

## Calor latente: L

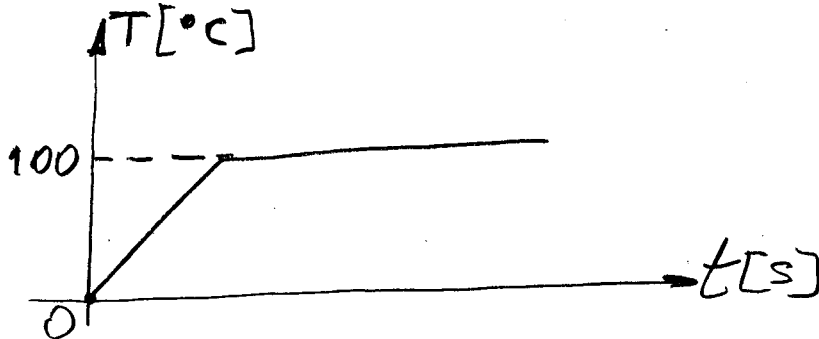
Es la cantidad de  $Q$ , x unidad de masa, cedida o extraída a una sustancia que experimenta un cambio de fase

$$L = \frac{Q}{m} \left[ \frac{\text{J ó cal}}{\text{kg ó g}} \right]$$

- Sólido a líquido  $\Rightarrow$  calor latente de fusión  $L_f$
- Líquido a gaseoso  $\Rightarrow$  - - - vaporización  $L_v$

Este  $U$  en forma de  $Q$  se invierte para el cambio de fase y NO para aumentar su  $T$

Diagrama de  $T = f(t)$  para un recipiente con  $H_2O$  al fuego:



El  $Q$  se invierte en cambiar de fase, de líquido a gaseoso y, cuando alcanza  $T = 100^{\circ}\text{C}$  hasta que se evapora toda el agua,  $T$  permanece en  $100^{\circ}\text{C}$ .

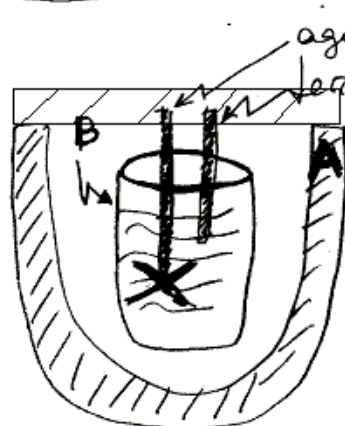
latente = escondido

Se lo llama así xq se entrega energía (en forma de calor) y no le sucede un cambio de  $T$  mientras cambia de fase (1760, Joseph Black). Ejemplo: nuestra transpiración disminuye la temperatura corporal, ya que el sudor, en contacto con nuestro cuerpo y el aire circundante, se evapora  $\rightarrow$  para que esto suceda, el aire debe entregar calor, por lo tanto esa masa de aire, en contacto con nuestro cuerpo baja su  $T$ .

# CALORIMETRÍA

El término calorimetría se refiere a la medición de la cantidad de calor  $Q$

## CALORÍMETRO DE AGUA (DEWAR)



A: envoltura impermeable al  $Q$ .

B: vasija metálica, en gral de capacidad 2 l.

Consiste en un envase cerrado y perfectamente aislado térmicamente, en una vasija de agua, un agitador y un termómetro.

La idea es introducir una fuente de  $Q$  (o sea, un objeto caliente) y agitar hasta lograr el equilibrio. Veremos como puede hallarse el  $Q$  intercambiado x el objeto caliente con el calorímetro

## CAPACIDAD CALORÍFICA del calorímetro

no es  
3,14

Todos los elementos que contiene el calorímetro: recipiente, agitador, termómetro, absorben  $Q$ , habría que evaluar la cantidad de  $Q$  que intercambian cada uno de ellos. Por esta razón se define el EQUIVALENTE EN AGUA del calorímetro  $\pi$   
Es una masa ficticia de agua que absorbe la misma cantidad de calor que todos los elementos del calorímetro, medida gralmente en g

De acuerdo a la **Ley de Conservación de la Energía**: la cantidad total de energía en cualquier sistema físico aislado (sin interacción con otro sistema) permanece invariable en el tiempo  $\rightarrow \sum Q_i = 0 \rightarrow$

**RECORDAR:**  $Q = m.Ce.\Delta T$  siendo  $\Delta T = T_{\text{final}} - T_{\text{inicial}}$

Los cuerpos están aislados térmicamente del entorno (no reciben ni entregan calor:

$$\sum Q = 0$$

Entonces la ecuación del calorímetro es:

$$(M.Ce_{\text{agua}} + \pi.Ce_{\text{agua}}) (T_e - T_o) + m.Ce (T_e - T) = 0$$

$$(M.Ce_{\text{agua}} + \pi.Ce_{\text{agua}}) (T_e - T_o) = m.Ce (T - T_e)$$

ÚNICAMENTE hay cesión neta de calor  $Q$  del cuerpo caliente al menos caliente.

