

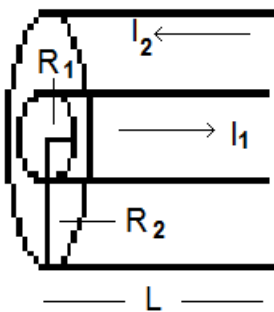
1) En un circuito RL serie con $R = 6 \, \Omega$ y $L = 3 \, \text{H}$ se aplica una tensión continua constante $V = 12 \, \text{V}$ en el instante $t = 0$, en que se cierra el interruptor. Calcular: a) El valor de la corriente I y la diferencia de potencial V en $t = 0,5 \, \text{s}$ y b) La energía U en la inductancia para $t = 30 \, \text{s}$.

$$1) a) I = I_0 (1 - e^{-t/\tau_L}) \quad \text{con } \tau_L = \frac{L}{R} = \frac{3}{6} = 0,5 \, \text{s}$$

$$I = \frac{12 \, \text{V}}{6 \, \Omega} (1 - e^{-1}) \Rightarrow \boxed{I \approx 1,26 \, \text{A}}$$

$$V = V_0 e^{-t/\tau_L} = 12 e^{-1} \Rightarrow \boxed{V \approx 4,41 \, \text{V}}$$

$$b) \quad U = \frac{1}{2} L I^2 = \frac{1}{2} 3 \cdot 2^2 = 6 \, \text{J}$$



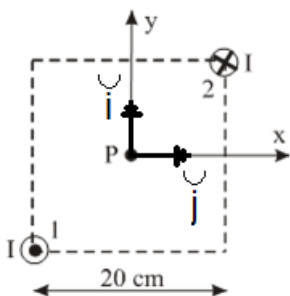
2) Dos conductores concéntricos rectos y largos, con $R_1 = 1 \, \text{mm}$ y $R_2 = 1 \, \text{cm}$ (fig.), tienen corrientes opuestas $I_1 = 1 \, \text{A}$ circulando por el conductor interno e $I_2 = 2 \, \text{A}$ por el externo. Entre ambos conductores se hace el vacío.

a) Obtener el valor de B para $r = 1 \, \text{mm}$ y b) Ídem para $r = 1 \, \text{cm}$.

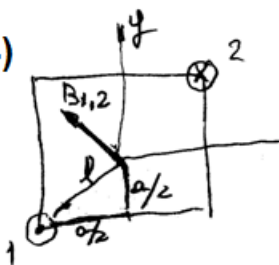
$$\mu_0 = 4\pi \cdot 10^{-7} \, [\text{H/m} \text{ ó } \text{V.s/A.m}]$$

$$2) a) \quad B = \frac{\mu_0 I_1}{2\pi r} = \frac{4\pi \cdot 10^{-7} \cdot 1}{2\pi \cdot 10^{-3}} = \frac{2 \cdot 10^{-7}}{10^{-3}} \Rightarrow \boxed{B = 2 \cdot 10^{-4} \, \text{T}}$$

$$b) \quad B = \frac{\mu_0 (I_2 - I_1)}{4\pi r} = \frac{4\pi \cdot 10^{-7} \cdot 1}{2\pi \cdot 10^{-2}} = \frac{2 \cdot 10^{-7}}{10^{-2}} \Rightarrow \boxed{B = 2 \cdot 10^{-5} \, \text{T}}$$

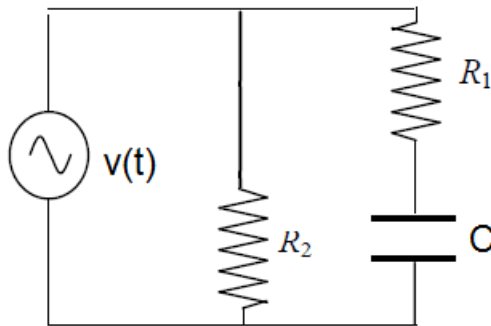


4) Dos alambres conductores, largos y paralelos, están colocados de tal forma que sus secciones transversales se ubican en vértices opuestos de un cuadrado de $20 \, \text{cm}$ de lado. Por cada alambre [1 y 2] circula una corriente de $20 \, \text{A}$ en el sentido mostrado en la fig. (perpendicular al plano de la hoja y hacia “adentro”). Hallar a) el vector magnético \vec{B} (magnitud, dirección y sentido) en P, (centro del cuadrado). $\mu_0 = 4\pi \cdot 10^{-7} \, \text{H/m}$. y b) ídem (a) invirtiendo el sentido de I_1 (situada en el inferior de la fig.)

