# Correction du TP 3

### Nicolas Monmarché département informatique – Polytech Tours

### 1 Construction de la table SLR

Remarque : la correction proposée ci-dessous ne prend pas en compte le fait qu'un texte JSON puisse être directement un tableau (dans la version présentée ci-dessous, le tableau doit être encapsulé dans un objet).

Avec les notations proposées dans le support de TP, la grammaire devient :

$$\mathcal{A} = \{'\{','\}','[',']',',',':',s,n,t,f,u\}$$

$$V_N = \{O, M, P, A, E, V\}$$
axiome = 
$$O$$

$$\begin{cases}
O \to \{\}\\
O \to \{M\}\\
M \to P\\
M \to P, M\\
P \to s: V\\
A \to []\\
A \to [E]\\
E \to V\\
E \to V, E\\
V \to s\\
V \to n\\
V \to O\\
V \to A\\
V \to t\\
V \to f\\
V \to u$$

Et si on l'augmente, on a la grammaire augmentée (dont on numérote les règles) :

$$\mathcal{A} = \{'\{','\}','[',']',',',',',s,n,t,f,u\} \\ V_N = \{O, M, P, A, E, V\} \\ \text{axiome} = S \\ \begin{cases} (0) & S \to O \\ (1) & O \to \{\} \\ (2) & O \to \{M\} \\ (3) & M \to P \\ (4) & M \to P, M \\ (5) & P \to s : V \\ (6) & A \to [] \\ (7) & A \to [E] \\ (8) & E \to V \\ (9) & E \to V, E \\ (10) & V \to s \\ (11) & V \to n \\ (12) & V \to O \\ (13) & V \to A \\ (14) & V \to t \\ (15) & V \to f \\ (16) & V \to u \end{cases}$$

On construit ensuite l'automate LR en utilisant les fonctions Avancer (A()) et Fermeture (F()) données dans le cours de compilation :

```
-I_{9} = A(I_{6},:) = F(\{[P \rightarrow s: \bullet V]\}) = \begin{cases} [V \rightarrow \bullet s] \\ [V \rightarrow \bullet n] \\ [V \rightarrow \bullet A] \\ [V \rightarrow \bullet A] \\ [V \rightarrow \bullet t] \\ [V \rightarrow \bullet t
         -I_{10} = A(I_8, M) = F(\{[M \to P, M \bullet]\}) = \{[M \to P, M \bullet]\}
         --(I_{11}) = A(I_8, P) = F(\{[M \to P \bullet], [M \to P \bullet, M]\}) = \{[M \to P \bullet], [M \to P \bullet, M]\} = I_4
         --(I_{12}) = A(I_8, s) = F(\{[P \to s \bullet : V]\}) = \{[P \to s \bullet : V]\} = I_6
         - I_{13} = A(I_9, O) = F(\{[V \to O \bullet]\}) = \{[V \to O \bullet]\}
     -I_{13} = A(I_{9}, O) = F(\{|V \to O \bullet|\}) = \{|V \to O \bullet|\} 
 -I_{14} = A(I_{9}, A) = F(\{|V \to A \bullet|\}) = \{|V \to A \bullet|\} 
 -I_{15} = A(I_{9}, V) = F(\{|P \to s : V \bullet|\}) = \{|P \to s : V \bullet|\} 
 -(I_{16}) = A(I_{9}, \{\}) = F(\{|O \to \{\bullet\}\}\}, |O \to \{\bullet M\}]\}) = \begin{cases} [O \to \{\bullet\}] \\ [O \to \{\bullet M\}] \\ [M \to \bullet P] \\ [M \to \bullet P, M] \\ [P \to \bullet s : V] \end{cases} 
 -(I_{16}) = A(I_{9}, \{\}) = F(\{|O \to \{\bullet\}\}\}, |O \to \{\bullet M\}]\}) = \begin{cases} [A \to [\bullet]] \\ [A \to [\bullet]] \\ [A \to [\bullet]] \end{cases} 
-I_{17} = A(I_9, [) = F(\{[A \to [\bullet]], [A \to [\bullet E]]\}) = \begin{cases} [A \to [\bullet]] \\ [A \to [\bullet E]] \\ [E \to \bullet V] \\ [E \to \bullet V, E] \\ [V \to \bullet s] \\ [V \to \bullet n] \\ [V \to \bullet n] \\ [V \to \bullet A] \\ [V \to \bullet t] \\ [V \to 
         -I_{18} = A(I_9, s) = F(\{[V \to s \bullet]\}) = \{[V \to s \bullet]\}
         -I_{19} = A(I_9, n) = F(\{[V \to n \bullet]\}) = \{[V \to n \bullet]\}
         - I_{20} = A(I_9, t) = F(\{[V \to t \bullet]\}) = \{[V \to t \bullet]\}
        - I_{21} = A(I_9, f) = F(\{[V \to f \bullet]\}) = \{[V \to f \bullet]\}
         - I_{22} = A(I_9, u) = F(\{[V \to u \bullet]\}) = \{[V \to u \bullet]\}
         -(I_{23}) = A(I_{17}, O) = F(\{[V \to O \bullet]\}) = I_{13}
         -(I_{24}) = A(I_{17}, A) = F(\{[V \to A \bullet V]\}) = I_{14}
        - I_{25} = A(I_{17}, E) = F(\{[A \to [E \bullet]]\}) = \{[A \to [E \bullet]]\}
         -I_{26} = A(I_{17}, V) = F(\{[E \to V \bullet], [E \to V \bullet, E]\}) = \{[E \to V \bullet], [E \to V \bullet, E]\}
         --(I_{27}) = A(I_{17}, \{) = F(\{[O \to \{\bullet\}], [O \to \{\bullet M\}]\}) = I_2
         -(I_{28}) = A(I_{17}, [) = F(\{[A \to [\bullet]], [A \to [\bullet E]]\}) = I_{17}
         - I_{29} = A(I_{17},]) = F(\{[A \to [] \bullet]\}) = \{[A \to [] \bullet]\}
```