Llamamos a los componentes :

$M$  : masa de agua que contiene el calorímetro

$Ce_{H_2O}$  : calor específico del agua (= 1)

$\pi$  : equivalente en agua del calorímetro

$T_e$  :  $T_{\text{equilibrio}}$   $T_e$  es la temp. final de todo el sistema: el calorímetro + el cuerpo problema.

$T_o$  :  $T_{\text{inicial}}$  del calorímetro

$m$  : masa del cuerpo problema

$Ce$  : calor específico del cuerpo problema

$T$  :  $T_{\text{inicial}}$  del cuerpo problema

Recuérdese que  $C = \frac{Q}{\Delta T} = m.Ce$

A continuación, el problema 8 de la guía vieja resuelto con la escritura minuciosa

adjudicada a los parámetros involucrados.

- 8) Un calorímetro de equivalente en agua  $\pi$  contiene  $M$  g de agua a  $T_0$  °C. Se agregan  $m$  g de una sustancia desconocida a una temperatura de  $T$  °C, obteniéndose una temperatura final de equilibrio de  $T_e$  °C. Calcular el calor específico de la sustancia agregada.  $C_e \text{ agua} = 1 \text{ cal/g}^\circ\text{C}$

$$(M.C_{e\text{agua}} + \pi.C_{e\text{agua}}) (T_e - T_0) = m.C_e (T - T_e)$$

$$\begin{array}{lll} \pi = 20 \text{ g} & m = 50 \text{ g} & c_e = ? \\ M = 100 \text{ g} & T = 90^\circ\text{C} & \\ T_0 = 20^\circ\text{C} & T_e = 24^\circ\text{C} & \end{array}$$

$$c_e = \frac{(M + \pi)(T_e - T_0)}{m(T - T_e)} = \frac{(100 \text{ g} + 20 \text{ g})(24^\circ\text{C} - 20^\circ\text{C})}{50 \text{ g}(90^\circ\text{C} - 24^\circ\text{C})}$$

$$c_e \approx 0,145 \frac{\text{cal}}{\text{g}^\circ\text{C}}$$

Transferencia de calor  $\rightarrow Q$

Definamos ahora el Calor  $\rightarrow Q$  como la U transferida entre dos cuerpos, debido únicamente a una diferencia de T entre ambos cuerpos.

Esta  $U$  se transfiere x colisiones entre las moléculas de los cuerpos (que se mueven al azar): las moléculas + lentas ganan  $U$  y las + rápidas pierden  $U$ .

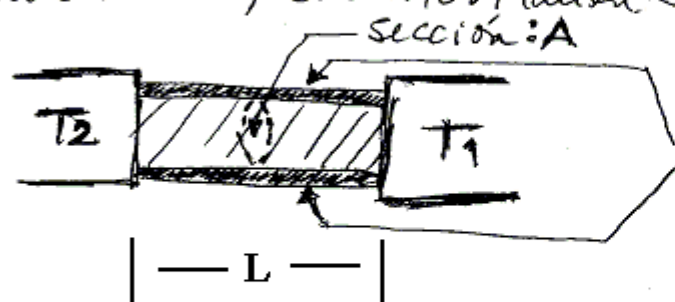
Calor es una  $U$  que se "transfiere" de un cuerpo a otro, pero NO reside en él, como puede ser la  $U$  potencial  $\Rightarrow$  es incorrecto hablar de "calor de un cuerpo" y correctamente, se debe decir "calor cedido (o extraído) de un cuerpo".

