



Universidade de Brasília
Faculdade UnB Gama
Disciplina: Estrutura de Dados e Algoritmos - EDA

Métodos de Ordenação

Algoritmos e Complexidades

Prof. Nilton Correia da Silva

9 de agosto de 2022

Objetivo

Ordenação

Métodos de Ordenação

Seleção

QuickSort

Inserção

Bolha

Intercalação (Merge Sort)

Aplicação

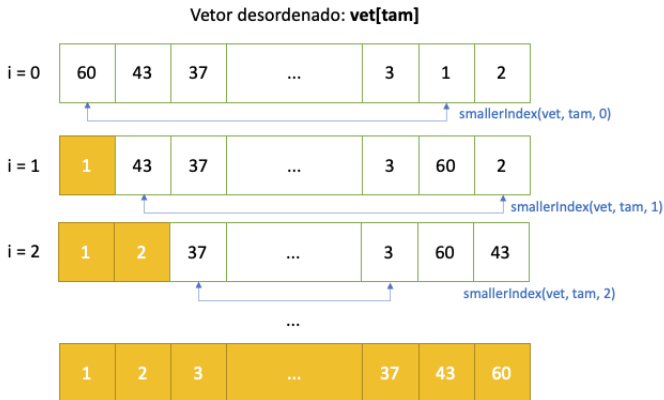
Análise Comparativa

- ▶ Reconhecer diferentes abordagens algorítmicas de ordenação.
- ▶ Compreender as complexidades computacionais de diferentes algoritmos de ordenação.
- ▶ Compreender os algoritmos básicos e os respectivos códigos dos métodos de Seleção, QuickSort, Inserção, Bolha e Merge.

- ▶ O dia-a-dia da computação traz uma alta demanda por encontrar um dado específico dentro de um conjunto de dados.
- ▶ É comprovado que encontrar um dado específico em um conjunto ordenado requer menos esforço computacional do que se o conjunto estiver desordenado.

```
1  int smallerIndex(int vet[], int tam, int ini){
2      int min = ini, j;
3      for(j=ini+1; j<tam; j++){
4          if(vet[min] > vet[j])
5              min = j;
6      }
7      return min;
8  }
```

```
1 void selectionSort(int vet[], int tam){
2     int i, min, aux;
3     for(i=0; i<tam; i++){
4         //Acha posicao do menor elemento a partir de i:
5         min = smallerIndex(vet, tam, i);
6         aux = vet[i];
7         vet[i] = vet[min];
8         vet[min] = aux;
9     }
10 }
```



Performance

- ▶ Melhor Caso: $O(N^2)$.
- ▶ Pior Caso: $O(N^2)$.

Considerações de sua aplicação

- ▶ Estável: não altera a ordem de chaves iguais


```
1 // Recebe vetor v[p..r] com p <= r. Rearranja
2 // os elementos do vetor e devolve j em p..r
3 // tal que v[p..j-1] <= v[j] < v[j+1..r].
4 int separa (int v[], int p, int r) {
5     int c = v[r]; // pivô
6     int t, j = p;
7     for (int k = p; k < r; ++k)
8         if (v[k] <= c) {
9             t = v[j], v[j] = v[k], v[k] = t;
10            ++j;
11        }
12    t = v[j], v[j] = v[r], v[r] = t;
13    return j;
14 }
```

```
1  // Esta função rearranja qualquer vetor
2  // v[p..r] em ordem crescente.
3
4  void quicksort (int v[], int p, int r)
5  {
6      if (p < r) {
7          int j = separa (v, p, r);
8          quicksort (v, p, j-1);
9          quicksort (v, j+1, r);
10     }
11 }
```

Vetor desordenado: v[5]

quicksort (v, 0, 4)

9	8	1	4	3
---	---	---	---	---

j = separa (v, 0, 4)

1	3	9	4	8
---	---	---	---	---

quicksort (v, 0, 0)



quicksort (v, 2, 4)

j = separa (v, 2, 4)

1	3	4	8	9
---	---	---	---	---

quicksort (v, 2, 2)



quicksort (v, 4, 4)



Performance

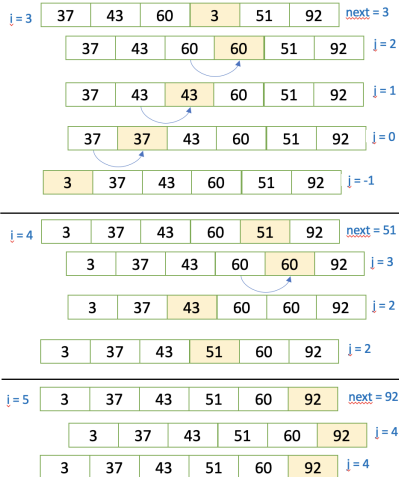
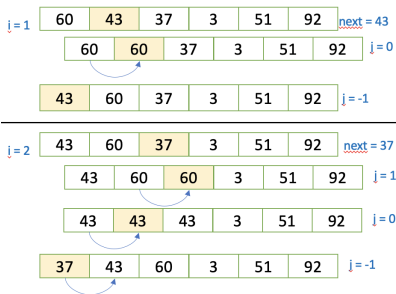
- ▶ Melhor Caso: $O(N \cdot \log N)$.
- ▶ Pior Caso: $O(N^2)$. Quando vetor já estiver ordenado ou quase ordenado (caso Raro).

