

**НАЦІОНАЛЬНИЙ ТЕХНІЧНИЙ УНІВЕРСИТЕТ УКРАЇНИ
«КИЇВСЬКИЙ ПОЛІТЕХНІЧНИЙ ІНСТИТУТ ІМЕНІ ІГОРЯ
СІКОРСЬКОГО»**

**Факультет інформатики та обчислювальної техніки
Кафедра інформатики та програмної інженерії**

**Звіт по лабораторній роботі №3
«Моделювання систем»
«Побудова імітаційної моделі системи з використанням формалізму
моделі масового обслуговування»**

Студент: Галько М.В.

Група: ПІ-01

Київ, 2023

ЗМІСТ

Завдання 1	2
Завдання	2
Діаграма структури	2
Код побудови системи	2
Вивід процесу	3
Результат	4
Завдання 2	6
Завдання	6
Діаграма структури	7
Додаткові умови та їх реалізація	7
Код побудови системи	9
Вивід процесу	9
Результат	11
Завдання 3	13
Завдання	13
Діаграма структури	15
Додаткові умови та їх реалізація	15
Код побудови системи	18
Результат	23
Результати нової моделі	25

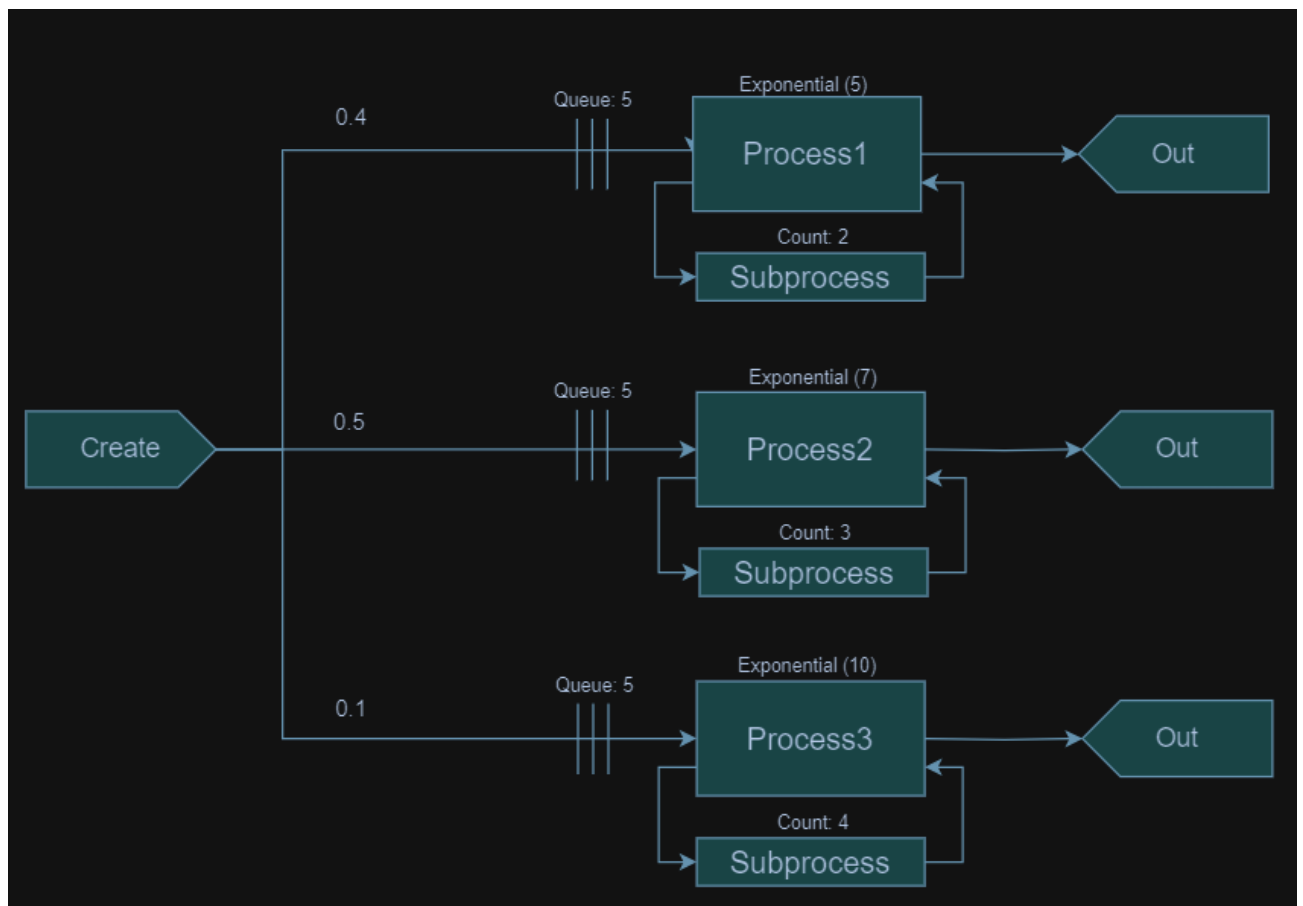
Завдання 1

Завдання

Реалізувати універсальний алгоритм імітації моделі масового обслуговування з багатоканальним обслуговуванням, з вибором маршруту за пріоритетом або за заданою ймовірністю. **30 балів.**

Діаграма структури

Реалізуємо систему із Create та 3-а Process елементами:



Код побудови системи

```
public class Task1
{
    public Model Model;
    private Create _create = new();
    private Process _process1 = new(5, 2, maxQueue: 5);
    private Process _process2 = new(7, 3, maxQueue: 5);
    private Process _process3 = new(10, 4, maxQueue: 5);

    public Task1()
    {
        var container = new NextElementsContainerByProbability();
        container.AddNextElement(_process1, 40);
    }
}
```

```

        container.AddNextElement(_process2, 50);
        container.AddNextElement(_process3, 10);
        _create.NextElementsContainer = container;

        Model = new Model(new List<Element> { _create, _process1, _process2,
        _process3 });
    }
}

