



[Cod: CM-334 Curso: Análisis Numérico I ]  
[Tema: Solución de ecuaciones no lineales.]  
[Prof: Luis Roca.]

Laboratorio N° 6

1. Implemente los siguientes métodos

a) Método de la bisección.

h) Implemente el método de Steffenson

b) Implemente el método de la secante.

$$D(x_n) = \frac{f(x_n + f(x_n)) - f(x_n)}{f(x_n)}$$

c) Implemente el método de falsa posición.

$$x_{n+1} = x_n - \frac{f(x_n)}{D(x_n)}$$

d) Implemente el método del punto fijo.

e) Implemente el método de Newton y Newton-Aitken.

i) Implemente el método de Halley

$$M(x_n) = \left(1 - \frac{f(x_n)f''(x_n)}{2(f'(x_n))^2}\right)^{-1}$$

f) Implemente el método de Muller.

$$x_{n+1} = x_n - \frac{f(x_n)}{f'(x_n)} M(x_n)$$

g) Implemente el método de Bairstow.

2. Aplique los métodos anteriores a estos casos

a)  $e^x - 3x^2 = 0$

d)  $e^x - 2 - x = 0$

b)  $x^3 = x^2 + x + 1$

e)  $\cos(x) + 1 - x = 0$

c)  $e^x = \frac{1}{0.1 + x^2}$

f)  $\ln(x) - 5 + x = 0$

g)  $x^2 - 10x + 23 = 0$

3. Encuentre los puntos fijos de

$$g(x) = -4 + 4x - \frac{1}{2}x^2$$

a) Calcule en forma exacta los puntos fijos de  $g$

b) Use el valor inicial  $p_0 = 1.9$  y grafique las 10 siguientes iteraciones.

c) Use el valor inicial  $p_0 = 3.8$  y grafique las 10 siguientes iteraciones.

d) Imprima un tabla con los errores absolutos y relativos para los casos 3b y 3c.

e) Analice la convergencia.

4. Grafique las 10 primeras iteraciones del punto fijo para las siguientes ecuaciones y valores iniciales. Analice visualmente la convergencia.

$$a) g(x) = (6 + x)^{1/2}, x_0 = 7$$

$$b) g(x) = 1 + 2/x, x_0 = 4$$

$$c) g(x) = \frac{x^3}{2}, x_0 = 3.5$$

$$d) g(x) = -x^2 + 2x + 2, x_0 = 2.5$$

$$e) g(x) = x^5 - 3x^3 - 2x^2 + 2$$

$$f) g(x) = \cos(\sin(x))$$

$$g) g(x) = x^2 - \sin(x + 0.15)$$

$$h) g(x) = x^{x - \cos(x)}$$

5. Use el método de Newton para calcular la única raíz de

$$x + e^{-Bx^2} \cos(x) = 0$$

con  $B = 1, 5, 10, 25, 50$ ,  $x_0 = 0, 1, 2, 10$ .

6. Use el método de Newton a la función y determine la razón de convergencia

$$a) f(x) = \begin{cases} \sqrt{x} & x \geq 0 \\ -\sqrt{-x} & x < 0 \end{cases}$$

$$b) f(x) = \begin{cases} \sqrt[3]{x^2} & x \geq 0 \\ -\sqrt[3]{x^2} & x < 0 \end{cases}$$

7. Use el método de Newton a la función

$$f(x) = \cos(x) + \sin^2(50x)$$

e intente aproximar la raíz  $\alpha = \pi/2$ .

8. Muestre que  $x = 1 + \tan^{-1}(x)$  tiene una solución  $\alpha$ . Encuentre un intervalo  $[a, b]$  conteniendo  $\alpha$  tal que para todo  $x_0$  in  $[a, b]$ , la iteración converge a  $\alpha$ . Estime la razón de convergencia.

$$a) x_{n+1} = 1 + \tan^{-1}(x_n) \quad n \geq 0$$

$$b) x_{n+1} = 3 - 2 \log(1 + e^{-x_n}) \quad n \geq 0$$

9. Para encontrar la raíz de  $f(x) = 0$  reescriba la ecuación como

$$x = x + cf(x) \equiv g(x)$$

para  $c \neq 0$ . Si  $\alpha$  es una raíz de  $f(x)$  y si  $f'(x)$ , ¿como debe de escogerse  $c$  de modo que la iteración  $x_{n+1} = g(x_n)$  converge a  $\alpha$ ?

10. Determine los valores de  $c$  para los que la iteración  $x_{n+1} = 2 - (1 + c)x_n + cx_n^3$  converge a  $\alpha = 1$ . ¿Para que valores de  $c$  la convergencia es cuadrática?

11. Determine si las siguientes iteraciones convergen y cual es la razón de convergencia:

$$a) x_{n+1} = -16 + 6x_n + \frac{12}{x_n}$$

$$c) x_{n+1} = \frac{12}{1 + x_n}$$

$$b) x_{n+1} = \frac{2}{3}x_n + \frac{1}{x_n^2}$$

$$d) x_{n+1} = \frac{x_n(x_n^2 + 3a)}{3x_n^2 + a}$$

12. Grafique las curvas y aplique el método de Newton y el método de punto fijo a los problemas

$$a) \begin{cases} x^2 - 2x - y + 0.5 = 0 \\ x^2 + 4y^2 - 4 = 0 \end{cases}$$

$$b) \begin{cases} \frac{8x - 4x^2 + y^2 + 1}{8} = x \\ \frac{2x - x^2 + 4y - y^2 + 3}{4} = y \end{cases}$$

Uni, 29 de noviembre de 2018\*

---

\*Hecho en L<sup>A</sup>T<sub>E</sub>X