

## Bài 1

Bước 1: Gọi `sum_of_numbers(7)`.

Kiểm tra điều kiện cơ sở:  $n = 7$ , không thỏa mãn điều kiện cơ sở. Thực hiện câu lệnh trong `else: return 7 + sum_of_numbers(6)`,

Bước 2: Hàm `sum_of_numbers(6)` được gọi.

Kiểm tra điều kiện 1 cơ sở:  $n = 6$ , không thỏa mãn điều kiện cơ sở.

Bước 3: Hàm `sum_of_numbers(5)` được gọi.

Kiểm tra điều kiện cơ sở:  $n = 5$ , không thỏa mãn điều kiện cơ sở.

Bước 4: Hàm `sum_of_numbers(4)` được gọi.

Kiểm tra điều kiện cơ sở:  $n = 4$ , không thỏa mãn điều kiện cơ sở.

Bước 5: Hàm `sum_of_numbers(3)` được gọi.

Kiểm tra điều kiện cơ sở:  $n = 3$ , không thỏa mãn điều kiện cơ sở.

Bước 6: Hàm `sum_of_numbers(2)` được gọi.

Kiểm tra điều kiện cơ sở:  $n = 2$ , không thỏa mãn điều kiện cơ sở.

Thực hiện câu lệnh trong `else: return 2 + sum_of_numbers(1)`.

Bước 7: Hàm `sum_of_numbers(1)` được gọi.

Kiểm tra điều kiện cơ sở:  $n = 1$ , điều kiện cơ sở được thỏa mãn. Hàm trả về 1.

Các hàm được thực hiện lần lượt theo thứ tự từ dưới lên trên (từ bước 7 lên bước 1)

->sum\_of\_numbers(1) trả về 1.

->sum\_of\_numbers(2) trả về  $2+1 = 3$ .

->sum\_of\_numbers(3) trả về  $3+ 3 = 6$ .

->sum\_of\_numbers(4) trả về  $4+ 6 = 10$ .

->sum\_of\_numbers(5) trả về  $5+ 10 = 15$ .

->sum\_of\_numbers(6) trả về  $6+ 15 = 21$  ->sum\_of\_numbers(7) trả về  $7+ 21 = 28$ .

Vì vậy, kết quả cuối cùng là 28, đây là tổng của các số nguyên dương bé hơn 7.

## Bài 2

Bước 1: Gọi hàm fibonacci(8).

Kiểm tra điều kiện cơ sở:  $n = 8$  không thỏa mãn điều kiện cơ sở.

Thực hiện câu lệnh trong else:  $\text{return fibonacci}(7) + \text{fibonacci}(6)$ .

Bước 2: Hàm fibonacci(7) và hàm fibonacci(6) được gọi.

Kiểm tra điều kiện cơ sở:  $n = 7$  và  $n = 6$  không thỏa mãn điều kiện cơ sở.

Thực hiện câu lệnh trong else:

$\text{return fibonacci}(6) + \text{fibonacci}(5) + \text{fibonacci}(5) + \text{fibonacci}(4)$  .

Bước 3: Hàm fibonacci(6) ,fibonacci(5)và hàm fibonacci(4) được gọi.

Kiểm tra điều kiện cơ sở:  $n = \{4,5,6\}$  không thỏa mãn điều kiện cơ sở.

Tiếp tục phân rã cho đến khi gặp điều kiện cơ sở.

...

Bước cuối cùng: Khi  $n \leq 1$ , hàm trả về  $n$ , tức là `fibonacci(1)` và `fibonacci(0)` sẽ trả về 1 và 0.

Các hàm được thực hiện lần lượt theo thứ tự từ dưới lên trên, từ các giá trị cơ sở trở lại đến `fibonacci(8)`.

->`fibonacci(0)` và `fibonacci(1)` trả về 0 và 1.

->`fibonacci(2)` trả về  $0+1 = 1$ .

->`fibonacci(3)` trả về  $1+1 = 2$ .

->`fibonacci(4)` trả về  $2+1 = 3$ .

->`fibonacci(5)` trả về  $2+3 = 5$ .

->`fibonacci(6)` trả về  $3+5 = 8$ .

->`fibonacci(7)` trả về  $5+8 = 13$ .

->`fibonacci(8)` trả về  $8+13 = 21$ .

Vì vậy, kết quả cuối cùng là 21, đây là số Fibonacci thứ 8.

### Bài 3

**\*\*Bước 1\*\*:** Gọi hàm `power(2, 6)`.

- Kiểm tra điều kiện cơ sở:  $n = 6$ , không thỏa mãn điều kiện cơ sở.
- Thực hiện câu lệnh trong `else`: `return 2 * power(2, 5)`.

**\*\*Bước 2\*\*:** Hàm `power(2, 5)` được gọi.

- Kiểm tra điều kiện cơ sở:  $n = 5$ , không thỏa mãn điều kiện cơ sở.
- Thực hiện câu lệnh trong `else`: `return 2 * power(2, 4)`.

**\*\*Bước 3\*\*:** Hàm `power(2, 4)` được gọi.

- Kiểm tra điều kiện cơ sở:  $n = 4$ , không thỏa mãn điều kiện cơ sở.
- Thực hiện câu lệnh trong `else`: `return 2 * power(2, 3)`.