4)  a) $B = \frac{\mu_0 I}{2\pi l}$; $l = \sqrt{\left(\frac{a}{2}\right)^2 + \left(\frac{a}{2}\right)^2} = \sqrt{\frac{2a^2}{4}} = \frac{a}{\sqrt{2}}$
 $B = \frac{\mu_0 I}{2\pi} \cdot \frac{\sqrt{2}}{a} \cdot 2 = \frac{4\pi \cdot 10^{-7} \cdot 20}{2\pi \cdot 0,2} \sqrt{2}$
 $B = 56,6 \mu T$
 $B_x = -56,6 \mu T \cdot \cos 45^\circ \approx -40 \mu T$; $B_y = 56,6 \mu T \cdot \sin 45^\circ \approx 40 \mu T$
 $\vec{B} = [40 (-\vec{i}) ; 40 \vec{j}] \mu T$
 b) $\vec{B} = 0$!

6) $R_1 = 250 \Omega$, $C = 7,35 \mu F$. El generador entrega $V_e =$

- a) Hallar la expresión de $i_2(t)$ que circula por $R_2 = 400 \Omega$ y su valor eficaz I_{e2}
 b) Hallar la expresión de $i_1(t)$ que circula por la rama $R_1 C$ y su valor eficaz I_{e1}
 c) Dibujar el diagrama fasorial: \vec{V} fasor e \vec{I} fasor en el resistor R_2



$$a) v(t) = V_0 \sin(\omega t) = \sqrt{2} 100 \sin(100\pi t) \text{ V} \\ = 141 \sin(100\pi t) \text{ V} \Rightarrow i_2(t) = \frac{V_0 \sin(100\pi t)}{R_2 + 400\Omega} \text{ A}$$

$$i_2(t) = 0,35 \sin(100\pi t) \text{ A} \quad I_e = \frac{0,35}{\sqrt{2}} \text{ A} = 0,25 \text{ A}$$

$$b) v(t) \text{ idem (a)}$$

$$i_1(t) = I_0 \sin(100\pi t - \varphi_1) = \frac{V_0}{Z_1} \sin(100\pi t - \varphi_1) \quad \text{de (a)}$$

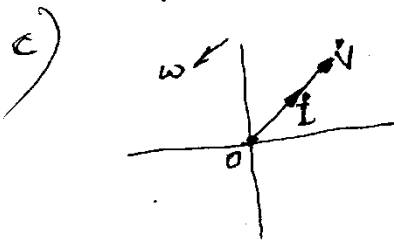
$$Z_1 = \sqrt{R_1^2 + X_C^2} \quad ; \quad X_C = \frac{1}{\omega C} = \frac{1}{100\pi \cdot 4,35 \cdot 10^{-6}} = 433\Omega$$

$$Z_1 = \sqrt{250^2 + 433^2} = 500\Omega$$

$$\varphi = \arctan \frac{X_C}{R_1} = \arctan \frac{433}{250} = 1,047$$

$$i_1(t) = \frac{141}{500} \sin(100\pi t + 1,047) \text{ A} \Rightarrow i_1(t) = 0,28 \sin(100\pi t + 1,047) \text{ A}$$

$$I_{e1} = \frac{I_0}{\sqrt{2}} \Rightarrow I_{e1} = \frac{0,28}{\sqrt{2}} \Rightarrow I_{e1} \approx 0,2 \text{ A}$$



$$\dot{V} = 141 \text{ V} \\ \dot{I} = 0,35 \text{ A}$$