```

Вивід процесу

Запустимо симуляцію на час 100. Отже маємо наступний вивід:

```

Event: CREATE StartTime: 0.00000 Delay: 0.52189 CurrentTime: 0.52189 Item: _0
  CREATE created=1 delay=0.52189 tnext=0.52189
    PROCESS_1 tnext=∞
      SubProcess_0 quantity=0
      SubProcess_1 quantity=0
    - PROCESS_2 tnext=18.45625
      - SubProcess_0 quantity=1 delay=18.45625 tnext=18.45625 Item_0
      SubProcess_1 quantity=0
      SubProcess_2 quantity=0
    PROCESS_3 tnext=∞
      SubProcess_0 quantity=0
      SubProcess_1 quantity=0
      SubProcess_2 quantity=0
      SubProcess_3 quantity=0

Event: CREATE StartTime: 0.52189 Delay: 1.88841 CurrentTime: 2.41030 Item: _1
  CREATE created=2 delay=1.88841 tnext=2.41030
    - PROCESS_1 tnext=1.17383
      - SubProcess_0 quantity=1 delay=0.65194 tnext=1.17383 Item_1
      SubProcess_1 quantity=0
    - PROCESS_2 tnext=18.45625
      - SubProcess_0 quantity=1 delay=18.45625 tnext=18.45625 Item_0
      SubProcess_1 quantity=0
      SubProcess_2 quantity=0
    PROCESS_3 tnext=∞
      SubProcess_0 quantity=0
      SubProcess_1 quantity=0
      SubProcess_2 quantity=0
      SubProcess_3 quantity=0

Event: PROCESS_1 StartTime: 1.17383 Delay: 0.65194 CurrentTime: ∞ Item: _1
  CREATE created=2 delay=1.88841 tnext=2.41030
    PROCESS_1 tnext=∞
      SubProcess_0 quantity=1
      SubProcess_1 quantity=0
    - PROCESS_2 tnext=18.45625
      - SubProcess_0 quantity=1 delay=18.45625 tnext=18.45625 Item_0
      SubProcess_1 quantity=0
      SubProcess_2 quantity=0
    PROCESS_3 tnext=∞
      SubProcess_0 quantity=0
      SubProcess_1 quantity=0
      SubProcess_2 quantity=0
      SubProcess_3 quantity=0

```

У перших 2-х кроках створюються об'єкти. Item_0 надходить у Process_2, а Item_1 у Process_1. У 3-ому кроці Process_1 завершує обробку Item_1 у SubProcess_0.

Приклад отримання помилки:

```

Event: CREATE StartTime: 39.87257 Delay: 0.00209 CurrentTime: 39.87466 Item: _46
CREATE created=47 delay=0.00209 tnext=39.87466
- PROCESS_1 tnext=41.97515
  - SubProcess_0 quantity=7 delay=5.24248 tnext=41.97515 Item_37
  - SubProcess_1 quantity=13 delay=24.44942 tnext=63.05579 Item_42
- PROCESS_2 tnext=40.96610 queue=5 failure=1
  - SubProcess_0 quantity=3 delay=18.21065 tnext=46.17539 Item_29
  - SubProcess_1 quantity=4 delay=14.46487 tnext=40.96610 Item_27
  - SubProcess_2 quantity=4 delay=30.32601 tnext=52.04404 Item_26
- PROCESS_3 tnext=44.52518
  - SubProcess_0 quantity=4 delay=16.64888 tnext=53.01523 Item_43
  - SubProcess_1 quantity=4 delay=10.86327 tnext=48.70183 Item_45
  - SubProcess_2 quantity=2 delay=7.28197 tnext=44.52518 Item_44
  SubProcess_3 quantity=0
  
```

Оскільки максимальний розмір черги 5, то при створенні об'єкту, який потрапив до Process_2, він не може потрапити у чергу (повністю зайнята).

Результат

CREATE: Quantity = 104

PROCESS_1: Quantity = 42 WorkTime = 0.895 Mean queue = 0.704 Failure prob. = 0	PROCESS_2: Quantity = 45 WorkTime = 1 Mean queue = 1.982 Failure prob. = 0.178	PROCESS_3: Quantity = 17 WorkTime = 0.832 Mean queue = 0 Failure prob. = 0
SubProcess_0: Quantity = 23 WorkTime = 75.605	SubProcess_0: Quantity = 9 WorkTime = 93.325	SubProcess_0: Quantity = 5 WorkTime = 78.997
SubProcess_1: Quantity = 18 WorkTime = 75.302	SubProcess_1: Quantity = 12 WorkTime = 93.164	SubProcess_1: Quantity = 9 WorkTime = 48.767
	SubProcess_2: Quantity = 12 WorkTime = 81.19	SubProcess_2: Quantity = 3 WorkTime = 18.122
		SubProcess_3: Quantity = 0 WorkTime = 0.00000

Як видно з результатів, перехід за ймовірністю працює коректно. Найбільш завантажений Process_2(50%), потім Process_1(40%) та Process_3(10%). Середня черга максимальна у найзавантаженішого Process_2, проте досягає лише 2 об'єктів. Помилки трапляються лише у ньому. Для покращення роботи моделі необхідно знизити завантаженість елемента, передавши його роботу найнезавантаженішим. В нашому випадку таким елементом є Process_3, в якому SubProcess_2 та Subprocess_3 майже не працюють. Можна зменшити ймовірність переходу до Process_2 до 45% і збільшити у Process_3 до 20%, а Process_1 до 35%. Результати:

```
-----RESULTS-----
CREATE:
  Quantity = 100
PROCESS_1:
  Quantity = 37
  WorkTime = 0.9771692039144457
  Mean length of queue = 0.790220491633973
  Failure probability = 0
  SubProcess_0:
    Quantity = 14
    WorkTime = 96.12551
  SubProcess_1:
    Quantity = 23
    WorkTime = 82.17163
PROCESS_2:
  Quantity = 42
  WorkTime = 0.9590881827181037
  Mean length of queue = 1.6544410005897217
  Failure probability = 0.047619047619047616
  SubProcess_0:
    Quantity = 12
    WorkTime = 94.33738
  SubProcess_1:
    Quantity = 11
    WorkTime = 93.19911
  SubProcess_2:
    Quantity = 15
    WorkTime = 78.43802
PROCESS_3:
  Quantity = 30
  WorkTime = 0.9582481594436426
  Mean length of queue = 0.8576176286672911
  Failure probability = 0.033333333333333333
  SubProcess_0:
    Quantity = 10
    WorkTime = 93.59177
  SubProcess_1:
    Quantity = 7
    WorkTime = 74.44034
  SubProcess_2:
    Quantity = 8
    WorkTime = 56.49602
  SubProcess_3:
    Quantity = 4
    WorkTime = 43.35118
```

Як видно з результатів завантаженість кожного підпроцесу стала більш рівномірною. Помилки трапляються, оскільки процес створення нових об'єктів є надто частим, але тепер вони рівномірні вцілому.

