

# SISTEMA DE NUMERACIÓN

## CONVERSIÓN DECIMAL A BINARIO (PARTE DECIMAL)

$(0,6875)_{10} \rightarrow \text{Base 2}$   $(0,6875)_{10} = (0,1101)_2$

$$\begin{array}{lcl} 0,6875 \cdot 2 = & \boxed{1} & + 0,375 \\ 0,375 \cdot 2 = & \boxed{0} & + 0,75 \\ 0,75 \cdot 2 = & \boxed{1} & + 0,5 \\ 0,5 \cdot 2 = & \boxed{1} & + 0 \end{array}$$

## EQUIVALENCIA DE BINARIA A HEXADECIMAL

HEXA	BINARY	HEXA	BINARY	HEXA	BINARY	HEXA	BINARY
0	0000	4	0100	8	1000	c	1100
1	0001	5	0101	9	1001	d	1101
2	0010	6	0110	a	1010	e	1110
3	0011	7	0111	b	1011	f	1111

## CALCULAR EL COMPLEMENTO A 2 DE UN NÚMERO

- AGREGAR 0 HASTA COMPLETAR EL REGISTRO
- NEGAR BIT A BIT TODOS LOS DIGITOS Y SUMAR 1

## HEXADECIMAL A BINARIO (32 BITS)

$0xABCDEF00 = 1010\ 1011\ 1100\ 1101\ 1110\ 1111\ 0000\ 0000$

## BINARIO A HEXADECIMAL

$\underbrace{1110}_E \underbrace{0111}_7 \underbrace{1000}_8 \underbrace{0011}_3 = E783$  (SI NO HAY EXACT. 4 AGREGAR 0 A IZQ.)

## DECIMAL A BINARIO CON SIGNO NEG=1, POS=0

$(-76)_{10}$  PASAMOS  $| -76 |$  A BINARIO  $= 1001100$

- RE LLENAR CON 0 A LA IZQ. HASTA COMPL. EL REGISTRO 01001100
- HACER COMPLEMENTO A DOS 10110100 (NEGAR DADO Y SUM. 1)

## BINARIO EN COMPLEMENTO 2 A DECIMAL

- POSITIVO → NO HACEMOS NADA, LO EXPRESAMOS NORMAL A DECIMAL

- NEGATIVO → 10010110 HACER COMP. A 2 01101010

PASAR EL RES A DECIMAL Y AGREGAR EL SIGNO MENOS  $(-100)_{10}$

EL RANGO DE NÚMEROS QUE ADMITE UN REGISTRO →  $-2^{n-1}$  A  $2^{n-1} - 1$

## SUMA BINARIA

## RESTA BINARIA

HACEMOS EL COMPLEMENTO A 2 DEL SEGUNDO OPERANDO Y SE LO SUMAMOS AL PRIMERO

$$\begin{array}{r} 1 \\ + 1 \\ \hline 110 \end{array} \quad \begin{array}{r} 1 \\ + 1 \\ \hline 111 \end{array}$$

se lo sumamos al primero



# FLOATING POINT

REPRESENTACIÓN PARA NÚMEROS NO ENTEROS (COMO UNA ESPECIE DE NOT. CIENT.)  
 $\pm 1, xxx_x \times 2^{yyy} \quad (-1, \underline{0000110} 0101)_2 \equiv -1.00001100101 \times 2^7$

## STANDARD IEEE 754 FLOATING POINT FORMAT

|S| exponent |Fraction|

SING BIAS  $\rightarrow 127$   
 DOUBLE BIAS  $\rightarrow 1023$

$$x = (-1)^S \times (1 + \text{Fraction}) \times 2^{(\text{exp} - \text{bias})}$$

## DECIMAL A IEEE 754

EJEMPLO

1. ENCONTRAR EL BIT SIGNO
  2. PASAR EL NÚMERO A BINARIO Y NORMALIZAR
  3. SUMAR EL BIAS AL EXPONENTE Y CONVERT. A BINARIO
  4. ENCONTRAR LA PARTE FRACCIONARIA
  5. CONFORMAR EL NÚMERO
- 263,3  $\rightarrow$  IEEE 754  
 (0 BIT SIGNO = 0 (POS))  
 $263,3 = 100000111,01001 \times 2^8$   
 $263,3 (\text{NORMAL}) = 1,0000011101001 \times 2^8$   
 $127 + 8 = 135 = 10000111$
- LA PARTE FRACCIONARIA SON 23 BITS Q' SIGUEN DESP. DE LA (,) EN EL NÚMERO  
 0000011101001100110011001100110
- BIT SIGNO - EXPONTE - PARTE FRACCIONARIA  
 01000011100000111010011001100110011001100110

