

3a)  $A = (a_1 \ a_2 \ a_3) \quad x = \begin{pmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{pmatrix} \quad Ax = (a_1 x_1 + a_2 x_2 + a_3 x_3)$

3b) Låt  $i$  vara 1. Då är  $a_i = a_1$  och

$$Ax = a_1 x_1 + a_2 x_2 + a_3 x_3 = a_1 \Rightarrow x = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \text{ p.s.s. } x = \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix} \text{ när } i=2$$

$$x = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} \text{ när } i=3$$

3c)  $b$  måste ligga i spannet av kolumnvektorer i  $A$ . Om  $Ax = b$  är en linjärkombination av kolumnvektorer i  $A$  måste  $b$  kunna nå genom  $b = s a_1 + t a_2 + r a_3$  för några parametrar  $(s, t, r)$ , dvs spannet av kolumnvektorer.

3d) Så länge  $A$  är en  $3 \times 3$  matris kommer  $Ax = b$  vara en vektor med 3-komponenter, om den är definierad alltså.

Om vi med tredimensionell menar att  $b$  ska kunna vara val som helst i rummet krävs det att kolumnvektorer är linjärt oberoende så att spannet av dem är rummet.