Завдання 2

Завдання

Для наступного тексту задачі скласти формалізовану модель масового обслуговування та реалізувати її з використанням побудованого універсального алгоритму. **30 балів:**

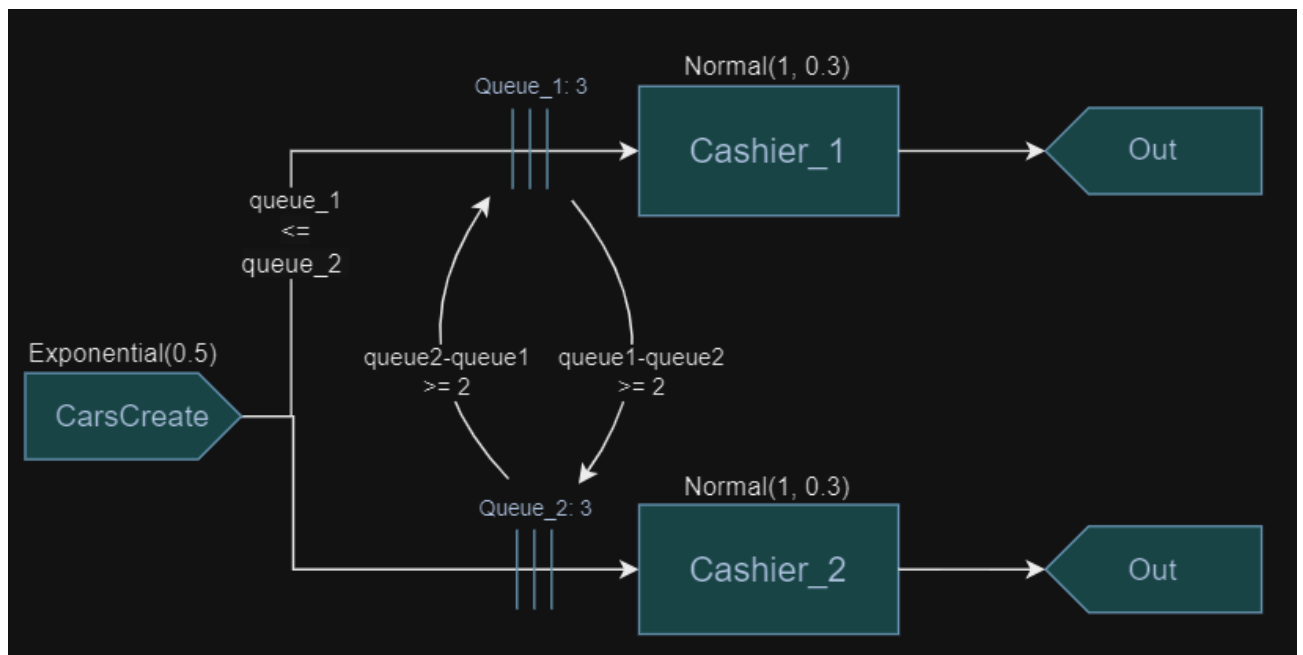
У банку для автомобілістів є два віконця, кожне з яких обслуговується одним касиром і має окрему під'їзну смугу. Обидві смуги розташовані поруч. З попередніх спостережень відомо, що інтервали часу між прибуттям клієнтів у годину пік розподілені експоненційно з математичним очікуванням, рівним 0,5 од. часу. Через те, що банк буває переобтяжений тільки в годину пік, то аналізується тільки цей період. Тривалість обслуговування в обох касирів однакова і розподілена експоненційно з математичним очікуванням, рівним 0,3 од. часу. Відомо також, що при рівній довжині черг, а також при відсутності черг, клієнти віддають перевагу першій смузі. В усіх інших випадках клієнти вибирають більш коротку чергу. Після того, як клієнт в'їхав у банк, він не може залишити його, доки не буде обслугований. Проте він може перемінити чергу, якщо стоїть останнім і різниця в довжині черг при цьому складає не менше двох автомобілів. Через обмежене місце на кожній смузі може знаходитися не більш трьох автомобілів. У банку, таким чином, не може знаходитися більш восьми автомобілів, включаючи автомобілі двох клієнтів, що обслуговуються в поточний момент касиром. Якщо місце перед банком заповнено до границі, то клієнт, що прибув, вважається втраченим, тому що він відразу ж виїжджає.

Початкові умови такі: 1) обидва касири зайняті, тривалість обслуговування для кожного касира нормально розподілена з математичним очікуванням, рівним 1 од. часу, і середньоквадратичним відхиленням, рівним 0,3 од. часу; 2) прибуття першого клієнта заплановано на момент часу 0,1 од. часу; 3) у кожній черзі очікують по два автомобіля.

Визначити величини: 1) середнє завантаження кожного касира; 2) середнє число клієнтів у банку; 3) середній інтервал часу між від'їздами клієнтів від

вікон; 4) середній час перебування клієнта в банку; 5) середнє число клієнтів у кожній черзі; 6) відсоток клієнтів, яким відмовлено в обслуговуванні; 7) число змін під'їзних смуг.

Діаграма структури



Додаткові умови та їх реалізація

Маємо реалізувати:

- 1) NextElementContainerByQueuePriority для обрання касиру клієнтами за кількістю машин у черзі:

```

public class NextElementsContainerByQueuePriority : NextElementsContainer
{
    private Dictionary<Process, int> _nextElements = new();
    public void AddNextElement(Process process, int ascendingPriority) =>
        _nextElements.Add(process, ascendingPriority);

    protected override Element GetNextElement()
    {
        var elementsWithMinQueueLength = GetElementsWithMinQueueLength();
        return elementsWithMinQueueLength.MinBy(e => e.Value).Key;
    }

    private Dictionary<Process, int> GetElementsWithMinQueueLength()
    {
        var minQueueLength = _nextElements.Min(e => e.Key.QueueLength);
        var nextElementsWithMinQueueLength = new Dictionary<Process, int>();
        foreach (var (process, priority) in _nextElements)

```



```

        if (process.QueueLength == minQueueLength)
            nextElementsWithMinQueueLength.Add(process, priority);
        return nextElementsWithMinQueueLength;
    }
}

```

- 2) Event OnQueueChange та метод, що підписується ChangeQueueIfNecessary для зміни черги автомобіля якщо сусідня черга менша хоча б на 2 автомобілі:

```

private void ChangeQueueIfNecessary()
{
    if (Math.Abs(_cashier1.QueueLength - _cashier2.QueueLength) < 2) return;
    Console.WriteLine($"\\nCHANGE_QUEUE: Q1={_cashier1.QueueLength}
Q2={_cashier2.QueueLength}!!!!!!");
    if (_cashier1.QueueLength > _cashier2.QueueLength) {
        Process.TryChangeQueueForLastItem(_cashier1, _cashier2);
        Console.WriteLine("CASHIER1 -> CASHIER2");
    }
    else {
        Process.TryChangeQueueForLastItem(_cashier2, _cashier1);
        Console.WriteLine("CASHIER2 -> CASHIER1");
    }
    Model.QueueChangeCount7++;
}