## IEEE 754 A DECIMAL

1. DIVIDIR LOS BITS EN 3 PARTES RESPETANDO EL FORMATO
  2. ENCONTRAR EL BIT DE SIGNO
  3. ENCONTRAR EL EXPONENTE Y -BIAS
  4. DESNORMALIZAR EL NÚMERO
  5. PASAR A DECIMAL
- EJEMPLO  
 01000011100000111010011001100110  
 010000111 00000111010011001100110  
 signo exponente fraction
- Bit sign = 0  $\Rightarrow$  POSITIVO  
 $10000111 = (135)_{10} \Rightarrow 135 - 127 = 8$
- Agregar el uno que se elimina al normalizar y desplazar "8" en el sentido  
 $1,00000111010011001100110 \times 2^8$   
 $100000111010011001100110 (x)$
- (5) (\*) = 263,29998770

## INFINITE AND NaNs

INFINITE  $\rightarrow$  EXPONENT = 11...1 FRACTION = 00...0

NaN (RES. INDEF.  $\rightarrow$  %)  $\rightarrow$  EXP = 11...1 FRACTION  $\neq$  00...0



# ALGEBRA DE BOOLE

3

## ELEMENTOS BÁSICOS

- Sea B un conjunto de elementos
- $B = \{a, b, c, \dots\}$  y su conjunto  $\{0, 1\}$
- Sea  $\phi$  un conjunto de ops en B con resultados en  $\{0, 1\}$
- $\phi = \{+, \cdot, '\}$

$X = \text{AND} = \begin{matrix} x \\ y \end{matrix} \rightarrow F_1 \quad F_1 = x \cdot y$

$+ = \text{OR} = \begin{matrix} x \\ y \end{matrix} \rightarrow F_2 \quad F_2 = x + y$

$\text{NOT} = \begin{matrix} x \end{matrix} \rightarrow F_3 \quad F_3 = x'$

$\text{BUFER} = x \rightarrow F \quad F = x$

$\text{NAND} = \begin{matrix} x \\ y \end{matrix} \rightarrow F_4 \quad F_4 = (x \cdot y)'$

$\text{NOR} = \begin{matrix} x \\ y \end{matrix} \rightarrow F_5 \quad F_5 = (x + y)'$

$\text{OR EXCL} = \text{XOR} \quad \begin{matrix} x \\ y \end{matrix} \rightarrow F_6 \quad F_6 = x \cdot y' + x' \cdot y$

$\text{Non exclu} = \begin{matrix} x \\ y \end{matrix} \rightarrow F_7 \quad F_7 = xy + x'y' = (x \oplus y)'$

x	y	F <sub>1</sub>	F <sub>2</sub>	F <sub>3</sub>
0	0	0	0	1
0	1	0	1	1
1	0	0	1	0
1	1	1	1	0

x	y	F <sub>4</sub>	F <sub>5</sub>
0	0	1	1
0	1	1	0
1	0	1	0
1	1	0	0

x	y	F <sub>6</sub>	F <sub>7</sub>
0	0	0	1
0	1	1	0
1	0	1	0
1	1	0	1

## AXIOMAS

- $a \in B \wedge b \in B \Rightarrow a + b \in B$   
 $a \cdot b \in B$
- $\exists 0 \in B \mid a + 0 = a$
- $\exists 1 \in B \mid a \cdot 1 = a$
- $a + b = b + a, a \cdot b = b \cdot a$
- $a + (b \cdot c) = (a + b) \cdot (a + c)$
- $a \cdot (b + c) = (a \cdot b) + (a \cdot c)$
- $a + a' = 1, a \cdot a' = 0$

## TEOREMAS

- $a \cdot a = a$
- $a + a = a$
- $a \cdot 0 = 0$
- $a + 1 = 1$
- $a + a_1 = 1, a \cdot a_1 = 0$
- $a + a_2 = 1, a \cdot a_2 = 0$
- $a + (a \cdot b) = a$
- $a \cdot (a + b) = a$
- $(a + b)' = a' \cdot b'$
- $(a \cdot b)' = a' + b'$

## MAPAS DE KARNAUGH

SOLO SE PUEDE USAR HASTA 4 VARIABLES

### CON 2 VARIABLES

A	B	S
0	0	1
0	1	0
1	0	0
1	1	1

AB	0	1
0	1	0
1	0	1

### CON 3 VARIABLES

A	B	C	D	S
0	0	0	0	1
0	0	0	1	1
0	0	1	0	1
0	0	1	1	1
0	1	0	0	0
0	1	0	1	0
0	1	1	0	0
0	1	1	1	0
1	0	0	0	0
1	0	0	1	0
1	0	1	0	0
1	0	1	1	0
1	1	0	0	0
1	1	0	1	0
1	1	1	0	0
1	1	1	1	0

