АиСД, задача 18.2 стр. 1 из 1

Условие

Отвечать на запросы: входит ли строка s в строку $k \cdot t$ (k повторений строки t). Предподсчет за $\mathcal{O}(|t|)$, ответ за $\mathcal{O}(|s|)$.

Решение

Преподсчитаем сжатое суффиксное дерево для строки 2t. Если |s| < t, то эта задача — просто проверка, что s подходит в дерево для 2t.

Пусть $|s| \ge t$. Тогда пусть префикс s длины t это строка f.

sвходит в $k\cdot t\iff s=m\cdot f+\mathrm{pref}f$, где $\mathrm{pref}f-$ некоторый префикс f, см. рисунок.

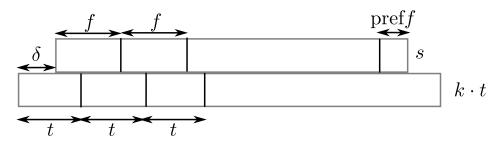


Рис. 1: Отсюда очевидно, что $s=m\cdot f+\operatorname{pref} f$

Заметим, что f это некоторая подстрока $2\cdot t$, поэтому мы можем его найти с помощью построенного суффиксного дерева. Спустимся по s в дереве на |t| символов. Пройденный путь есть f. Если мы не смогли пройти, то ответ на запрос — нет. Теперь, когда известен f, в линию пройдём по s и проверим, что $s=m\cdot f+\operatorname{pref} f$.

```
for i in 0..len(s):
    if s[i] != f[i % len(f)]:
        return false
return true
```

Кроме того, необходимо проверить, что s не выходит за пределы $k \cdot t$, т.е. $\delta + |s| \leq k \cdot |t|$. δ можно тривиально получить при нахождении f.



Рис. 2: Котёнок идет в линию по строке

Михайлов Максим М3237