```

- 3) Початкові умови:

```

const double startTime = 0.1;
_cars.NextT = startTime;
for (var i = 0; i < 3; i++)
{
    _cashier1.InAct(new Item(startTime));
    _cashier2.InAct(new Item(startTime));
}

```

- 4) Збір статистики:

```

public class Task2Model : Model
{
    public int QueueChangeCount7;
    public Task2Model(List<Element> elements) : base(elements) {}

    public override void Simulate(double time, double startTime = 0, bool
printSteps = false)
    {
        base.Simulate(time, startTime, printSteps);
        Console.WriteLine();
        Console.WriteLine($"1) Average workTime:"); PrintEachProcessWorkTime_1();
        Console.WriteLine($"2) Average clients count: {AverageItemsCount}");
        Console.WriteLine($"3) Average time between departures:
{AverageBetweenOutActs3}");
    }
}

```

```

        Console.WriteLine($"4) Average time spent by a customer in the bank: {AverageItemTimeInSystem}");
        Console.WriteLine($"5) Average clients count in each queue:");
        PrintEachProcessMeanQueue_5();
        Console.WriteLine($"6) Failure probability: {FailurePercent}%");
        Console.WriteLine($"7) Queue change count: {QueueChangeCount7}");
    }

    private void PrintEachProcessWorkTime_1() => Processes.ForEach(p =>
        Console.WriteLine($"\\t{p.Name}: {p.WorkTime / AllTime}"));
    private double AverageBetweenOutActs3 => Processes.Sum(p =>
        p.TotalTimeBetweenOutActs / p.OutActQuantity) / Processes.Count;
    private void PrintEachProcessMeanQueue_5() => Processes.ForEach(p =>
        Console.WriteLine($"\\t{p.Name}: {p.MeanQueueAllTime / AllTime}"));
}

```

Код побудови системи

```

public class Task2CarBank
{
    public Task2Model Model;
    private Create _cars = new(0.5, name: "Cars");
    private Process _cashier1 = new(new NormalRandomizer(1, 0.3), maxQueue: 3,
        name: "Cashier1");
    private Process _cashier2 = new(new NormalRandomizer(1, 0.3), maxQueue: 3,
        name: "Cashier2");

    public Task2CarBank() {
        // Connecting elements
        var cashiers = new NextElementsContainerByQueuePriority();
        cashiers.AddNextElement(_cashier1, 1);
        cashiers.AddNextElement(_cashier2, 2);
        _cars.NextElementsContainer = cashiers;

        // Changing queues condition
        _cashier1.OnQueueChanged += ChangeQueueIfNecessary;
        _cashier2.OnQueueChanged += ChangeQueueIfNecessary;

        // Initial states condition
        const double startTime = 0.1;
        _cars.NextT = startTime;
        for (var i = 0; i < 3; i++)
        {
            _cashier1.InAct(new Item(startTime));
            _cashier2.InAct(new Item(startTime));
        }

        Model = new Task2Model(new List<Element> { _cars, _cashier1, _cashier2 });
    }
}

```

Вивід процесу

Запустимо симуляцію на час 10, щоб продивитися кроки виконання моделі:

```

Event: Cars StartTime: 0.10000 Delay: 1.26730 CurrentTime: 1.36730 Item: _6
  Cars created=1 delay=1.26730 tnext=1.36730
- Cashier1 tnext=1.02917 queue=3
- Cashier2 tnext=1.05054 queue=2

Event: Cashier1 StartTime: 1.02917 Delay: 1.21756 CurrentTime: 2.24673 Item: _0
  Cars created=1 delay=1.26730 tnext=1.36730
- Cashier1 tnext=2.24673 queue=2
- Cashier2 tnext=1.05054 queue=2

Event: Cashier2 StartTime: 1.05054 Delay: 0.66741 CurrentTime: 1.71795 Item: _1
  Cars created=1 delay=1.26730 tnext=1.36730
- Cashier1 tnext=2.24673 queue=2
- Cashier2 tnext=1.71795 queue=1

Event: Cars StartTime: 1.36730 Delay: 0.10850 CurrentTime: 1.47579 Item: _7
  Cars created=2 delay=0.10850 tnext=1.47579
- Cashier1 tnext=2.24673 queue=2
- Cashier2 tnext=1.71795 queue=2

Event: Cars StartTime: 1.47579 Delay: 0.25535 CurrentTime: 1.73114 Item: _8
  Cars created=3 delay=0.25535 tnext=1.73114
- Cashier1 tnext=2.24673 queue=3
- Cashier2 tnext=1.71795 queue=2

CHANGE_QUEUE: Q1=3 Q2=1!*!#!*!#!
CASHIER1 -> CASHIER2

Event: Cashier2 StartTime: 1.71795 Delay: 0.72858 CurrentTime: 2.44653 Item: _3
  Cars created=3 delay=0.25535 tnext=1.73114
- Cashier1 tnext=2.24673 queue=2
- Cashier2 tnext=2.44653 queue=2

```

Кроки:

- 1) Через початкові умови маємо зайнятих касирів та черги по дві машини у кожній. Приїжджає перший клієнт у час 0.1, який стає у чергу до першого касира, оскільки черга до 1-го касира при рівних чергах є пріоритетною.
- 2) Перший касир опрацював клієнта, перейшов до наступного, черга стала 2.
- 3) Пункт 2 тільки для другого касира, черга стала 1
- 4) Приїхав клієнт. Оскільки черга до 2-го касира менша займає її.

- 5) Приїжджає машина, стає у чергу №1. Черги стають 3 та 2.
- 6) Касир №2 обробив клієнта, взяв наступного. Черги стали 3 та 1. Останній автомобіль черги №1 переїхав до черги №2. Черги стали 2, 2.

Результат

Виконаємо симуляцію на час 300:

```
-----RESULTS-----
Cars:
    Quantity = 611
Cashier1:
    WorkTime = 0.9724040811655466
    InActQuantity = 399
    OutActQuantity = 302
    Current queue length = 2
    Mean length of queue = 1.419124406333199
    Failure probability = 0.11278195488721804
    SubProcess_0:
        Quantity = 303
        WorkTime = 0.97240
Cashier2:
    WorkTime = 0.8662566780411117
    InActQuantity = 218
    OutActQuantity = 265
    Current queue length = 1
    Mean length of queue = 1.181107120699592
    Failure probability = 0
    SubProcess_0:
        Quantity = 266
        WorkTime = 0.86626
```

Отже:

- 1) Під'їхало до банку 611 автомобілів, касири загалом обробили 567 та обробляють ще двох. Отже, 42 клієнта не заїхали на обслуговування;
- 2) Середня черга майже однакова, через переїзди автомобілів, і сягає 2-х;
- 3) Перший касир працював майже увесь час, і обробив більше ніж другий;
- 4) В даній системі Failure probability у другого касира завжди буде 0. Оскільки при чергах 3 та 3, наступний клієнт обере 1-го касира. Побачивши, що черга зайнята, він поїде з території банку.