$$- (I_{30}) = A(I_{17}, s) = I_{18}$$

$$- (I_{31}) = A(I_{17}, n) = I_{19}$$

$$- (I_{32}) = A(I_{17}, t) = I_{20}$$

$$- (I_{33}) = A(I_{17}, t) = I_{21}$$

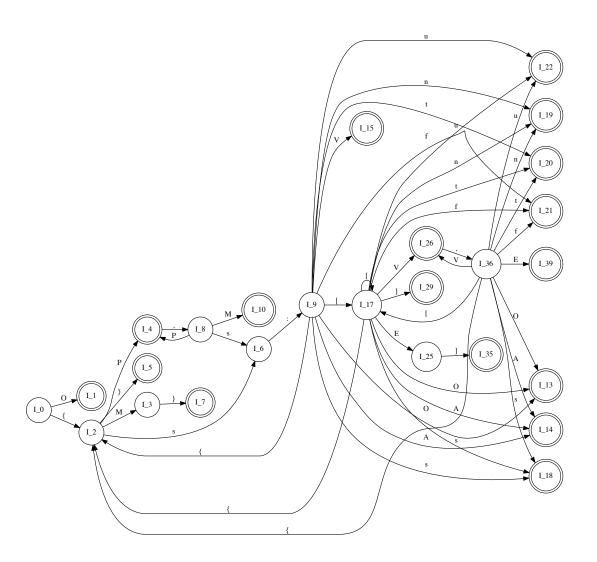
$$- (I_{34}) = A(I_{17}, u) = I_{22}$$

$$- I_{35} = A(I_{25},]) = F(\{[A \rightarrow [E] \bullet]\}) = \{[A \rightarrow [E] \bullet]\}$$

$$- I_{36} = A(I_{26}, \cdot) = F(\{[E \rightarrow V, \bullet E]\}) = \begin{cases} [E \rightarrow V, \bullet E] \\ [E \rightarrow \bullet V, \bullet E] \\ [V \rightarrow \bullet s] \\ [V \rightarrow \bullet n] \\ [V \rightarrow \bullet A] \\ [V \rightarrow \bullet t] \\ [V \rightarrow \bullet f] \\ [V \rightarrow \bullet t] \\ [V \rightarrow \bullet f] \\ [V \rightarrow \bullet t] \\ [V$$

