

МИНОБРНАУКИ РОССИИ
САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ
ЭЛЕКТРОТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ
«ЛЭТИ» ИМ. В.И. УЛЬЯНОВА (ЛЕНИНА)
Кафедра МО ЭВМ

ОТЧЕТ
по лабораторной работе №2
по дисциплине «Построение и анализ алгоритмов»
Тема: Жадный алгоритм и A^*

Студент гр. 8303

Пушпышев А.И.

Преподаватель

Фирсов М.А.

Санкт-Петербург

2020

Цель работы.

Изучить и реализовать на языке программирования c++ жадный алгоритм поиска пути в графе и алгоритм A* поиска кратчайшего пути в графе между двумя заданными вершинами.

Задание.

Вар. 8. Перед выполнением A* выполнять предобработку графа: для каждой вершины отсортировать список смежных вершин по приоритету.

Разработайте программу, которая решает задачу построения кратчайшего пути в *ориентированном* графе методом A*. Каждая вершина в графе имеет буквенное обозначение ("a", "b", "c"...), каждое ребро имеет неотрицательный вес. В качестве эвристической функции следует взять близость символов, обозначающих вершины графа, в таблице ASCII.

Разработайте программу, которая решает задачу построения пути в ориентированном графе при помощи жадного алгоритма. Жадность в данном случае понимается следующим образом: на каждом шаге выбирается последняя посещённая вершина. Переместиться необходимо в ту вершину, путь до которой является самым дешёвым из последней посещённой вершины. Каждая вершина в графе имеет буквенное обозначение ("a", "b", "c"...), каждое ребро имеет неотрицательный вес.

Входные данные

В первой строке через пробел указываются начальная и конечная вершины

Далее в каждой строке указываются ребра графа и их вес

Выходные данные

В качестве выходных данных необходимо представить строку, в которой перечислены вершины, по которым необходимо пройти от начальной вершины до конечной. Для приведённых в примере входных данных ответом будет

Пример входных данных

a e

a b 3.0

b c 1.0

c d 1.0

a d 5.0

d e 1.0

Соответствующие выходные данные

A*: ade

Жадный алгоритм: abcde

Описание алгоритма.

Жадный алгоритм:

Для удобства в начале работы жадного алгоритма поиска пути в ориентированном графе, список рёбер сортируется по не убыванию их весов. Алгоритм начинает поиск из заданной вершины. Текущая просматриваемая вершина добавляется в список просмотренных.

В отсортированном списке рёбер выбирается первое (сортировка гарантирует, что это будет минимальное), которое начинается в просматриваемой вершине, если эта вершина не просмотрена, то текущей вершиной становится та, в которой заканчивается это ребро, если она уже просмотрена, то выбирается следующее ребро. Если в какой-то момент из текущей вершины нет путей, то происходит откат на шаг назад, и в предыдущей вершине выбирается другое ребро, если это возможно.

Алгоритм заканчивает свою работу, когда текущей вершиной становится искомая, или когда были просмотрены все рёбра, которые начинаются из исходной вершины.

A^* :

Поиск начинается из исходной вершины. В текущие возможные пути добавляются все рёбра из начальной вершины. Происходит выбор минимального пути, где учитывается эвристическая близость вершины к искомой (в нашем случае это близость в таблице ASCII), если в выбранном пути последняя вершина уже была просмотрена, то этот путь удаляется из открытого списка, и снова происходит выбор минимального пути.

Выбираются из всех рёбер графа те, которые начинаются из последней вершины в этом пути. Эта вершина добавляется к этому пути, и новый путь заносится в список возможных путей, с увеличением стоимости, равной переходу по этому ребру. Когда были выбраны все рёбра, которые начинаются из последней вершины в этом пути, то эта вершина добавляется в закрытый список, а сам путь удаляется из открытого списка путей. Дальше снова происходит выбор минимального пути.

Алгоритм заканчивает свою работу, когда достигается искомая вершина.

