# SEMINARSKI RAD IZ AUTOMATSKOG REZONOVANJA

## -Implemenatacija DP procedure za iskaznu logiku-

Davis-Putnam procedura je metod za rešavanje problema zadovoljivosti KNF formula (SAT problema). DP procedura je zasnovana na pravilu rezolucije.

Koraci izvršavanja algoritma:

- 1. brišemo tautologične klaze (inače dolazi do beskonačnu rekurziju),
- 2. dokle god nije F prazna ili F ne sadrži praznu klauzu,
  - 2.1. propagacija jediničnih klauza (engl. unit propagation),
  - 2.2. eliminacija ''čistih" literala (engl. pure literal) I
  - 2.3. eliminacija promenljive (engl. variable elimination).

#### Propagacija jediničnih klauza

Propagacija jediničnih klauza zasniva na pravilima 1 or A = 1 i 0 or A = A. Kada se u formuli nalazi klauza koja sadrži samo jedan literal, naziva se jedinična klauza. Propagacija jedinične klauze podrazumeva određivanje takvih klauza I propagiranje literala kroz ostale klauze.

Procedura funkcioniše na sledeći način:

- Odredimo klauze koje imaju samo jedan literal L- kako nemaju ni jedan drugi literal neophodno je da je on tačan,
- propagiramo kroz ostale klauze tamo gde se pojavljuje literal L tu klauzu mozemo da uklonimo, tamo gde se pojavljuje suprotan literal literalu L uklanjamo samo literal iz klauze.

### Eliminacija "čistih" literala

Kada se u formuli neki literal javlja samo u svojoj pozitivnoj ili negativnoj formi (ne i u suprotnoj formi) taj literal se naziva čisti literal. Eliminacija čistih literala se odnosi na proces uklanjanja svih klauza koje sadrže te čiste litrale iz formule.

#### Eliminacija promenljive

Kada nije moguće primeniti ni propagaciju jedinicne klauze, ni eliminaciju čistih literala neophodno je odrediti jedan literal po kome ćemo vršiti rezoluciju. Rezolucija se vrši kroz sledeći niz koraka:

- Odaberemo literal L,
- Odredimo sve klauze koje sadrže L allClauseContainL,
- Odredimo sve klauze koje sadrže ~L allClauseContainNotL,
- Vršimo rezoluciju za svake dve klauze (c1, c2), gde c1∈ allClauseContainL, c2∈allCLauseContaintNotL,
- Ubacimo u skup svih klauza klauze koje su nastale kao rezultat rezolucije,
- Izbrišemo iz skupa svih klauza klauze koje se nalaze u skupovima allClauseContainL I allCLauseContaintNotL.

#### **Implementacija**

KNF je implementirana kao lista klauza (u kodu NormalForm). Klauzu implementiramo kao skup. Funkcija koja sprovodi implementaciju DP procedure je davis\_putnam. Ulaz je formula iskazne logike u KNF, izlaz je true (SAT) ili false (UNSAT).

Na početku algoritma za svaku klauzu pozovemo funkciju remove\_tautology\_clause, koja brise klauzu ako je tautologična I vraća iterator na sledeću klauzu koju treba obraditi.

U beskonačnoj petlji izvršavamo:

- 1) Propagaciju jedinične klauze realizujemo tako što nalazimo klauze veličine 1, neka je literal sadržan u toj klauzi L. Funkcijom unit\_propagation iz cnf brišemo sve kauze koje sadrže L, I uklanjamo iz svih klauza literal ~L.
- 2) Eliminaciju čistih literala realizujemo tako što funkcijom findPureLiterals nađemo sve literale u jednom polaritetu I smeštamo ih u skup allLiteral. Nakon toga uklanjamo sve klauze koje sadrze neki od literala iz allLiteral.
- 3) *Proveravamo uslove za izlaz iz petlje*: ako smo izveli praznu klauzu vratimo false, ako smo izbrisali sve klauze iz cnf vratimo true.
- 4) Na kraju iteracije petlje eliminišemo promenljivu. Uzimamo prvu u prvoj klauzi, odredimo dva skupa klauza koje sarže promenljivu u pozitivnom I negativnom obliku (tmp1, tmp2), izvršimo resolveClauses za svake dve klauze uz tmp1 I tmp2 redom, izbrisemo iz cnf sve elemente tmp1 I tmp2. Brisanje jedne klauze je vremenske složenosti O(1), jer smo koristili funkciju erase za iterator I cnf je implementiran preko liste.

Ostaje još da pojasnimo pomoćnu funkciju resolveClauses. Ona je implementirana tako da prima cnf, c1, c2 I L. Pretpostavljamo da je c1 klauza koja sadrži L, c2 klauza koja sadrži ~L. Prođemo sve literale iz c1 I ubacimo u novi skup sve osim L, prođemo kroz sve literale iz c2 ubacimo sve literale osim ~L. Na kraju samo proverimo da li je klauza tautologija, ako nije ubacimo je u cnf.

### Pokretanje programa

Program se prevodi komandom:

\$g++ -std=c++17 -o izvrsni main.cpp

Za izvršavanje programa potreban je fajl u kom je smeštena formula u DIMACS formatu (npr in.txt). Program se izvršava komandom:

\$./izvrsni in.txt

Rezultat se ispisuje na standardni ulaz. Moguće je preusmeriti izlaz u fajl komandom:

\$./izvrsni in.txt > out.txt

#### Više o DIMACS formatu

DIMACS CNF predstavlja standardni format zapisa KNF formula u tekstualne datoteke. Koristi se kao ulaz SAT rešavača.

Osnovne karkteristike DIMACS formata:

- Komentari: Linije koje počinju sa znakom 'c' koriste se za komentare i ne utiču na samu formulu. Ovi komentari se često koriste za opisivanje problema ili dodatne informacije.
- Specifikacija: Linija koja počinje sa znakom 'p' se koristi za specificiranje problema. Nakon 'p' se navodi informacija o broju promenljivih, broju klauza i drugim relevantnim informacijama. Na primer, "p cnf 100 450" označava da je problem u konjunktivnoj normalnoj formi (cnf) sa 100 promenljivih i 450 klauza.
- Klauze: Linije koje predstavljaju klauze sadrže literale odvojene razmakom ili tabulatorom, a klauze se završavaju nulom (0) koja označava kraj klauze. Svaki literal je broj koji predstavlja promenljivu, a negativan broj označava negaciju te promenljive. Na primer, klauza (x1 v ¬x2 v x3) bi se predstavila kao "1 -2 3 0" u DIMACS formatu.
- Numeracija promenljivih: Promenljive se numerišu pozitivnim celim brojevima, pri čemu 1 predstavlja prvu promenljivu, 2 drugu promenljivu, itd. Negacije promenljivih se označavaju negativnim brojevima.