## SÍLABO DEL CURSO: INTRODUCCIÓN A LA ESTADÍSTICA Y PROBABILIDADES

## CM-274

Curso elemental de probabilidad y de ciertos aspectos básicos de la estadística inferencial. Curso que pertenece al área de Probabilidad y Procesos Estocásticos y de naturaleza teórico-práctico. Las anotaciones de este curso tienen como objetivo la preparación en temas como ciencia de datos o machine learning.

Se asume que el estudiante tiene ciertos conocimientos de cálculo avanzado, programación básica, álgebra lineal.

| Semana                          | 1ra Sesión (Martes)   | 2da Sesión Jueves (A)<br>Miércoles(B)   | Práctica<br>(Viernes)   |
|---------------------------------|---|---|---|
| 1<br>(del<br>20/08 al<br>24/08) | Organización de datos y principales parámetros estadísticos Estadística: Población, muestra y variable. Clasificación de variables, tablas de distribución de frecuencia, | Representaciones gráficas. Medidas de tendencia central: media, mediana, media ponderada  | Entrega de<br>proyectos y<br>Prueba de<br>entrada<br>(Sem 1)  |
| 2<br>(del<br>27/08 al<br>31/08) | Medidas de dispersión: varianza, desviación estándar, coeficiente de variación  | Medidas de posición: cuartil, decil, percentil. Diagramas de cajas.  (jueves 30/08 feriado)   | 1ra<br>dirigida<br>(sem 1 y 2)                                |
| 3<br>(del<br>03/09 al<br>07/09) | Probabilidad  Métodos de conteo. Reglas de adición y multiplicación Permutaciones y combinaciones   | Introducción: Desarrollo axiomático de probabilidad. Experimentos aleatorios, espacio muestral y eventos. Propiedades.  | 2da<br>Dirigida<br>(sem 3)                                    |
| 4<br>(del<br>10/09 al<br>14/09) | Probabilidad condicional, diagrama de<br>árbol. Eventos independientes.<br>Teorema de Bayes. Teorema de la<br>Probabilidad Total.   | Variables aleatorias y distribución de probabilidad  Variables aleatorias discretas, funciones de masa de probabilidad y funciones de distribución. Variables aleatorias continuas. | 1ra<br>calificada<br>(sem 1, 2 y 3)                           |
| 5<br>(del<br>17/09 al<br>21/09) | Densidad de probabilidad y función de distribución. Algunas útiles distribuciones: distribuciones discretas (Bernoulli, Binomial, Poisson, Geométrica, Binomial negativa) | Distribuciones continuas (Uniforme,<br>Normal, normal estándar, gamma,<br>exponencial, chi-cuadrado, Cauchy).   | 3ra Dirigida<br>(sem 4 y 5)<br>Primera entrega<br>del trabajo |

| 6<br>(del<br>24/09 al<br>28/09)  | Momentos y funciones generadora de momentos (MGF)                               | Momentos y MGF de las distribuciones de<br>Bernoulli, Binomial, Poisson, Normal,<br>Gaussiana. | 4ta<br>dirigida<br>(Sem 6)   |
|----------------------------------|---|--|--|
| 7<br>(del<br>01/10 al<br>05/10)  | Esperanza y varianza. Determinación de una distribución vía MGF.                | Variables aleatorias multivariadas:<br>distribuciones condicionales marginales y<br>conjuntas. | 2da<br>Calificada<br>(Sem 4, 5 y 6)<br>Segunda<br>entrega del<br>trabajo |
| 8<br>(del<br>08/10 al<br>12/10)  | EXÁMENES PARCIALES<br>(Semanas 1, 2, 3, 4, 5 y 6)                               |  |  |
| 9<br>(del<br>15/10 al<br>19/10)  | Distribuciones discretas. Covarianza y coeficiente de correlación.              | Distribución normal bivariada  | 5ta dirigida<br>(Sem 7 y 9)  |
| Sem.<br>Libre                    | EXPOCIENCIA   |  |  |
| 10<br>(del<br>29/10 al<br>02/11) | Desigualdades de probabilidades seleccionada                                    | <b>4. Distribuciones muestrales.</b> Muestreo. Enfoque desde MGF Jueves 01/11 feriado.         | 3ra calificada<br>(sem 7 y 9)  |
| 11<br>(del<br>05/11 al<br>09/11) | Estadísticos de orden. Transformaciones.  | Distribución muestral: Normal bivariada.<br>Coeficiente correlacional de Pearson.              | 6ma dirigida<br>(sem 10 y 11)<br>Tercera entrega<br>del trabajo          |
| 12<br>(del<br>12/11 al<br>16/11) | Nociones de convergencia, distribuciones en probabilidad y distribución.        | Convergencia en distribución.<br>Combinación de modos de convergencia.                         | 4ta<br>calificada<br>(Sem 10 y 11)                                       |
| 13<br>(del<br>19/11 al<br>23/11) | Teorema del Límite Central.   | Propiedades de convergencia  | 7va<br>dirigida<br>(Sem 12 y 13)<br>Entrega final del<br>Trabajo         |
| 14<br>(del<br>26/11 al<br>30/11) | Una breve introducción a la inferencia estadística.                             | Suficiencia, estadísticos suficientes<br>Suficiencia minimal, Completitud                      | (Sem 14)<br>Exposición   |
| 15                               | Estimación puntual:<br>función de verosimilitud, principio de<br>verosimilitud. | Estimadores de máxima verosimilitud.<br>Propiedades.   | 8ma Dirigida<br>(Sem 15)   |

| (del<br>03/12 al<br>07/12)       |  |  |
|----------------------------------|--|--|
| 16<br>(del<br>10/12 al<br>14/12) | EXÁMENES FINALES<br>(Sem 7, 9, 10, 11, 12, 13 y 14)  |  |
| 17<br>(del<br>17/12 al<br>21/12) | EXÁMENES SUSTITUTORIOS<br>(desde sem 1 hasta sem 15) |  |

## Libros de referencia

Steven J. Miller, The Probability Lifesaver: All the tools you need to understand chance. Princeton University Press 2017.

Michael Baron, Probability and Statistics for Computer Scientists. Chapman and Hall/CRC; 2 edition 2013. Este libro se utiliza para la dos primeras semanas del curso (capítulo 8).

Nitis Mukhopadhyay, Probability and Statistical Inference CRC Press; 1 edition 2000.

Introduction to Probability, Dimitri P. Bertsekas y John N. Tsitsiklis, Athena Scientific, 2008.

Notas de Probabilidad y Estadística de KC. Border. Caltech: <u>Ma 3/103: Introduction to Probability and Statistics Winter 2015-16</u>.