El calor  $Q$  se transfiere de 3 formas posibles:

### CONDUCCIÓN - CONVECCIÓN - RADIACIÓN

#### 1ra) CONDUCCIÓN

El  $Q$  se transfiere entre 2 cuerpos a través de un medio, sin movimiento de materia



$T_2 > T_1$   
Paredes impenetrables al  $Q$   
(adiabáticas)

**A** es el área de la sección del cuerpo conductor de  $Q$

Vamos a considerar a los sólidos en conductores del  $Q$  (metales) y no cond. (no metales) al igual, como veremos, con la conducción eléctrica

## Corriente de conducción del Q o Potencia calorífica

Definimos la Corriente de conducción del calor  $H$  como el  $\dot{Q}$  que pasa a través de una sección transversal del conductor, en la unidad de tiempo.

$$H = \frac{\dot{Q}}{t} = \left[ \frac{\text{J o cal}}{\text{s}} \right] \sim \text{símbolo proporcionalidad}$$

Experimentalmente se cumple:  $\frac{J}{s} = W \text{ o } \frac{\text{cal}}{s}$  unidades

$$\left. \begin{array}{l} H \sim \frac{dT}{dx} \\ H \sim A \end{array} \right\} H \sim A \frac{dT}{dx} \Rightarrow \boxed{H = -\lambda A \frac{dT}{dx}}$$

\* El signo  $\ominus$  se debe a que el calor  $\dot{Q}$  fluye siempre de las  $T$  altas hacia las  $T$  bajas  
 $\Rightarrow$  la  $T$  disminuye  $\Rightarrow \frac{dT}{dx} < 0$



$\lambda \left[ \frac{W}{K.m} \right]$  Conductividad térmica: parámetro que caracteriza el material en su permissividad para transferir el  $\dot{Q}$

## Resistencia térmica x unidad de área $R_T$

La resistencia térmica  $R_T$  es una medida por la cual un material resiste el flujo de calor

Se define:  $R_T = \frac{e}{\lambda A}$   $e[m]$ : espesor material  
 $\lambda[W/m \cdot K]$ : conductividad  
 $A[m^2]$ : área

$$R_T \left[ \frac{m}{\frac{W}{m \cdot K} m^2} \right] \Rightarrow R_T \left[ \frac{K}{W} \right]$$

y como  $H[W]$ :  $R_T = \frac{K}{H}$

corriente conducción o potencia calorífica

## Resistencia térmica superficial: $R_{Ts}$

Cuando se establece una transmisión de  $Q$  desde un ambiente aire a otro sólido (pared, vidrio, ...), se observa una resistencia esta transición aire  $\rightarrow$  sólido que se nombra Resistencia superficial  $R_{Ts}$ , quien tiene las mismas dimensiones que la  $R_T$ .

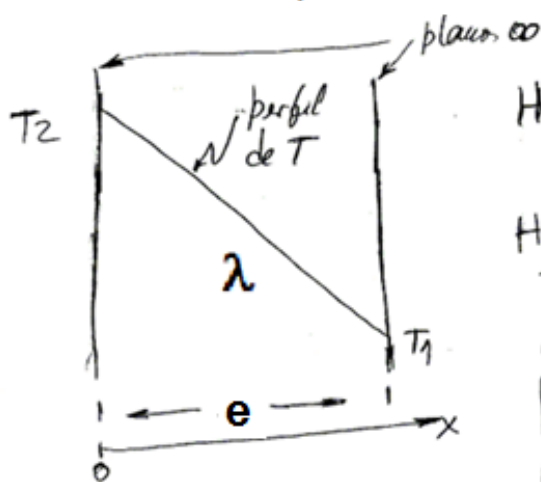
La  $R_{Ts}$  depende de factores como  $\Delta T$ , rugosidad del sólido y velocidad del aire.

Un ejemplo característico es un ambiente cálido (interior habitación), separado con vidrio del entorno frío (exterior): apoyando la palma de la mano en el vidrio en contacto con el interior, se lo encuentra frío.