Статистика:

- 1) Average workTime:
Cashier1: 0.9724040811655466
Cashier2: 0.8662566780411117
- 2) Average clients count: 4.438892286239451
- 3) Average time between departures: 1.058875971783115
- 4) Average time spent by a customer in the bank: 1.1252140140229507
- 5) Average clients count in each queue:
Cashier1: 1.419124406333199
Cashier2: 1.181107120699592
- 6) Failure probability: 7.3649754500818325%
- 7) Queue change count: 51

Завдання 3

Завдання

Для наступного тексту задачі скласти формалізовану модель масового обслуговування та реалізувати її з використанням побудованого універсального алгоритму (**40 балів**):

У лікарню поступають хворі таких трьох типів:

- 1) хворі, що пройшли попереднє обстеження і направлені на лікування;
- 2) хворі, що бажають потрапити в лікарню, але не пройшли повністю попереднє обстеження;
- 3) хворі, які тільки що поступили на попереднє обстеження.

Чисельні характеристики типів хворих наведені в таблиці:

Тип хворого	Відносна частота	Середній час реєстрації, хв
1	0,5	15
2	0,1	40
3	0,4	30

При надходженні в приймальне відділення хворий стає в чергу, якщо обидва чергових лікарі зайняті. Лікар, який звільнився, вибирає в першу чергу хворого типу 1.

Після заповнення різноманітних форм у приймальне відділення хворі 1 типу ідуть прямо в палату, а хворі типів 2 і 3 направляються в лабораторію. Троє супровідних розводять хворих по палатах. Хворим не дозволяється направлятися в палату без супровідного. Якщо всі супровідні зайняті, хворі очікують їхнього звільнення в приймальному відділенні. Як тільки хворий доставлений у палату, він вважається таким, що завершив процес прийому до лікарні. Хворі, що спрямовуються в лабораторію, не потребують супроводу. Після прибуття в лабораторію хворі стають у чергу в реєстратуру. Після реєстрації вони ідуть у кімнату очікування, де чекають виклику до одного з двох

лаборантів. Після здачі аналізів хворі або повертаються в приймальне відділення (хворий типу 2), або залишають лікарню (хворий типу 1). Після повернення в приймальне відділення хворий, що здав аналізи, розглядається як хворий типу 1.

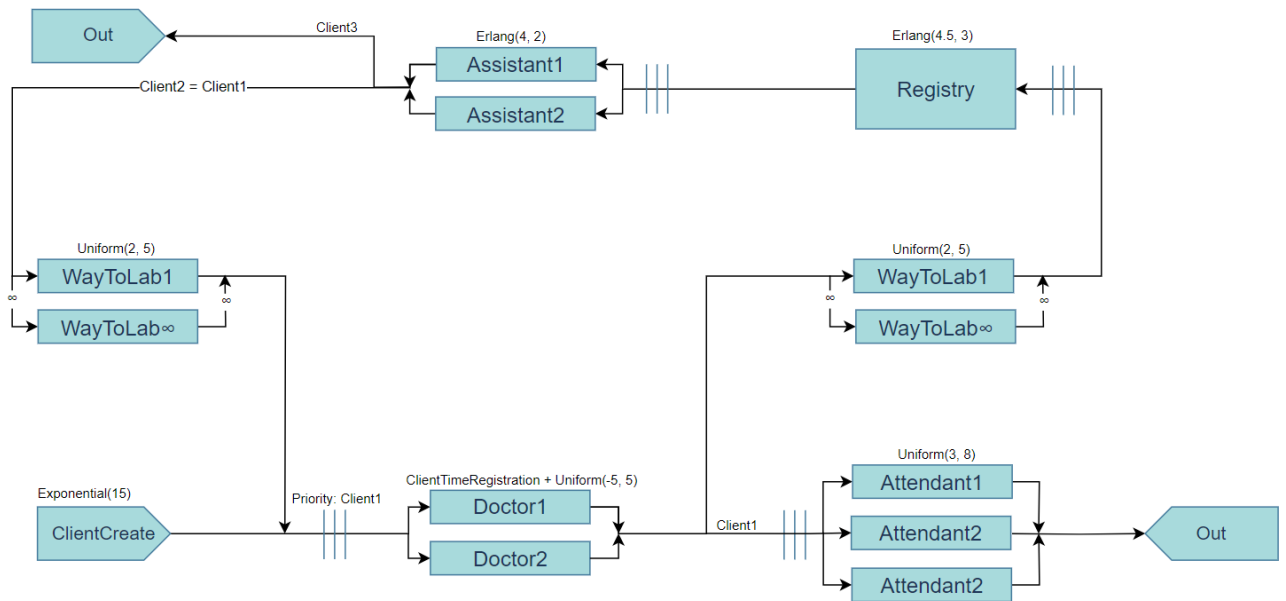
У наступній таблиці приводяться дані по тривалості дій (хв):

Величина	Розподіл
Час між прибуттями в приймальне відділення	Експоненціальний з математичним сподіванням 15
Час слідування в палату	Рівномірне від 3 до 8
Час слідування з приймального відділення в лабораторію і навпаки	Рівномірне від 2 до 5
Час обслуговування в реєстратуру лабораторії	Ерланга з математичним сподіванням 4,5 і $k=3$
Час проведення аналізу в лабораторії	Ерланга з математичним сподіванням 4 і $k=2$

Визначити час, проведений хворим у системі, тобто інтервал часу, починаючи з надходження і закінчуючи доставкою в палату (для хворих типу 1 і 2) або виходом із лабораторії (для хворих типу 3).

Визначити також інтервал між прибуттями хворих у лабораторію.

