

1. Написать функцию, которая решает краевую задачу в круге радиуса R :

$$\begin{aligned} -\Delta u + \alpha u &= f(x, y), 0 < x^2 + y^2 < R, \\ u|_{x^2+y^2=R^2, y>0} &= h(x, y), \\ \frac{\partial u}{\partial n} \Big|_{x^2+y^2=R^2, y<0} &= g(x, y) \end{aligned}$$

численно с помощью пакета FeniCS.

Выбрать три тестовые функции и провести тестирование по алгоритму, предложенному на лекции.

Сравнить отклонение точного аналитического решения от полученного численно по максимум-норме и норме L_2 .

Сделать визуализацию получаемого численно МКЭ и аналитического решений с помощью библиотеки matplotlib.

2. Написать функцию, которая решает задачу для уравнения теплопроводности, используя на каждом временном шаге функцию из п.1:

$$\begin{aligned} \frac{\partial u}{\partial t} &= a\Delta u + f(x, y, t), 0 < x^2 + y^2 < R, \\ u|_{x^2+y^2=R^2, y>0} &= h(x, y, t), \\ \frac{\partial u}{\partial n} \Big|_{x^2+y^2=R^2, y<0} &= g(x, y, t), \\ u|_{t=0} &= u_0(x, y), 0 < x^2 + y^2 < R \end{aligned}$$

численно с помощью пакета FeniCS.

Выбрать три тестовые функции и провести тестирование по алгоритму, предложенному на лекции.

Сравнить отклонение точного аналитического решения от полученного численно по максимум-норме и норме L_2 . Построить графики отклонений с помощью библиотеки matplotlib.

Сделать визуализацию получаемого численно МКЭ и аналитического решений с помощью библиотеки matplotlib, результат расчета временной задачи сохранить в avi или gif средствами языка Python.