### CON 4 VARIABLES

CD	00	01	11	10
AB				
00				
01				
11				
10				

## HACER LOS GLOBOS

SOLO DE 2, 4, 6, 8, 16 - ☐ ☐ TENER EN CUENTA QUE SE DOBLAN

NOMBRAR LOS GLOBOS Y DESPUES DE ORT. LO SUMAMOS  $BC'D' + A'B'C'D'$

CD	00	01	11	10
AB				
00		1		
01	1			
11			1	1
10			1	1

Si esta solo y si son 0 las coordenadas escribimos las coordenadas que comparten

## DON'T CARE

PONER X EN EL MAPA DONDE SUGERIMOS DONDE NUNCA VA A OCURRIR ES EL CASO LA PUEDE ELEGIR COMO 1 Y 0, ENTONCES A VECES LA ELIJO COMO 1 PARA HACER GLOBOS Y SEGUIR SIMPLIFICANDO

## ACLARACIÓN PARA HACER EL MAPA

Si tenemos  $xyz + \bar{x}y + x\bar{y}\bar{z}$  lo hacemos así:  
 $x \quad y \quad z \quad \bar{y} \quad \bar{z}$   
 $x \quad 1 \quad 1 \quad 0 \quad 0$   
 $x \quad 1 \quad 0 \quad 1 \quad 0$   
 $x \quad 0 \quad 1 \quad 0 \quad 0$   
 $x \quad 0 \quad 1 \quad 1 \quad 0$



# FUNCIÓN OR EXCLUSIVO

(XOR)  $X \oplus Y = XY' + X'Y$ . ES 1 SOLO CUANDO EXACTAMENTE ALGUNO ES 1

## NOR EXCLUSIVO (EQUIVALENCIA)

$(X \oplus Y)' = X \cdot Y + X' \cdot Y'$ . EL COMPLEMENTO DEL XOR. ES 1 SI AMBAS SON 1

## GENERADOR DE PARIDAD

HACEMOS LA TABLA DE VERDAD. SI ES PAR (2 UNOS, 4 UNOS) PONEMOS 0  
SI ES IMPAR PONEMOS 1. SUELE ESTAR RELACIONADO CON EL XOR

$$F = A \oplus B \oplus C \text{ (IMPAR)} \quad F = (A \oplus B \oplus C)' \text{ (PAR)}$$

## FORMAS CANONICAS

### MINITERMINOS

- ESCRIBIMOS LA NEGACIÓN SI ES 0
- ESCRIBIMOS SIN NEGAR SI ES 1
- ES LA SUMA DE PRODUCTOS
- ESCRIBIMOS DONDE EN LA TABLA DE 1

### MAXITERMINOS

- ESCRIBIMOS LA NEGACIÓN SI ES 1
- ESCRIBIMOS SIN NEGAR SI ES 0
- ES LA SUMA DE CADA COSA MINIMA
- ESCRIBIMOS DONDE LA TABLA ES 0

a b c F  $\bar{a}b\bar{c} + a\bar{b}\bar{c} + a\bar{b}c + abc \rightarrow$  MINITERMINOS

$$\sum(m_3, m_5, m_6, m_7) = \sum m(3, 5, 6, 7)$$

$$(a+b+c) \cdot (a+b+\bar{c}) \cdot (a+\bar{b}+c) \cdot (\bar{a}+b+c) \rightarrow \text{MAXITERMINOS}$$

$$\prod(m_0, m_1, m_2, m_4) = \prod m(0, 1, 2, 4)$$

a	b	c	F
0	0	0	0 m0
0	0	1	0 m1
0	1	0	0 m2
0	1	1	1 m3
1	0	0	0 m4
1	0	1	1 m5
1	1	0	1 m6
1	1	1	1 m7

PARA ENCONTRAR LA TABLA DE VERDAD DE UNA FUNC. REEMPLAZAMOS EN CADA COMBINACIÓN (ALGEBRA A TABLA DE VERDAD)

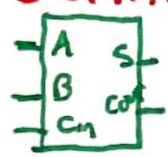
CIRCUITO A TABLA DE VERDAD  $\rightarrow$  REEMPLAZAMOS CADA COMBINACIÓN POR LO Q' DA EL CIRCUITO  
CIRCUITO A ALGEBRA  $\rightarrow$  VAMOS ESCRIBIENDO LO Q' VEMOS (HACER POR PARTES)  
TABLA. V. A ALGEBRA  $\rightarrow$  DONDE HAY 1 EN LA TABLA ESCRIBIMOS LA COMBINACIÓN

## ESCALAS DE INTEGRACIÓN MEDIA

ES COMO HACERLO CON FUNCIONES CUANDO UNA PARTE DEL CODIGO SE REPITE

## SUMADORES

## HALF ADDER



LE PASAMOS LO QUE VAMOS A SUMAR ( $a+b+\text{CARRY}$ )  $S = x \oplus y$   
 E C IN ES LO QUE ACARREAMOS ANTERIORMENTE  $C = xy$   
 DEVOLVEMOS LA SUMA Y EL CARRY.