Сложность жадного алгоритма по операциям:

$O(|V| * |E|)$

Сложность жадного алгоритма по памяти:

$O(|E|)$

Сложность A^* алгоритма по операциям:

$O(|V| * \log|V|)$ в случае оптимальной эвристики и $O(|V| * |V|)$ в худшем случае

Сложность A^* алгоритма по памяти:

$O(|E|)$

Так как алгоритм работает с графом, идейно проще оценивать сложность от количества вершин и ребер. $|V|$ - количество вершин и $|E|$ - количество ребер.

Описание функций и структур данных.

A*

1.

```
struct Edge//ребро графа
{
    char bgn;//начальная вершина
    char end;//конечная вершина
    double wt;//вес ребра
};
```

2.

```
struct Step//возможные пути
{
    string path;//путь
    double length;//длина пути
    char estuary;
};
```

3. void input_graph()//ввод графа

4. bool is_visible(char value)//проверка доступа к вершине

5. void Search()//процесс выполнения A*

Жадный алгоритм

1.

```
struct Edge//ребро графа
{
    char bgn;//начальная вершина
    char end;//конечная вершина
```

```
    double wt;//вес ребра  
};
```

2.

```
struct Step//возможные пути  
{  
    string path;//путь  
    double length;//длина пути  
    char estuary;  
};
```

3. void input_graph()//ввод графа

4. bool is_visible(char value)//проверка доступа

5. void to_search()//инициализация жадного алгоритма

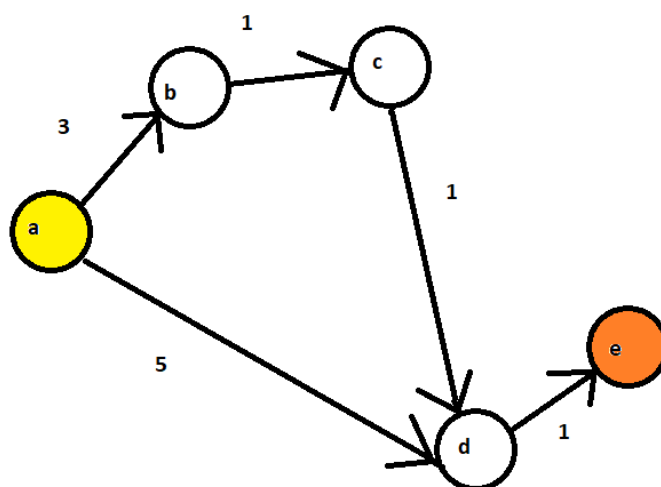
6. bool Search(char value)//жадный алгоритм

7. void Print()//вывод результата

Исследование и тестирование.

Входные данные	Результат	
	A*	Жадный алгоритм
a e a b 3.0 b c 1.0 c d 1.0 a d 5.0 d e 1.0	ade	abcde
a m a b 3.0 b c 1.0 c d 1.0 a d 5.0 d e 1.0 e f 3.0 j p 2.0 e p 1.0 p m 5.0	adepm	abcdep m
a b a b 3.0 m b 1.0 j b 1.0	ab	ab
a b a b 3.0	ab	ab

Графическое представление графа №1 из тестирования.



Выводы.

В ходе выполнения данной лабораторной работы были изучены и реализованы два алгоритма. На основе анализа результатов тестирования алгоритмов, мы явным образом показали главное их отличие. При этом можно сказать, что алгоритм A^* имеет схожий образ по сравнению с алгоритмом Дейкстры, пройденном в рамках курса Дискретной математики. Отличие состоит в том, что сложность эвристики у алгоритма Дейкстры равна 0, при этом он обходит больше “территории”, по сравнению с A^* , что делает его медленнее. Жадный алгоритм не входит в сравнение, потому что он в принципе не гарантирует кратчайший путь.