## Geometría plana :

### Pared espesor e



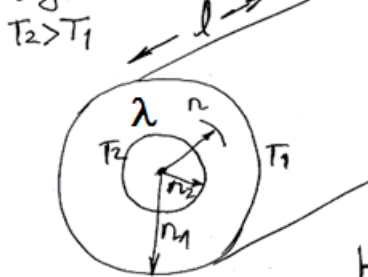
$$H = -\lambda A \frac{dT}{dx}$$

$$H \int_0^e dx = -\lambda A \int_{T_2}^{T_1} dT$$

$$H \cdot e = \lambda A (T_2 - T_1)$$

$$H = \frac{\lambda A}{e} (T_2 - T_1)$$

## Geometría cilíndrica



$$H = -\lambda A \frac{dT}{dr}$$

$$A = 2\pi r l$$

$$H = -\lambda 2\pi r l \frac{dT}{dr}$$

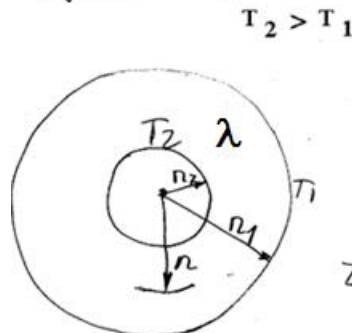
$$H \frac{1}{r} dr = -2\pi l \lambda dT$$

$$H \int_{r_2}^{r_1} \frac{1}{r} dr = -2\pi l \lambda \int_{T_2}^{T_1} dT$$

$$H \ln \frac{r_1}{r_2} = -2\pi l \lambda (T_2 - T_1) \therefore$$

$$H = \frac{2\pi l \lambda (T_2 - T_1)}{\ln \frac{r_1}{r_2}}$$

## Geometría esférica



$$T_2 > T_1 \quad H = -\lambda \widehat{A} \frac{dT}{dr}$$

$$\frac{H}{4\pi\lambda} \int_{r_2}^{r_1} \frac{1}{r^2} dr = - \int_{T_2}^{T_1} dT$$

$$\frac{H}{4\pi\lambda} \left( \frac{1}{r_2} - \frac{1}{r_1} \right) = T_2 - T_1$$

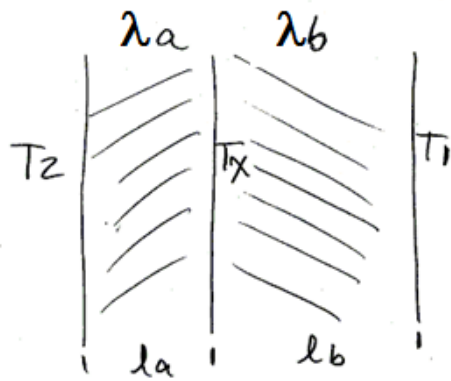
$$H = \frac{4\pi\lambda(T_2 - T_1)}{\frac{1}{r_2} - \frac{1}{r_1}}$$



Combinación de geometrías planas:

$$T_2 > T_1$$

$T_x$  no es dato



$\lambda_a$ :

$$\textcircled{1} H = \frac{\lambda_a \cdot A}{l_a} (T_2 - T_x)$$

$\lambda_b$ :

$$\textcircled{2} H = \frac{\lambda_b \cdot A}{l_b} (T_x - T_1)$$

Sabiendo:  $T_2 > T_x$  y  $T_x > T_1$

$$\textcircled{1}: T_2 - T_x = \frac{H \cdot l_a}{\lambda_a \cdot A}$$

$$\textcircled{2}: T_x - T_1 = \frac{H \cdot l_b}{\lambda_b \cdot A}$$

$$(T_2 - T_x) + (T_x - T_1) = \frac{H \cdot l_a}{\lambda_a \cdot A} + \frac{H \cdot l_b}{\lambda_b \cdot A}$$

$$T_2 - T_1 = \frac{H}{A} \left( \frac{l_a}{\lambda_a} + \frac{l_b}{\lambda_b} \right)$$

$$H = \frac{A (T_2 - T_1)}{\frac{l_a}{\lambda_a} + \frac{l_b}{\lambda_b}}$$

## 2da) CONVECCIÓN

Se produce por el movimiento <sup>real</sup> de porciones de materia (aire o agua en reposo o en movimiento, como el calor ventan o la calefacción x agua caliente)

Aquí  $H \left[ \frac{\text{cal } \text{ó } Q}{s} \right]$  se define como la Corriente de Convección de  $Q$