## DECODIFICADORES

PASAR UN NÚMERO BINARIO A UNA SOLA SALIDA (SE ACTIVA UNA SOLA COSA)  
ES UN CIRCUITO COMBINACIONAL QUE CONVIERTE INFORMACIÓN BINARIA  
DE "N" ENTRADAS CODIFICADAS A  $2^N$  SALIDAS ÚNICAS. (SOLO UNA ESTÁ ACTIVA)

DECODIFICADOR ACTIVO POR BAJO  $\rightarrow$  SALIDA ACTIVA = "0" (TODAS O MENOS UNA)  
DECODIFICADOR ACTIVO POR ALTO  $\rightarrow$  SALIDA ACTIVA = "1" (TODAS O MENOS UNA)

## MULTIPLEXORES

MUCHAS ENTRADAS Y LA DIRIGE A 1 SOLA SALIDA  
 ES UN CIRCUITO COMBINACIONAL QUE SELECCIONA INFORMACIÓN BINARIA  
 DE MUCHAS ENTRADAS Y LA DIRIGE A UNA ÚNICA SALIDA  $Y = A\bar{S} + BS$   
 SI TIENE 2<sup>ª</sup> ENTRADAS NECESITA n SEÑALES DE SELECCIÓN

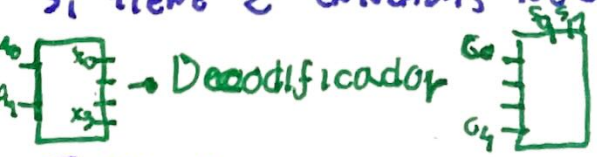


TABLA DE VERDAD DE CONFIGURACIÓN

[illegible]



# DIRECCIONAMIENTO Y LÓGICA DE DECODIFICACIÓN DE MEMORIAS [3]

## MAPA DE MEMORIA

$$\text{CAPACIDAD TOTAL} = 2^m \times 2^n \text{ bits}$$

↓                      ↙ bits DE CADA WORDS

CANTIDAD DE WORDS

Ej → 2K WORDS × 8 bits (2K WORDS DE 8 bits CADA UNA)

AUMENTAR ANCHO DE LA WORD → CONEXIÓN EN PARALELO (11)

Ej → si TENGO 2K WORDS × 8 bits Y NECESITO 2K WORDS × 16 bits ⇒ 2 //

AUMENTAR CAPACIDAD DE DIRECCIONAMIENTO → CONEXIÓN EN SERIE

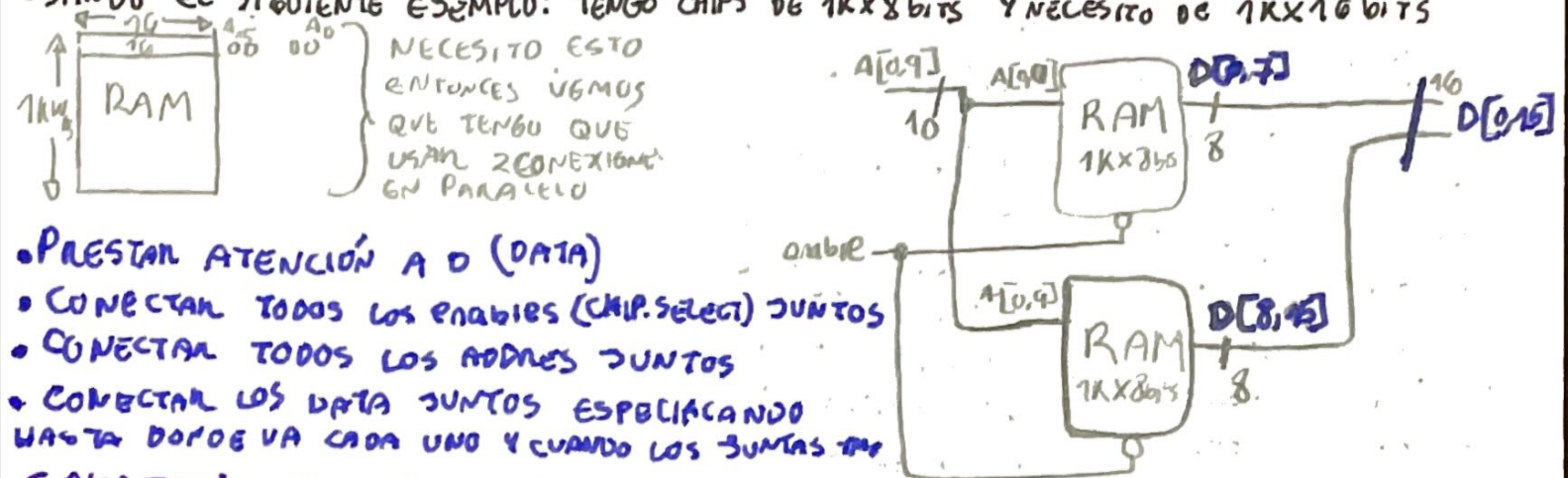
Ej → si TENGO 2K × 8 bits Y NECESITO 4K × 8 bits ⇒ 225 NECESITO