Remarque: On pourrait renuméroter les états afin d'éliminer les états vides (ceux qui ont été mis entre parenthèses).

On obtient l'automate fini suivant (les états n'ont pas été renumérotés) :



Remarque L'automate a été dessiné avec Graphviz/dot. Ci-dessous, le code source :

```
digraph finite_state_machine {
           rankdir=LR;
           size = "8,5"
           node [shape = doublecircle]; I_{-1} I_{-4} I_{-5} I_{-7} I_{-10} I_{-13} I_{-14} I_{-15}
           I_{-}18 I_{-}19 I_{-}20 I_{-}21 I_{-}22 I_{-}26 I_{-}29 I_{-}35 I_{-}39;
           node [shape = circle];
           I_{-0} \rightarrow I_{-1} [label = "O"];
           I_{-0} \rightarrow I_{-2} [ label = "{"}];
           I_{-}2 \rightarrow I_{-}3
                              label = "M"
           I_{-2} \rightarrow I_{-4} [label = "P"]
           I_{-2} \rightarrow I_{-5} [label = "]"
           I_{-2} \rightarrow I_{-6} [label = "s"]
           I_{-3} -> I_{-7}
                           [label = "]"
           I_{-4} \rightarrow I_{-8} [label = ","]
           I_{-6} \rightarrow I_{-9} [ label = ":" ];
           I_{-8} \rightarrow I_{-10} [label = "M"];
```

```
I_{-8} \rightarrow I_{-4} [label = "P"];
            I_{-8} \rightarrow I_{-6} [label = "s"];
            I_{-9} \rightarrow I_{-13} [ label = "O" ];
            I_{-9} \rightarrow I_{-14} [ label = "A"]
            I_{-9} \rightarrow I_{-15} [ label = "V"]
            I_{-9} \rightarrow I_{-2} [label = "{"}]
                                                "["
            I_{-9} -> I_{-17} [ label =
            I_{-}9 \rightarrow I_{-}18
                                   label = "s"
            I_{-}9 \rightarrow I_{-}19
                                   label = "n"
            I_{-}9 \rightarrow I_{-}20
                                   label = "t"
            I_{-}9 \rightarrow I_{-}21
                                   label = "f"
            I_{-}9 \rightarrow I_{-}22
                                  label = "u"
            I_{-}17 -> I_{-}13
                                 [ label = "O"
            I_{-}17 -> I_{-}14
                                    label = "A"
            I_{-}17 -> I_{-}26 \text{ [ label = "V"]}
            I_{-}17 \rightarrow I_{-}2 \ [ label = "{"}
            I_{-}17 -> I_{-}17
                                     label =
            I_{-}17 -> I_{-}29
                                     label = "]"
            I_{-}17 -> I_{-}18
                                     label = "s"
            I_{-}17 -> I_{-}19
                                     label = "n"
            I_{-}17 -> I_{-}20
                                     label = "t"
                                     label = "f"
            I_{-}17 -> I_{-}21
            I_{-}17 -> I_{-}22
                                     label = "u"
            I_{-}17 -> I_{-}25
                                     label = "E"
            I_{-}25 \rightarrow I_{-}35
                                     label =
                                     label = ","
            I_{-}26 \rightarrow I_{-}36
            I_{-}36 \rightarrow I_{-}13
                                     label = "O"
            I_{-}36 \rightarrow I_{-}14
                                     label = "A"
            I_{-}36 \rightarrow I_{-}39
                                     label = "E"
            I_{-}36 \rightarrow I_{-}26
                                    label = "V"
            I_{-36} \rightarrow I_{-2} [label = "{"}]
                                     label =
            I_{-}36 \rightarrow I_{-}17
                                     label = "s"
            I_{-}36 \rightarrow I_{-}18
            I_{-}36 \rightarrow I_{-}19
                                     label = "n"
            I_{-}36 \rightarrow I_{-}20
                                     label = "t"
            I_{-}36 \rightarrow I_{-}21
                                     label = "f"
            I_{-}36 \rightarrow I_{-}22
                                    label = "u"
}
   En calculant les ensembles :
   -- Suivant(M) = \{'\}'\}
    - Suivant(O) = \{'\}', ', ', ']', \#\} 
 - Suivant(V) = \{'\}', ']', '\} 
   — Suivant(P) = \{'\}', ', '\}
   - Suivant(E) = \{'\}'
   -Suivant(A) = \{'\}', ']', ', '\}
```