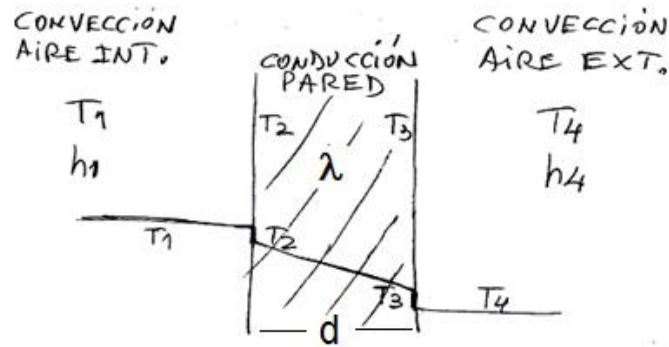
$$H \sim A \Delta T \Rightarrow \boxed{H = h A \Delta T} \quad \text{Ley de enfriamiento de Newton}$$

$$[h] = \frac{W}{m^2 \cdot K} \quad \text{coeficiente de convección de } Q$$

Este tipo de transf. de  $Q$  sólo se da en fluidos (gases o líquidos) que transportan  $Q$  entre zonas con  $\neq T$ .

Un gas, al calentarse, aumenta su volumen y, por ende, su densidad disminuye ~~mas~~ asciende y desplaza el gas que se encuentra en la parte superior (y que está a menor  $T$ ). En los fluidos, la CONVECCIÓN es la forma + eficiente de transferir  $Q$ .

## Combinación convección conducción



$h_1$  y  $h_4$ : coeficientes de convección térmica

$\lambda$ : conductividad térmica

$$H_1 = h_1 A (T_1 - T_2) \Rightarrow T_1 - T_2 = \frac{H_1}{h_1 A}$$

$$H_{23} = \lambda \frac{A}{d} (T_2 - T_3) \Rightarrow T_2 - T_3 = \frac{H_{23} \cdot d}{\lambda \cdot A}$$

$$H_4 = h_4 A (T_3 - T_4) \Rightarrow T_3 - T_4 = \frac{H_4}{h_4 \cdot A}$$

$$(T_1 - T_2) + (T_2 - T_3) + (T_3 - T_4) = T_1 - T_4$$

$$H_1 = H_{23} = H_4 = H \text{ °}$$

$$T_1 - T_4 = \frac{H}{h_1 A} + \frac{H \cdot d}{\lambda A} + \frac{H}{h_4 A}$$

$$\boxed{T_1 - T_4 = \frac{H}{A} \left( \frac{1}{h_1} + \frac{d}{\lambda} + \frac{1}{h_4} \right)}$$

# Radiación

El fenómeno de la **radiación** radica en la propagación de energía en forma de ondas electromagnéticas o partículas subatómicas a través del vacío o de todo medio material llamada *radiación infrarroja*.

La radiación infrarroja es una radiación electromagnética de mayor longitud de onda (y por ende menor frecuencia) que la luz visible → invisible al ojo humano. La mitad de la energía total del **Sol** llega a la **Tierra** en forma de infrarroja. Su rango de longitudes de onda va desde  $1 \mu\text{m}$  ( $10^{-6} \text{ m}$ ) hasta  $1 \text{ mm}$  ( $10^{-3} \text{ m}$ ). La radiación infrarroja es emitida en forma de onda electromagnética por cualquier **cuerpo cuya temperatura sea mayor que 0 K**, o sea  $T > -273,15^\circ\text{C}$ .

Definimos la energía radiante por unidad de tiempo o potencia de radiación  $P$  [ $\text{J/s} = \text{W}$ ]

$$\left. \begin{array}{l} P \approx \text{área de la sup.: } A \\ P \approx T^4 \end{array} \right\} P \approx AT^4$$

$$\boxed{P = e \sigma A T^4} \text{ ley de Stefan - Boltzmann}$$

$e$  = emisividad (característica de la sup. radiante)  
 $0 \leq e \leq 1$

$$\sigma = \text{cte de Stefan - Boltzmann} = 5,67 \cdot 10^{-8} \left[ \frac{\text{W}}{\text{m}^2 \text{ K}^4} \right]$$

(= para cualq. objeto)

De modo que las sup. emiten radiación, también las absorben



Objeto a temp.  $T_2$ , rodeado x pared a temp  $T_1$ : ambas sup. absorben y emiten  $\cup$   
 Experimentalmente se demuestra que finalmente  $T_2 = T_1$

cuando esto ocurre la sup. del objeto y la sup. de la pared que rodea al objeto deben absorber y emitir energía con la misma rapidez, pero que se mantiene el equilibrio térmico.