AUMENTAR ANCHO Y CAPACIDAD →

Ej → TENGO 2K × 8 bits Y NECESITO 4K × 16 bits ⇒ 22

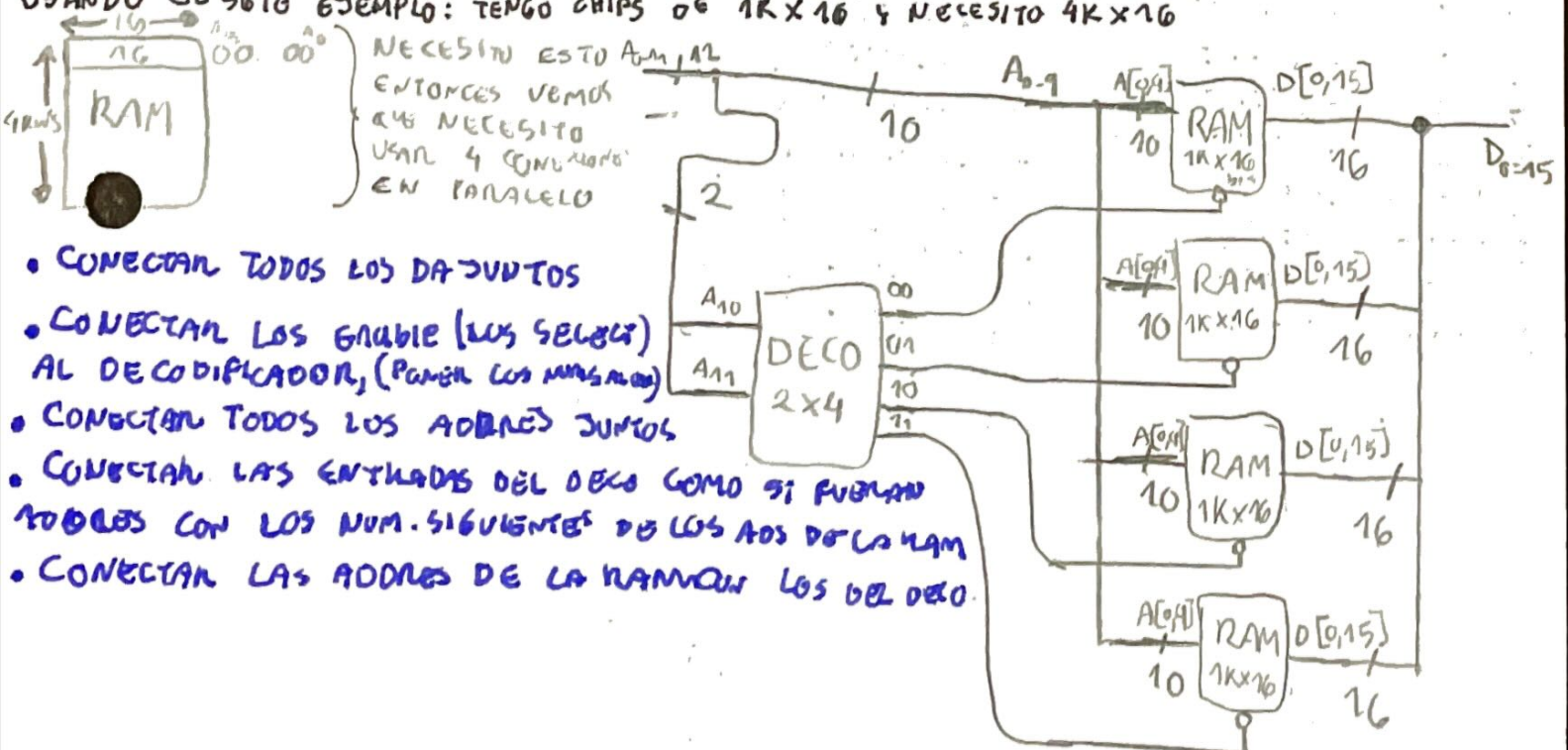
## CONSTRUIR SISTEMA DE MEMORIA RAM EN PARALELO

USANDO EL SIGUIENTE EJEMPLO: TENGO CHIPS DE 1K × 8 bits Y NECESITO DE 1K × 16 bits



## CONSTRUIR SISTEMA DE MEMORIA RAM EN SERIE

USANDO EL SIGTE EJEMPLO: TENGO CHIPS DE 1K × 16 Y NECESITO 4K × 16

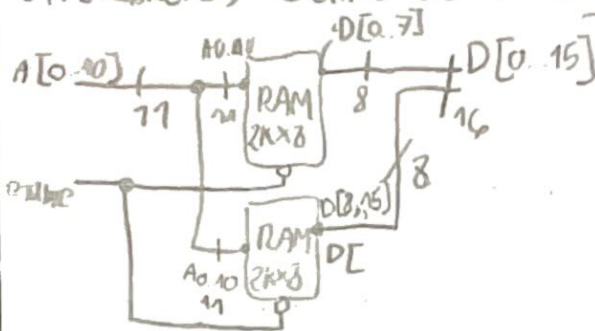


# CONSTRUIMOS SISTEMA DE MEMORIA RAM EN PARALELO + GN SERIAL 18

Por ejemplo si tengo 2Kx8bits y necesito 4Kx16 entonces vimos que necesitamos 4

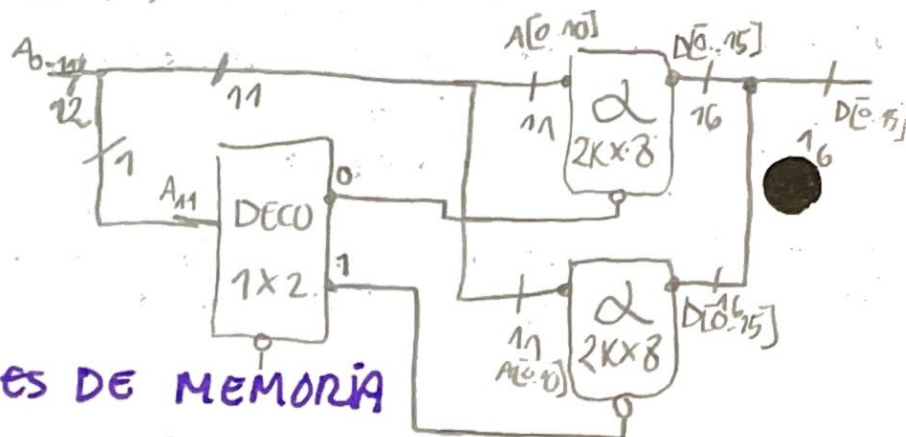
PRIMERO CREAMOS UN BLOQUE GENERAL AL QUE LLAMARE "d"

