

Take-Home Eksamen DM500 Studieintroduktion til datalogi, Efteråret 2021

Danny Nicolai Larsen (dalar21), Steffen Bach (stbac21),
Mikkel Brix Nielsen (mikke21)
Studiegruppe 11

12. november 2021

Opgave 1 - Eksamen januar 2009 opgave 1

Dem første opgave der vil blive løst kommer fra Eksamens sættet fra januar 2009, og er opgave nr.2. I denne opgaven skal vi betragte de to matricer:

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 2 \\ 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 3 \end{bmatrix} \quad \text{og} \quad B = \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 \\ 0 & 0 & 0 \\ 2 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

Til denne opgaver forekommer 2 delopgaver. I den ene delopgave skal matricen der forekommer ved $A + B$ beregnes, og i den anden delopgave skal matricen, der forekommer ved $A * B$ beregnes.

Opaver a)

Lad matricen der forekommer ved $A + B$ være C, så kan værdien, der skal indsættes i matrice C, på index (i, j), være summen af tallene, der findes i matrice A på index (i, j) samt værdien, der findes i matrice B på index (i, j).

$$C = A + B \tag{1}$$

$$C = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 2 \\ 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 3 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 \\ 0 & 0 & 0 \\ 2 & 0 & 1 \end{bmatrix} \tag{2}$$

$$= \begin{bmatrix} 1+0 & 1+2 & 2+1 \\ 0+0 & 1+0 & 0+0 \\ 1+1 & 0+0 & 3+1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 3 & 3 \\ 0 & 1 & 0 \\ 2 & 0 & 4 \end{bmatrix} \tag{3}$$

$$C = \begin{bmatrix} 1 & 3 & 3 \\ 0 & 1 & 0 \\ 2 & 0 & 4 \end{bmatrix} \tag{4}$$

Og herved er delopgave a løst, og den matrice der forekommer ved at addere matrice A med matrice B, $A + B$, vil svare til matrice C.

Opgave b)

Lad matricen der forekommer ved $A * B$ være C, så kan værdien, der skal indsættes i matricen C på index (i, j) være summen af produkterne, der optår, når index (i, j) fra matrice A multipliceres med index (j, i) fra matrice B, for alle elementer på række i fra matrice A og kolonne j fra matrice B.

$$C = A * B \quad (5)$$

$$C = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 2 \\ 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 3 \end{bmatrix} * \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 \\ 0 & 0 & 0 \\ 2 & 0 & 1 \end{bmatrix} \quad (6)$$

$$= \begin{bmatrix} 1*0+1*0+2*2 & 1*2+1*0+2*0 & 1*1+1*0+2*1 \\ 0*0+1*0+0*2 & 0*2+1*0+0*0 & 0*1+1*0+0*1 \\ 1*0+0*0+3*2 & 1*2+0*0+3*0 & 1*1+0*0+3*1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 4 & 2 & 3 \\ 0 & 0 & 0 \\ 6 & 2 & 4 \end{bmatrix} \quad (7)$$

$$C = \begin{bmatrix} 4 & 2 & 3 \\ 0 & 0 & 0 \\ 6 & 2 & 4 \end{bmatrix} \quad (8)$$

Og herved er delopgave b løst, og den matrice der forekommer ved at multiplicere matrice A med matrice B, $A * B$, vil svare til matrice C.

Opgave 2

Opgave 3

Opgave 4