État	{	}	[	1		:	s	n	t	f	u	#	0	M	P	A	E	V
$I_0$	$dI_2$	J	l L	]	,	•		10		J		77	$I_1$	171	1	2 <b>1</b>		V
$I_1$	<i>a1</i> 2											Acc	11					
$I_2$		$dI_5$					$dI_6$					1100		$I_3$	$I_4$			
$I_3$		$dI_7$					α1 <sub>0</sub>							13	-4			
$I_4$		r3			$dI_8$													
$I_5$		r1		r1	r1							r1						
$I_6$		, 1		, -	, 1	$dI_9$						, 1						
$I_7$		r2		r2	r2	w19						r2						
$I_8$		, –		· <del>-</del>			$dI_6$					. –		$I_{10}$	$I_4$			
$I_9$	$dI_2$		$dI_{17}$				$dI_{18}$	$dI_{19}$	$dI_{20}$	$dI_{21}$	$dI_{22}$		$I_{13}$	-10	-4	$I_{14}$		$I_{15}$
$I_{10}$		r4	11				10	10	20	21	22		10			11		10
$I_{13}$		r12		r12	r12													
$I_{14}$		r13		r13	r13													
$I_{15}$		r5			r5													
$I_{17}$	$dI_2$		$dI_{17}$	$dI_{29}$			$dI_{18}$	$dI_{19}$	$dI_{20}$	$dI_{21}$	$dI_{22}$		$I_{13}$			$I_{14}$	$I_{25}$	$I_{26}$
$I_{18}$		r10		r10	r10													
$I_{19}$		r11		r11	r11													
$I_{20}$		r14		r14	r14													
$I_{21}$		r15		r15	r15													
$I_{22}$		r16		r16	r16													
$I_{25}$				$dI_{35}$														
$I_{26}$				r8	$dI_{36}$													
$I_{29}$		r6		r6	r6													
$I_{35}$		r7		r7	r7													
$I_{36}$	$dI_2$		$dI_{17}$				$dI_{18}$	$dI_{19}$	$dI_{20}$	$dI_{21}$	$dI_{22}$		$I_{13}$			$I_{14}$	$I_{39}$	$I_{26}$
$I_{39}$				r9														

et même renuméroter les états (pour éviter les trous) :