UTILIZAREMOS 2 CHIPS DE 2Kx8bits CONECTADOS EN PARALELO PARA OBTEN 2Kx16bits



BLOQUE  
d  
2Kx16bits

AHORA (YA CREADO MI BLOQUE d) VOY A HACER MI CONEXION EN SERIE UTILIZANDO EL BLOQUE d DE 2Kx16bits Y COMO NECESITO 4Kx16 VOY A USAR 2 BLOQUES d



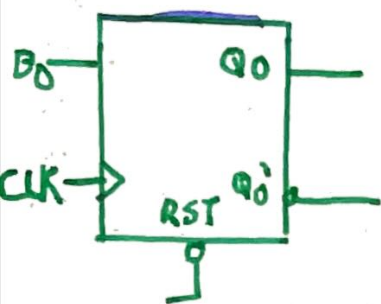
## MAPA DE DIRECCIONES DE MEMORIA

00000 - 0FFFF	SEGMENTO 0
10000 - 1FFFF	SEGMENTO 1
20000 - 2FFFF	SEGMENTO 2
30000 - 3FFFF	SEGMENTO 3
40000 - 4FFFF	SEGMENTO 4
50000 - 5FFFF	SEGMENTO 5
60000 - 6FFFF	SEGMENTO 6
70000 - 7FFFF	SEGMENTO 7
80000 - 8FFFF	SEGMENTO 8
90000 - 9FFFF	SEGMENTO 9
A0000 - AFFFF	SEGMENTO A
B0000 - BFFFF	SEGMENTO B
C0000 - CFFFF	SEGMENTO C
D0000 - DFFFF	SEGMENTO D
E0000 - EFFFF	SEGMENTO E
F0000 - FFFFF	SEGMENTO F