O sea:

Una buena superficie absorbente es también una buena superficie emisora  $\Rightarrow e \cong 1$

Una superficie débilmente absorbente es también débil emisora  $\Rightarrow e \cong 0$

Para el último ejemplo:  $P = e \sigma A (T_2^4 - T_1^4)$

Como  $P$  depende de  $T^4 \Rightarrow$  el efecto es mayor a altas  $T$  y para  $\Delta T$  grandes

Esta energía es transportada como RADIACIÓN electromagnética, aún en el vacío, en forma de ondas.

- calcule: a) el valor de la potencia calorífica transportada a través de las paredes sólidas de un recinto cuya superficie efectiva de transporte es de  $4\text{m}^2$  recubiertos con una capa de 3cm de espesor de poliestireno expandido ( $\lambda=0,01\text{ W/m}^\circ\text{C}$ ), estando una de sus caras en contacto con un foco a  $5^\circ\text{C}$  y la otra en contacto con un foco a  $25^\circ\text{C}$ ;
- b) la cantidad de calor que se transfiere a través de las paredes de este recinto en un día;
- c) el valor de la resistencia térmica de la capa de poliestireno expandido;

a) Potencia calorífica = corriente de conducción de  $Q = H [\text{W}]$

$$H = \frac{Q}{\Delta t} \left[ \frac{\text{cal}}{\text{s}} \cdot \frac{\text{J}}{\text{s}} \right] \rightarrow \text{W}$$

$$H = \lambda \frac{A}{l} (T_2 - T_1) = 0,01 \text{ W/}^\circ\text{C}\cdot\text{m} \cdot \frac{4\text{m}^2}{0,03\text{m}} \cdot 20^\circ\text{C}$$

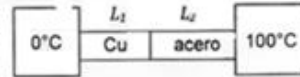
$$\boxed{H = 26,6 \text{ W}}$$

b)  $Q = H \cdot \Delta t = 26,6 \text{ W} \cdot 3600 \cdot 24 \approx 2,3 \text{ MJ}$

$$1 \text{ cal} \approx 4,186 \text{ J} \Rightarrow 2,3 \text{ MJ} \Rightarrow \boxed{Q \approx 550 \text{ kcal}}$$

c)  $R_T = \frac{\Delta T}{H} = \frac{20^\circ\text{C}}{26,6 \text{ W}} \Rightarrow \boxed{R_T \approx \frac{3}{4} \frac{^\circ\text{C}}{\text{W}}}$

la varilla de la figura tiene sección uniforme  $S = 0,5 \text{ cm}^2$ . La fracción de longitud  $L_1 = 1 \text{ m}$  es de cobre y la otra, de longitud  $L_2$ , es de acero. Para evitar pérdidas de calor la varilla está aislada térmicamente salvo en los puntos de contacto con las fuentes. En régimen estacionario la temperatura de la unión es de  $60^\circ\text{C}$ . Calcule:



a) la cantidad de calor que la barra transporta por segundo,

b) la longitud  $L_2$  de la barra de acero.

( $\lambda_{\text{Cu}} = 0,92 \text{ cal/seg cm } ^\circ\text{C}$ ;  $\lambda_{\text{acero}} = 0,12 \text{ cal/seg cm } ^\circ$ )

L en cm para que coincida con unidad de  $\lambda$ .

$$a) H = \lambda_{\text{Cu}} \frac{S}{L_1} \Delta T = 0,92 \frac{\text{cal}}{^\circ\text{C cm s}} \frac{0,5 \text{ cm}^2}{100 \text{ cm}} (60^\circ\text{C} - 0^\circ\text{C})$$

$$H = 0,276 \frac{\text{cal}}{\text{s}} \quad 1 \text{ cal} = 4,186 \text{ J} \Rightarrow H = 1,155 \text{ W}$$

b) Ambas varillas se encuentran en SERIE  $\rightarrow H_{\text{Cu}} = H_{\text{AC}} = H$

$$H = \lambda_{\text{Cu}} \frac{S}{L} \Delta T = \lambda_{\text{AC}} \frac{S}{L} \Delta T$$

En esta igualdad, la única incógnita es  $L_{\text{AC}}$

$$L_{\text{AC}} = \frac{\lambda_{\text{AC}}}{H} S \cdot \Delta T = 0,12 \frac{\text{cal}}{^\circ\text{C cm s}} \frac{0,5 \text{ cm}^2}{0,276 \text{ cal/s}} (100^\circ\text{C} - 60^\circ\text{C})$$

$$L_{\text{AC}} = 8,70 \text{ cm}$$