État	{	}	[	]	,	:	s	n	t	f	u	#	0	M	P	A	E	V
$I_0$	$dI_2$												$I_1$					
$I_1$												Acc						
$I_2$		$dI_5$					$dI_6$							$I_3$	$I_4$			
$I_3$		$dI_7$																
$I_4$		r3			$dI_8$													
$I_5$		r1		r1	r1							r1						
$I_6$						$dI_9$												
$I_7$		r2		r2	r2							r2						
$I_8$							$dI_6$							$I_{10}$	$I_4$			
$I_9$	$dI_2$		$dI_{14}$				$dI_{15}$	$dI_{16}$	$dI_{17}$	$dI_{18}$	$dI_{19}$		$I_{11}$			$I_{12}$		$I_{13}$
$I_{10}$		r4																
$I_{11}$		r12		r12	r12													
$I_{12}$		r13		r13	r13													
$I_{13}$		r5			r5													
$I_{14}$	$dI_2$		$dI_{14}$	$dI_{22}$			$dI_{15}$	$dI_{16}$	$dI_{17}$	$dI_{18}$	$dI_{19}$		$I_{11}$			$I_{12}$	$I_{20}$	$I_{21}$
$I_{15}$		r10		r10	r10													
$I_{16}$		r11		r11	r11													
$I_{17}$		r14		r14	r14													
$I_{18}$		r15		r15	r15													
$I_{19}$		r16		r16	r16													
$I_{20}$				$dI_{23}$														
$I_{21}$				r8	$dI_{24}$													
$I_{22}$		r6		r6	r6													
$I_{23}$		r7		r7	r7													
$I_{24}$	$dI_2$		$dI_{14}$				$dI_{15}$	$dI_{16}$	$dI_{17}$	$dI_{18}$	$dI_{19}$		$I_{11}$			$I_{12}$	$I_{25}$	$I_{21}$
$I_{25}$				r9														

## 2 Autres méthodes de vérification

On peut obtenir la table LR en utilisant bison (voir TP de compilation).

On peut aussi utiliser un outil en ligne : http://jsmachines.sourceforge.net/machines/slr.html en lui fournissant la grammaire :

M -> P , M

P -> s : V

A -> [ ]

A -> [ E ]

E -> V

 $E \rightarrow V$  , E

V -> s

V -> n

V -> 0

V -> A

```
V -> t
V -> f
V -> u
```

#### 3 Automate LR

On peut représenter le fonctionnement de l'analyseur LR basé sur un automate à pile selon l'algorithme suivant :

```
/* initialisation */
Pile: Pile d'Entiers
PileJSon : Pile de void *
Empiler l'état 0 sur la Pile
/* on recupère un symbole en appelant l'analyseur lexicale */
lexeme = Lex()
/* boucle générale */
Fini = faux
TantQue non Fini Faire
    action = TableAction[sommet(Pile)][lexeme]
    Si action==Acceptation Alors
         O = Depiler un objet JSon de la PileJSon /* l'arbre JSON est sur la pile */
         Fini = vrai
         Retourner (0)
    Sinon Si action==Déplacement Alors
         Empiler TableGoto[sommet(Pile)][lexeme] sur la Pile
         lexeme = Lex() /* on lit le symbole suivant */
    Sinon Si action==ERREUR Alors
        Afficher l'erreur et Sortir
    Sinon /* c'est une réduction, la table donne le numéro de la règle : n */
        /* on depile autant d'états que d'éléments
         * en partie droite de la règle */
        Tantque i < taille Partie Droite Regle [n]
            Depiler un état de la Pile
        /* on empile le nouvel état qui résume la nouvelle situation
         * X est l'auxiliaire en partie gauche de la règle n */
        Empiler TableGoto[sommet(Pile)][X] sur la Pile
        /* la suite de l'algorithme est consacré à la construction
         * de l'arbre JSon en mémoire (si on vérifie la validité de la
         * séquence, on pouvait s'arreter ici */
        /* en fonction de la règle, il faut créer et assembler les structures JSON */
        Si n==1 Alors /* règle 0 -> { } */
            Créer un objet JSon vide et l'empiler sur PileJSon
        Sinon Si n==2 Alors /* règle 0 -> { M } */
            /* il n'y a rien à faire car l'objet M est déjà sur la pile */
        Sinon Si n==3 Alors /* règle M -> P */
            P = dépiler de la PileJSon
            Créer un objet Json, y insérer la paire P, et l'empiler sur PileJSon
```