# CIRCUITOS SECUENCIALES

## FLIP FLOP D



R	C	D	Q	Q'
0	x	x	0	1
1	↑	0	0	1
1	↑	1		

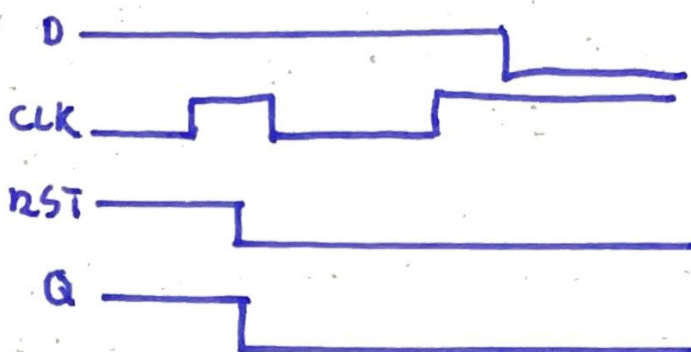
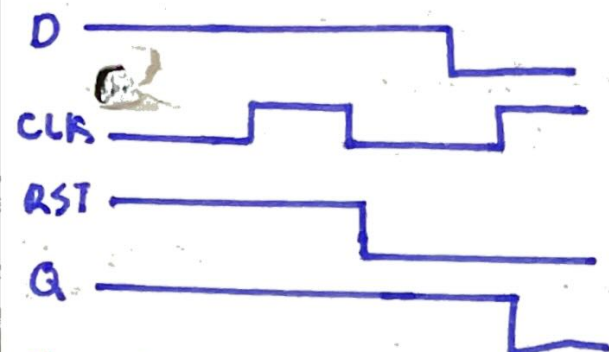
A TENER QUE MIRAR PARA DETERMINAR EN QUE MOMENTO DEL TIEMPO VA A MIRAR SUS ENTRADAS PARA PROCESARLA.

EL FLIP FLOP MIRA SU ENTRADAS Y PONE ALGO QUE AL FLIP FLOP SE LE ANTOJE, SOLAMENTE CUANDO OCURREN DETERMINADAS CONDICIONES EN UNA ENTRADA DE CONTROL O ENTRADA DE CLOCK.

EL CLOCK ES UNA ENTRADA PARTICULAR DEL FLIP FLOP YA QUE ES AQUÍ QUE EL FF VA A TENER QUE MIRAR PARA DETERMINAR EN QUE MOMENTO DEL TIEMPO VA A MIRAR SUS ENTRADAS PARA PROCESARLA.