Діаграма структури



Додаткові умови та їх реалізація

Маємо реалізувати:

1) Типи хворих:

```
public class Client : Item
{
    public ClientType ClientType { get; set; }
    public double RegistrationTime { get; set; }

    public Client(string name, ClientType clientType, double registrationTime,
double startTime) : base(startTime)
    {
        Name = name;
        ClientType = clientType;
        RegistrationTime = registrationTime;
    }
}

public enum ClientType {Chamber, NotExamined, Lab}
```

2) Створення хворих із різною ймовірністю:

```
public class CreateClient : Create
{
    public CreateClient(Randomizer rand, string name) : base(rand, name) {}

    protected override Item CreateItem()
    {
        var number = new Random().NextDouble();
        if (number <= 0.5) return new Client("ChamberClient", ClientType.Chamber,
15, CurrT);
        if (number <= 0.6)
```



```

        return new Client("NotExaminedChamberClient", ClientType.NotExamined,
40, CurrT);
        return new Client("LabClient", ClientType.Lab, 30, CurrT);
    }
}

```

3) Пріоритетну чергу до доктора для хворого типу 1:

```

internal class ClientsQueue : ItemsQueue
{
    public ClientsQueue(int limit) : base(limit) {}
    public override Item GetItem()
    {
        var chamberClient = Queue.Find(x => (x as Client).ClientType ==
ClientType.Chamber);
        if (chamberClient != null)
        {
            Queue.Remove(chamberClient);
            return chamberClient;
        }
        return base.GetItem();
    }
}

```

4) Перехід від доктора до наступних елементів в залежності від типу хворого:

```

public class NextAfterDoctor : NextElementsContainer
{
    private Process NextAttendantProcess { get; }
    private Process NextWayToLab { get; }

    private DoctorProcess _doctorProcess;

    public NextAfterDoctor(DoctorProcess doctorProcess, Process
nextAttendantProcess, Process nextWayToLab)
    {
        _doctorProcess = doctorProcess;
        NextAttendantProcess = nextAttendantProcess;
        NextWayToLab = nextWayToLab;
    }

    protected override Element GetNextElement()
    {
        var client = _doctorProcess.Item as Client;
        if (client.ClientType == ClientType.Chamber)
            return NextAttendantProcess;
        return NextWayToLab;
    }
}

```

5) Клас DoctorProcess:

```

public class DoctorProcess : Process
{
    public DoctorProcess(int doctorsCount, string name, string subProcessName, int
maxQueue = 2147483647)

```

```

        : base(new UniformRandomizer(-5, 5), doctorsCount, name, maxQueue,
subProcessName)=> Queue = new ClientsQueue(maxQueue);

        protected override double GetDelay()=> (Item as Client).RegistrationTime +
Randomizer.GenerateDelay();
    }

```

6) Генерація розподілу Ерланга:

```

public class ErlangRandomizer : Randomizer
{
    private double TimeMean { get; }
    private int k { get; }

    public ErlangRandomizer(double timeMean, int k)
    {
        TimeMean = timeMean;
        this.k = k;
    }

    public override double GenerateDelay() => Enumerable.Range(0, k).Select(_ =>
-TimeMean * Math.Log(_random.NextDouble())) .Sum();
}

```

7) Зміна типу клієнта після здачі аналізів:

```

public class LabAssistanceProcess : Process
{
    public LabAssistanceProcess(Randomizer randomizer, int assistanceCount, string
name, string subProcessName, int maxQueue = 2147483647) :
        base(randomizer, assistanceCount, name, maxQueue, subProcessName) {}

    protected override void NextElementsContainerSetup()
    {
        if (Item is Client { ClientType: ClientType.NotExamined } client)
        {
            client.ClientType = ClientType.Chamber;
            client.RegistrationTime = 15;
            client.Name = "ChamberClient";
        }
        else NextElementsContainer = null;
    }
}

```

8) Збір статистики:

```

public class Task3HospitalModel : Model
{
    public Task3HospitalModel(List<Element> elements, bool initialStateIsNeeded =
false) : base(elements, initialStateIsNeeded) {}

    public override void Simulate(double time, double startTime = 0, bool
printSteps = false)
    {
        base.Simulate(time, startTime, printSteps);
        Console.WriteLine();
    }
}

```

```

        Console.WriteLine($"1) Average spent time in system:
{AverageItemTimeInSystem}");
        Console.WriteLine($"2) Average time between arrivals in registry:
{AverageBetweenInActs_2()}");
    }

    private double AverageBetweenInActs_2()
    {
        var lab = Elements.OfType<Process>().First(p => p.Name == "Registry");
        return lab.TotalTimeBetweenInActs / lab.InActQuantity;
    }
}

```

Код побудови системи

```

public class Task3Hospital
{
    public Model Model { get; }

    public Task3Hospital()
    {
        CreateClient patients = new CreateClient(new ExponentialRandomizer(15),
"Patient");
        DoctorProcess doctors = new(2, "Doctors", "Doctor");
        Process attendants = new(new UniformRandomizer(3, 8), subProcessCount: 3,
name: "Attendants", subProcessName: "Attendant");
        Process fromHospitalToLab = new(new UniformRandomizer(2, 5), 25, name:
"WayToLab");
        Process labRegistry = new(new ErlangRandomizer(4.5, 3), name: "Registry");
        LabAssistanceProcess labAssistants = new(new ErlangRandomizer(4, 2),
assistanceCount: 2, "Assistants", subProcessName: "Assistant");
        Process fromLabToHospital = new(new UniformRandomizer(2, 5), 25, name:
"WayToHospital");

        patients.NextElementsContainer = new NextElementContainer(doctors);
        doctors.NextElementsContainer = new NextAfterDoctor(doctors, attendants,
fromHospitalToLab);
        fromHospitalToLab.NextElementsContainer = new
NextElementContainer(labRegistry);
        labRegistry.NextElementsContainer = new
NextElementContainer(labAssistants);
        labAssistants.NextElementsContainer = new
NextElementContainer(fromLabToHospital);
        fromLabToHospital.NextElementsContainer = new
NextElementContainer(doctors);

        Model = new Task3HospitalModel(new List<Element>() { patients, doctors,
attendants, fromHospitalToLab, labRegistry, labAssistants, fromLabToHospital });
    }
}

```

Вивід процесу

Продемонструємо роботу системи для хворих типу 2 та 3 (тип 2 стає типом 1, таким чином можемо побачити поведінку і для нього). Тип 3:

```

Event: Patient StartTime: 0.00000 Delay: 34.79083 CurrentTime: 34.79083 Item: LabClient_0
  Patient created=1 delay=34.79083 tnext=34.79083
  ▶ Doctors tnext=26.19709
    ▶ Doctor_0 quantity=1 delay=26.19709 tnext=26.19709 LabClient_0
    Doctor_1 quantity=0
  Attendants tnext=∞
    Attendant_0 quantity=0
    Attendant_1 quantity=0
    Attendant_2 quantity=0
  WayToLab tnext=∞
  Registry tnext=∞
  Assistants tnext=∞
    Assistant_0 quantity=0
    Assistant_1 quantity=0
  WayToHospital tnext=∞