Considerações de sua aplicação

- ▶ Recursivo.
- ▶ A escolha do pivô afeta sua complexidade.
- ▶ Estável: não altera a ordem de chaves iguais

```
1 void insertionSort(int list[], int n)
2 {
3     int i, j;
4     int next;
5     for (i=1; i<n; i++) {
6         next= list[i];
7         for (j=i-1; j>=0&&next<list[j];j--)
8             list[j+1] = list[j];
9         list[j+1] = next;
10    }
11 }
```

Vetor desordenado: `list[6]`



Performance

- ▶ Melhor Caso: $O(N)$.
- ▶ Pior Caso: $O(N^2)$.

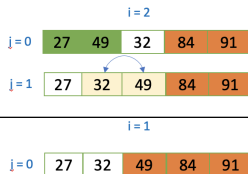
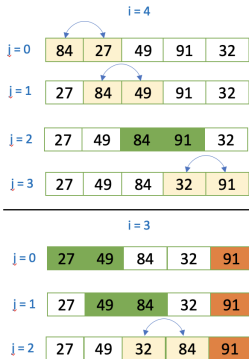
Considerações de sua aplicação

- ▶ Estável: não altera a ordem de chaves iguais

```
1 void bubbleSort(int vet[], int tam){
2     int i,j, temp;
3     for(i=tam-1; i>0; i--){
4         for(j=0; j < i; j++) //Faz trocas até posição i
5             if( vet[j] > vet[j+1] ){
6                 temp = vet[j];
7                 vet[j] = vet[j+1];
8                 vet[j+1] = temp;
9             }
10    }
11 }
```


Vetor desordenado: vet[5]

84	27	49	91	32
----	----	----	----	----

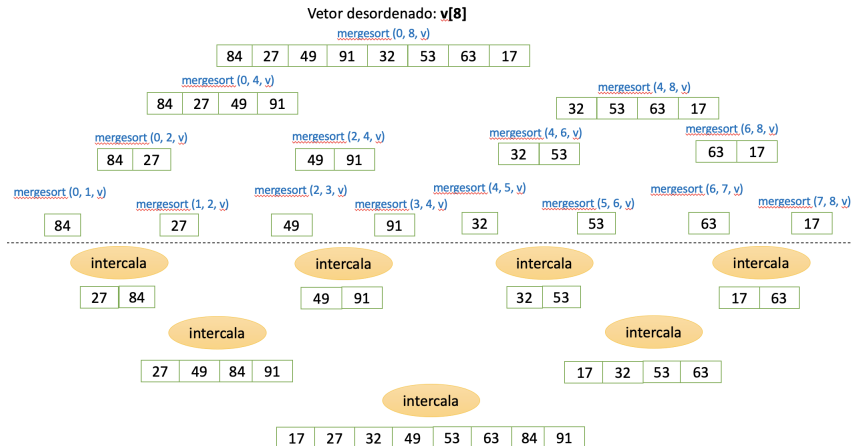


Performance

- ▶ Melhor Caso: $O(N)$.
- ▶ Pior Caso: $O(N^2)$.

```
1  // A função recebe vetores crescentes v[p..q-1] e v[q..r-1]
2  // e rearranja v[p..r-1] em ordem crescente.
3  void intercala (int p, int q, int r, int v[])
4  {
5      int *w;
6      w = malloc ((r-p) * sizeof (int));
7      int i = p, j = q;
8      int k = 0;
9
10     while (i < q && j < r) {
11         if (v[i] <= v[j]) w[k++] = v[i++];
12         else w[k++] = v[j++];
13     }
14     while (i < q) w[k++] = v[i++];
15     while (j < r) w[k++] = v[j++];
16     for (i = p; i < r; ++i) v[i] = w[i-p];
17     free (w);
18 }
```

```
1  // A função mergesort rearranja o vetor
2  // v[p..r-1] em ordem crescente.
3
4  void mergesort (int p, int r, int v[])
5  {
6      if (p < r-1) {
7          int q = (p + r)/2;
8          mergesort (p, q, v);
9          mergesort (q, r, v);
10         intercala (p, q, r, v);
11     }
12 }
```



Performance

- ▶ Melhor Caso: $O(N \cdot \log N)$.
- ▶ Pior Caso: $O(N \cdot \log N)$.

Considerações de sua aplicação

- ▶ Recursivo.
- ▶ Usa um vetor temporário durante a ordenação.
- ▶ Estável: não altera a ordem de chaves iguais

Enunciado

Apresente o tempo de execução dos métodos de ordenação sobre o arquivo de população das cidades brasileiras - ordene pelo campo população 2010.

Dados

[http://blog.mds.gov.br/redesuas/
lista-de-municipios-brasileiros/](http://blog.mds.gov.br/redesuas/lista-de-municipios-brasileiros/)