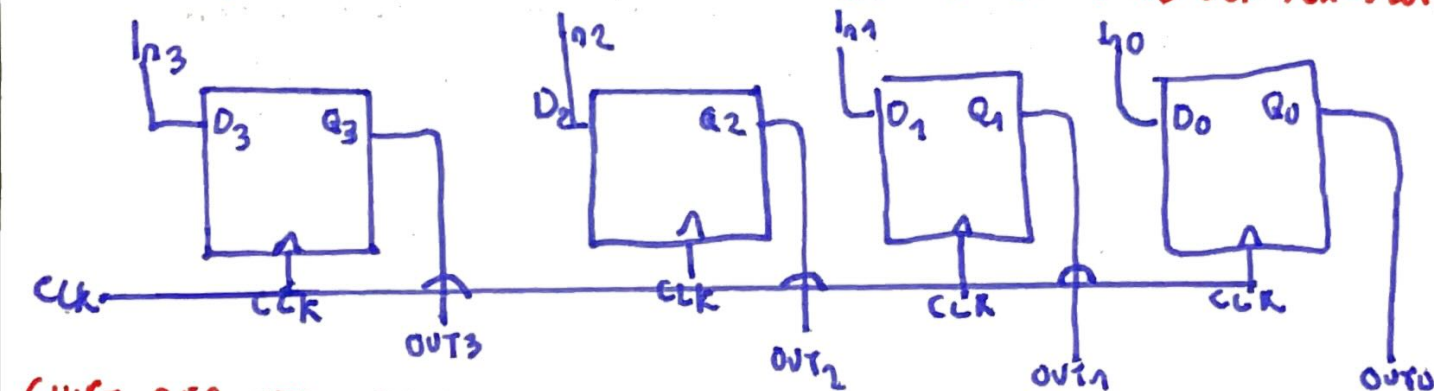
CON RESET SINCRONO

CON RESET ASINCRONO

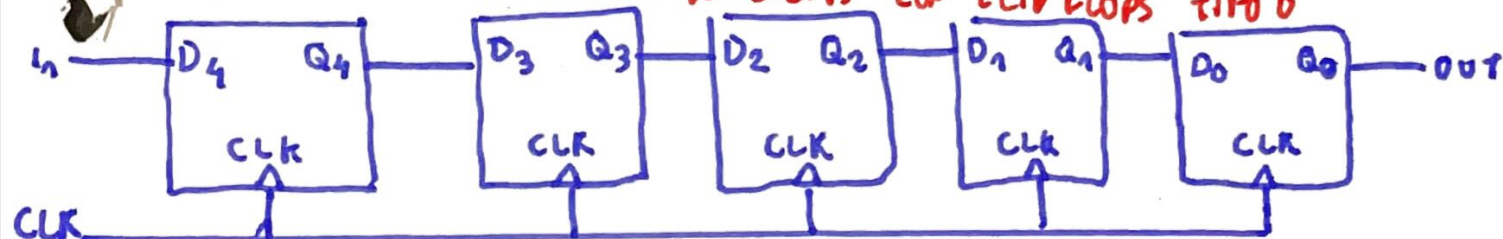


CADA FLIP FLOP PUEDE ALMACENAR SOLO 1 BITS.

FLIP FLOP CON FLANCO CRECIENTE → SOLO MIRA LOS INSTANTES DE TIEMPO A REGISTRO DE ENTRADA Y SALIDA EN PARALELO DE 4 BITS CON FLIP-FLOPS TIPO D



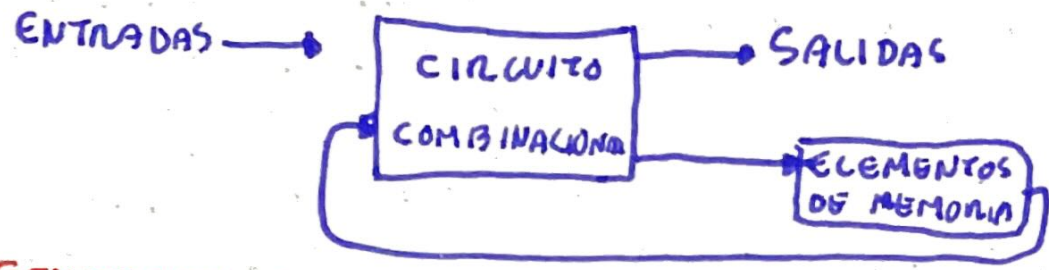
SHIFT REGISTER UNIDIRECCIONAL DE 5 BITS CON FLIP FLOPS TIPO D



RECORDAR QUE EN PARALELO DE LA SALIDA AL OUT MUCHOS OUT. EN EL DE SERI ES COMO UNA CADENA IN → OUT.



# CIRCUITOS SECUENCIALES CON RELOJ



• LA INFORMACIÓN ALMACENADA EN LOS ELEMENTOS DE MEMORIA EN CUALQUIER MOMENTO DADO DEFINE EL ESTADO DEL CIRCUITO SECUENCIAL EN ESE MOMENTO

## ECUACIONES DE ESTADO

EL COMPORTAMIENTO DE LOS CIRCUITOS SECUENCIALES CON RELOJ SE DESCRIBEN ALGEBRAICAMENTE CON ECUACIONES DE ESTADO, QUE ESPERIFICAN EL SIGUIENTE ESTADO EN FUNCIÓN DEL ESTADO ACTUAL Y LAS ENTRADAS

$$A(t+1) = A(t)Z(t) + B(t)Z(t) \quad A(t), B(t), \dots = Q_1 \dots Q_n$$

$$B(t+1) = A'(t)Z(t)$$

$$A(t+1), B(t+1) = 0x \dots 0$$

## TABLA DE ESTADOS

- ESTADO ACTUAL → ESTADOS DE LOS FLIP-FLIPS A Y B (EN CUALQUIER <sup>INSTANTE DADO</sup> ESTADO ACTUAL)
- ENTRADA → VALOR DE Z PARA CADA POSIBLE ESTADO ACTUAL
- SIGUIENTE ESTADO → ESTADOS DE LOS FLIP-FLIPS, UN CICLO DE RELOJ DESP (t+1)
- SALIDA → VALOR DE Y EN EL TIEMPO t PARA CADA ESTADO ACTUAL Y CONDICIÓN DE ENTRADA