ПРИЛОЖЕНИЕ А. ИСХОДНЫЙ КОД

•

```
#include <iostream>
#include <vector>
#include <string>
#include <cmath>
#include <cfloat>
#include <algorithm>

using namespace std;

struct Edge//ребро графа
{
    char bgn;//начальная вершина
    char end;//конечная вершина
    double wt;//вес ребра
};

struct Step//возможные пути
{
    string path;//путь
    double length;//длина пути
    char estuary;//конец пути
};

class A_star_graph
{
private:
    vector <Edge> graph;//список смежности
    vector <Step> result;//преобразовываемый (открытый) список конечных путей
    vector <char> current;//закрытый список вершин, содержит текущий путь

    char source;
    char estuary;

public:
    A_star_graph(){
    };
    void input_graph()
    {
        cin >> source >> estuary;
        char temp;
        while(cin >> temp)
        {
            Edge element;
            element.bgn = temp;
            cin >> element.end;
            cin >> element.wt;
            graph.push_back(element);
        }
        string buf = "";
        buf += source;
        for(auto & i : graph)
        {
            if(i.bgn == source)
            {
                buf += i.end;
            }
        }
    }
};
```

```

        result.push_back({buf, i.wt});
        result.back().estuary = estuary;
        buf.resize(1); // запись всех ребер, которые исходят из начальной позиции
    }
}
current.push_back(source);
}

size_t min_elem() //возвращает индекс минимального элемента из непросмотренных
{
    double min;
    min = DBL_MAX;
    size_t temp = -1;
    for(size_t i(0); i < result.size(); i++)
    {
        if(result.at(i).length + abs(estuary - result.at(i).path.back()) < min)
        {
            if(is_visible(result.at(i).path.back()))
            {
                result.erase(result.begin() + i);
            }
            else
            {
                min = result.at(i).length + abs(estuary -
result.at(i).path.back());
                temp = i;
            }
        }
    }
    return temp;
}

bool is_visible(char value) //проверка доступа к вершине
{
    for(char i : current) {
        if (i == value) {
            return true;
        }
    }
    return false;
}

void Search()
{
    sort(result.begin(), result.end(), [](const Step & a, const Step & b) -> bool
    {
        return a.length + a.estuary - a.path.back() > b.length + b.estuary -
b.path.back();
    });
    while(true)
    {
        size_t min = min_elem();
        if(min == -1){
            cout << "Wrong graph";
            break;
        }
        if(result.at(min).path.back() == estuary)
        {
            cout << result.at(min).path;
            return;
        }
        for(auto & i : graph)

```

```

        {
            if(i.bgn == result.at(min).path.back())
            {
                string buf = result.at(min).path;
                buf += i.end;
                //cout << buf << endl;
                result.push_back({buf, i.wt + result.at(min).length});
            }
        }
        current.push_back(result.at(min).path.back());
        result.erase(result.begin() + min);
    }
};

```

```

int main()
{
    A_star_graph element;
    element.input_graph();
    element.Search();
    return 0;
}

```

```

#include <iostream>
#include <vector>
#include <algorithm>

using namespace std;

struct Edge
{
    char bgn;
    char end;
    double wt;
};

class Greedy_graph
{
private:
    vector <Edge> graph;
    vector <char> result;
    vector <char> current;
    char source;
    char estuary;

public:
    Greedy_graph()
    {
    }

    void input_graph(){
        cin >> source >> estuary;
        char temp;
        while(cin >> temp)
        {
            Edge element;
            element.bgn = temp;
            if(!(cin >> element.end))
                break;
            if(!(cin >> element.wt))
                break;
            graph.push_back(element);
        }
        sort(graph.begin(), graph.end(), [](Edge first, Edge second)
        {
            return first.wt < second.wt;
        }));
    }

    bool is_visible(char value)
    {
        for(char i : current)
            if(i == value)
                return true;
        return false;
    }

    void to_search()
    {
        if(source != estuary)
            Search(source);
    }

```

```

bool Search(char value)
{
    if(value == estuary)
    {
        result.push_back(value);
        return true;
    }
    current.push_back(value);
    for(auto & i : graph)
    {
        if(value == i.bgn)
        {
            if(is_visible(i.end))
                continue;
            result.push_back(i.bgn);
            bool flag = Search(i.end);
            if(flag)
                return true;
            result.pop_back();
        }
    }
    return false;
}

void Print()
{
    for(char i : result)
        cout << i;
}

};

int main()
{
    Greedy_graph element;
    element.input_graph();
    element.to_search();
    element.Print();
    return 0;
}

```