```

```

Event: Doctors StartTime: 26.19709 Delay: 0.00000 CurrentTime: ∞ Item: LabClient_0
  Patient created=1 delay=34.79083 tnext=34.79083
  Doctors tnext=∞
    Doctor_0 quantity=1
    Doctor_1 quantity=0
  Attendants tnext=∞
    Attendant_0 quantity=0
    Attendant_1 quantity=0
    Attendant_2 quantity=0
  ▶ WayToLab tnext=30.36620 workingSubProcesses count = 1

  Registry tnext=∞
  Assistants tnext=∞
    Assistant_0 quantity=0
    Assistant_1 quantity=0
  WayToHospital tnext=∞

```

LabClient приходить і потрапляє до доктора №0. Після доктора йде до лабораторії.

```

Event: WayToLab StartTime: 30.36620 Delay: 4.16910 CurrentTime: ∞ Item: LabClient_0
  Patient created=1 delay=34.79083 tnext=34.79083
  Doctors tnext=∞
    Doctor_0 quantity=1
    Doctor_1 quantity=0
  Attendants tnext=∞
    Attendant_0 quantity=0
    Attendant_1 quantity=0
    Attendant_2 quantity=0
  WayToLab tnext=∞
  ▶ Registry tnext=45.32957
  Assistants tnext=∞
    Assistant_0 quantity=0
    Assistant_1 quantity=0
  WayToHospital tnext=∞

```

Пацієнта реєструють.

```

Event: Registry StartTime: 45.32957 Delay: 14.96337 CurrentTime: ∞ Item: LabClient_0
  Patient created=2 delay=32.49014 tnext=67.28097
- Doctors tnext=68.25964
  - Doctor_0 quantity=2 delay=33.46881 tnext=68.25964 LabClient_1
  Doctor_1 quantity=0
  Attendants tnext=∞
  Attendant_0 quantity=0
  Attendant_1 quantity=0
  Attendant_2 quantity=0
  WayToLab tnext=∞
  Registry tnext=∞
- Assistants tnext=67.51835
  - Assistant_0 quantity=1 delay=22.18877 tnext=67.51835 LabClient_0
  Assistant_1 quantity=0
  WayToHospital tnext=∞

```

Пацієнта обстежує асистент №0. За цей час до доктора №0 надійшов наступний пацієнт.

```

Event: Assistants StartTime: 67.51835 Delay: 22.18877 CurrentTime: ∞ Item: LabClient_0
  Patient created=4 delay=0.94616 tnext=68.43939
- Doctors tnext=68.25964 queue=1
  - Doctor_0 quantity=2 delay=33.46881 tnext=68.25964 LabClient_1
  - Doctor_1 quantity=1 delay=31.70600 tnext=98.98696 LabClient_2
  Attendants tnext=∞
  Attendant_0 quantity=0
  Attendant_1 quantity=0
  Attendant_2 quantity=0
  WayToLab tnext=∞
  Registry tnext=∞
  Assistants tnext=∞
  Assistant_0 quantity=1
  Assistant_1 quantity=0
  WayToHospital tnext=∞

```

Асистент закінчив обстеження LabClient_0. Хворий покинув систему. За час обстеження доктор №1 прийняв хворого, і утворилася черга розміром 1 у приймальному відділенні.

Тепер приклад поведінки пацієнта №2 у системі:

```

Event: Patient StartTime: 0.00000 Delay: 15.53273 CurrentTime: 15.53273 Item: NotExaminedChamberClient_0
  Patient created=1 delay=15.53273 tnext=15.53273
  - Doctors tnext=38.37797
    - Doctor_0 quantity=1 delay=38.37797 tnext=38.37797 NotExaminedChamberClient_0
    Doctor_1 quantity=0
  Attendants tnext=∞
    Attendant_0 quantity=0
    Attendant_1 quantity=0
    Attendant_2 quantity=0
  WayToLab tnext=∞
  Registry tnext=∞
  Assistants tnext=∞
    Assistant_0 quantity=0
    Assistant_1 quantity=0
  WayToHospital tnext=∞

```

Пацієнт №2 (NotExaminedChamberClient) прийшов у приймальне відділення і його прийняв доктор №0.

```

Event: Doctors StartTime: 38.37797 Delay: 0.00000 CurrentTime: 53.78247 Item: NotExaminedChamberClient_0
  Patient created=3 delay=32.78054 tnext=68.90681
  - Doctors tnext=53.78247
    Doctor_0 quantity=1
    - Doctor_1 quantity=2 delay=17.65620 tnext=53.78247 ChamberClient_2
  Attendants tnext=∞
    Attendant_0 quantity=1
    Attendant_1 quantity=0
    Attendant_2 quantity=0
  - WayToLab tnext=41.92645 workingSubProcesses count = 1

  Registry tnext=∞
  Assistants tnext=∞
    Assistant_0 quantity=0
    Assistant_1 quantity=0
  WayToHospital tnext=∞

```

Після доктору наш пацієнт пішов у лабораторію. За час спілкування із лікарем надійшло 2 пацієнти типу 1, 1 з яких був проведений у палату після спілкування із доктором. Пропустимо ідентичні етапи перевірки у лабораторії із хворим типу 3.

```

Event: Assistants StartTime: 59.32026 Delay: 5.51822 CurrentTime: ∞ Item: ChamberClient_0
  Patient created=3 delay=32.78054 tnext=68.90681
  Doctors tnext=∞
    Doctor_0 quantity=1
    Doctor_1 quantity=2
  ▶ Attendants tnext=60.26845
    ▶ Attendant_0 quantity=2 delay=6.48598 tnext=60.26845 ChamberClient_2
    Attendant_1 quantity=0
    Attendant_2 quantity=0
  WayToLab tnext=∞
  Registry tnext=∞
  Assistants tnext=∞
    Assistant_0 quantity=1
    Assistant_1 quantity=0
  ▶ WayToHospital tnext=61.72353 workingSubProcesses count = 1

```

Ассистент закінчив роботу із нашим пацієнтом і він направився до приймального відділення.

```

Event: WayToHospital StartTime: 61.72353 Delay: 2.40327 CurrentTime: ∞ Item: ChamberClient_0
  Patient created=3 delay=32.78054 tnext=68.90681
  ▶ Doctors tnext=81.07920
    ▶ Doctor_0 quantity=2 delay=19.35567 tnext=81.07920 ChamberClient_0
    Doctor_1 quantity=2
  Attendants tnext=∞
    Attendant_0 quantity=2
    Attendant_1 quantity=0
    Attendant_2 quantity=0
  WayToLab tnext=∞
  Registry tnext=∞
  Assistants tnext=∞
    Assistant_0 quantity=1
    Assistant_1 quantity=0
  WayToHospital tnext=∞

