле $H = 7.5$ Э, пропускание выходного зеркала $T = 0.05\%$, периметр резонатора $L = 20$ см, $G_0/k \approx 2$.

Решение. По формуле (33) из лабораторного практикума:

$$\Delta\nu \approx 2 \frac{G_0}{k} \frac{\Delta\nu_z \Delta\nu_r}{\Delta\nu_0}.$$

Используя формулы (30) ($\Delta\nu_z = \pm \frac{g\mu_B}{h} H$ (СИ)) и (32) ($\Delta\nu_r = \frac{\gamma c}{2\pi L}$, где $\gamma \approx T$) лабораторного практикума, получим:

$$\Delta\nu = 2 \frac{G_0}{k} \frac{g\mu_B}{h} H \frac{Tc}{2\pi L} \approx 4.34 \text{ кГц}.$$

15. Рассчитать, как изменится чувствительность (величина масштабного коэффициента) лазерного гироскопа в том случае, если в нем использовать волоконный кольцевой резонатор в виде волокна, намотанного на катушку, в котором в начале был один виток, а потом N витков?

Решение. Если для одного витка $K_1 = \frac{4S}{L\lambda}$, то для N витков площадь и длина контура увеличатся в N раз соответственно. А значит

$$K_N = \frac{4NS}{NL\lambda} = K_1,$$

то есть чувствительность не изменится.

Приветствую! Спасибо за использование моих услуг. Если у вас есть ещё вопросы или нужна помощь, не стесняйтесь обращаться. Удачи в ваших проектах и исследованиях!