```

Хворий прийшов до лікарні і його прийняв лікар як хворого типу 1.

```

Event: Doctors StartTime: 81.07920 Delay: 0.00000 CurrentTime: 98.06680 Item: ChamberClient_0
  Patient created=4 delay=18.38866 tnext=87.29548
  ▶ Doctors tnext=98.06680
    Doctor_0 quantity=2
    ▶ Doctor_1 quantity=3 delay=29.15999 tnext=98.06680 LabClient_3
  ▶ Attendants tnext=84.68302
    ▶ Attendant_0 quantity=3 delay=3.60382 tnext=84.68302 ChamberClient_0
    Attendant_1 quantity=0
    Attendant_2 quantity=0
  WayToLab tnext=∞
  Registry tnext=∞
  Assistants tnext=∞
    Assistant_0 quantity=1
    Assistant_1 quantity=0
  WayToHospital tnext=∞

```

Після спілкування із доктором, хворого забирає супровідний і веде до палати.

```
Event: Attendants StartTime: 84.68302 Delay: 3.60382 CurrentTime: ∞ Item: ChamberClient_0
Patient created=4 delay=18.38866 tnext=87.29548
└─ Doctors tnext=98.06680
    Doctor_0 quantity=2
    └─ Doctor_1 quantity=3 delay=29.15999 tnext=98.06680 LabClient_3
Attendants tnext=∞
    Attendant_0 quantity=3
    Attendant_1 quantity=0
    Attendant_2 quantity=0
WayToLab tnext=∞
Registry tnext=∞
Assistants tnext=∞
    Assistant_0 quantity=1
    Assistant_1 quantity=0
WayToHospital tnext=∞
```

Його провели і він є 3-ім пацієнтом, що надійшов до палати.

Результат

Проведемо симуляцію на час 1000 хвилин. Статистика працівників:

-----RESULTS-----

Patient:	Attendants:
Quantity = 64	WorkTime = 0.195636615875831
Doctors:	InActQuantity = 37
WorkTime = 0.9358399052172152	OutActQuantity = 37
InActQuantity = 72	Current queue length = 0
OutActQuantity = 70	Mean length of queue = 0
Current queue length = 0	Failure probability = 0
Mean length of queue = 0.8624	Attendant_0:
Failure probability = 0	Quantity = 35
Doctor_0:	WorkTime = 0.18935
Quantity = 38	Attendant_1:
WorkTime = 0.81700	Quantity = 2
Doctor_1:	WorkTime = 0.01039
Quantity = 34	Attendant_2:
WorkTime = 0.81343	Quantity = 0
	WorkTime = 0.00000

Registry: WorkTime = 0.45979638999663475 InActQuantity = 33 OutActQuantity = 33 Current queue length = 0 Mean length of queue = 0.1433823128874475 Failure probability = 0 SubProcess_0: Quantity = 33 WorkTime = 0.45980	Assistants: WorkTime = 0.26216990764026255 InActQuantity = 33 OutActQuantity = 33 Current queue length = 0 Mean length of queue = 0 Failure probability = 0 Assistant_0: Quantity = 27 WorkTime = 0.21825 Assistant_1: Quantity = 6 WorkTime = 0.06523
--	--

Статистика переходів:

WayToLab: WorkTime = 0.11393195730301735 InActQuantity = 33	WayToHospital: WorkTime = 0.025556158167290555 InActQuantity = 8
---	--

Додаткова статистика:

- 1) Average spent time in system: 43.99584379435704
- 2) Average time between arrivals in registry: 27.322393179796315

Висновки:

- 1) Доктори працюють майже увесь час і мають чергу в 1 людину в середньому. Оскільки загальна кількість клієнтів, що прийшла до лікарні 64, а доктори виконали 72 сеанси, то можна стверджувати, що 8 хворих прийшли повторно (тип 2).
- 2) Супровідний №0 провів майже усіх хворих, черги немає. Для економії грошей лікарня може відмовитись від вакансій Супровідний №1 та №2.
- 3) Реєстратура працює добре, завантаженість 46%, іноді формуються черги до 2 особ. Для зниження часу хворого у системі можна додати додаткового працівника у реєстратуру.

- 4) Ассистенти працюють добре, черг немає. Формується ситуація, що ассистент №0 не справиться сам. Але сильного навантаження на №1 немає. На місце ассистента №1 можна брати інтернів.
- 5) З переходів видно, що на частку тих, хто прийшов до лабораторії, 75% просто здають аналізи. Можливо реалізувати пріоритет у черзі для хворих, що будуть лягати у лікарню на етапі реєстрації. Це має зменшити час хворого у системі. Або виконати пункт 3.

Результати нової моделі

Спробуємо запустити нову модель без супровідних №1 та №2, та додамо нового працівника у реєстатуру:

```

-----RESULTS-----
Patient:
    Quantity = 61
Doctors:
    WorkTime = 0.8691965778317153
    InActQuantity = 66
    OutActQuantity = 64
    Current queue length = 0
    Mean length of queue = 0.33342023410721977
    Failure probability = 0
    Doctor_0:
        Quantity = 38
        WorkTime = 0.82530
    Doctor_1:
        Quantity = 28
        WorkTime = 0.60428
Attendants:
    WorkTime = 0.20363860101271392
    InActQuantity = 37
    OutActQuantity = 36
    Current queue length = 0
    Mean length of queue = 0.008835705293438419
    Failure probability = 0

Registry:
    WorkTime = 0.3474335754139706
    InActQuantity = 27
    OutActQuantity = 25
    Current queue length = 0
    Mean length of queue = 0
    Failure probability = 0
    SubProcess_0:
        Quantity = 22
        WorkTime = 0.30868
    SubProcess_1:
        Quantity = 5
        WorkTime = 0.06947
Assistants:
    WorkTime = 0.16818150190190348
    InActQuantity = 25
    OutActQuantity = 25
    Current queue length = 0
    Mean length of queue = 0
    Failure probability = 0
    Assistant_0:
        Quantity = 22
        WorkTime = 0.14766
    Assistant_1:
        Quantity = 3
        WorkTime = 0.02407

```

- 1) Average spent time in system: 32.53513388382148
- 2) Average time between arrivals in registry: 35.49048691635963

Як видно з результатів, середній час пацієнта у системи знизився з 44 хвилин до 33. Супровідник справляється сам. Завантаженість працівників реєстратури подібна до асистентської. Різниця полягає лише у часі процесів. В реєстратурі час роботи занадто великий. Отже, по можливості, для налагодження системи необхідно скоротити час самої реєстрації. Це призведе до більш швидкої здачі аналізів, а це може призвести до збільшення черги на прийом до лікаря. В такому разі необхідно буде додати нову вакансію на посаду лікаря №3.