**\*\*Bước 4\*\***: Hàm `power(2, 3)` được gọi.

- Kiểm tra điều kiện cơ sở:  $n = 3$ , không thỏa mãn điều kiện cơ sở.
- Thực hiện câu lệnh trong `else`: `return 2 * power(2, 2)`.

**\*\*Bước 5\*\***: Hàm `power(2, 2)` được gọi.

- Kiểm tra điều kiện cơ sở:  $n = 2$ , không thỏa mãn điều kiện cơ sở.
- Thực hiện câu lệnh trong `else`: `return 2 * power(2, 1)`.

**\*\*Bước 6\*\***: Hàm `power(2, 1)` được gọi.

- Kiểm tra điều kiện cơ sở:  $n = 1$ , không thỏa mãn điều kiện cơ sở.
- Thực hiện câu lệnh trong `else`: trả về `2 * power(2, 0)`.

**\*\*Bước 7\*\***: Hàm `power(2, 0)` được gọi.

- Kiểm tra điều kiện cơ sở:  $n = 0$ , điều kiện cơ sở được thỏa mãn.
- Hàm trả về 1.

Các hàm được thực hiện lần lượt theo thứ tự từ dưới lên trên (từ bước 7 lên bước 1):

- > `power(2, 0)` return 1.
- > `power(2, 1)` return  $2 * 1 = 2$ .
- > `power(2, 2)` return  $2 * 2 = 4$ .
- > `power(2, 3)` return  $2 * 4 = 8$ .
- > `power(2, 4)` return  $2 * 8 = 16$ .
- > `power(2, 5)` return  $2 * 16 = 32$ .
- > `power(2, 6)` return  $2 * 32 = 64$ .

Vì vậy, kết quả cuối cùng là 64, đây là giá trị của  $2^6$ .

#### Bài 4

Bước 1: Gọi hàm `thap_ha_noi(4, "A", "B", "C")`.

- Vì `n` không bằng 1, chúng ta sẽ thực hiện các bước trong `else`

Bước 2: Gọi hàm `thap_ha_noi(3, "A", "C", "B")` để chuyển 3 đĩa từ cọc A sang cọc C, với trung gian là cọc B.

- Quy trình này sẽ tiếp tục đệ quy cho đến khi chỉ còn 1 đĩa, sau đó in ra câu lệnh chuyển đĩa đó từ cọc A sang cọc C.

Bước 3: In ra câu lệnh chuyển đĩa lớn nhất (đĩa 4) từ cọc A sang cọc B.

```
print(f"Chuyển đĩa 4 từ cột A sang cột B")
```

Bước 4: Gọi hàm `thap_ha_noi(3, "C", "B", "A")` để chuyển 3 đĩa từ cọc C sang cọc B, với trung gian là cọc A.

- Quy trình này sẽ tiếp tục đệ quy cho đến khi chỉ còn 1 đĩa, sau đó in ra câu lệnh chuyển đĩa đó từ cọc C sang cọc B.

Bước 5: Chuyển đĩa thứ 3 từ cọc C sang cọc B.

```
print(f"Chuyển đĩa 3 từ cột C sang cột B").
```

Bước 6: Gọi hàm `thap_ha_noi(2, "A", "B", "C")` để chuyển 2 đĩa từ cọc A sang cọc B, với trung gian là cọc C.

- Quy trình này sẽ tiếp tục đệ quy cho đến khi chỉ còn 1 đĩa, sau đó in ra câu lệnh chuyển đĩa đó từ cọc A sang cọc B.

Bước 7: Chuyển đĩa thứ 2 từ cọc A sang cọc B.

```
print(f"Chuyển đĩa 2 từ cột A sang cột B").
```

Bước 8: Gọi hàm `thap_ha_noi(1, "C", "A", "B")` để chuyển đĩa cuối cùng từ cọc C sang cọc B, với trung gian là cọc A.

- Đây là bước cuối cùng, và nó sẽ in ra câu lệnh chuyển đĩa cuối cùng từ cọc C sang cọc B.

Bước 9: Chuyển đĩa thứ 1 từ cọc C sang cọc B.

```
print(f"Chuyển đĩa 1 từ cột C sang cột B").
```

Chuyển đĩa 1 từ cột A sang cột C

Chuyển đĩa 2 từ cột A sang cột C

Chuyển đĩa 1 từ cột B sang cột A

Chuyển đĩa 3 từ cột A sang cột B

Chuyển đĩa 1 từ cột C sang cột B

Chuyển đĩa 2 từ cột C sang cột B

Chuyển đĩa 1 từ cột A sang cột C

Chuyển đĩa 4 từ cột A sang cột C

Chuyển đĩa 1 từ cột B sang cột A

Chuyển đĩa 2 từ cột B sang cột A

Chuyển đĩa 1 từ cột C sang cột B

Chuyển đĩa 3 từ cột B sang cột C

Chuyển đĩa 1 từ cột A sang cột C

Chuyển đĩa 2 từ cột A sang cột C

Chuyển đĩa 1 từ cột B sang cột A

Quy trình này sẽ lặp lại cho đến khi tất cả các đĩa được chuyển từ cọc A sang cọc B theo đúng quy tắc của bài toán Tháp Hà Nội.

Bước 1: Gọi hàm cho\_ga (36, 100).

- Kiểm tra điều kiện cơ sở: tong\_so\_con không bằng 0 hoặc tong\_so\_chan không bằng 0, và tong\_so\_chan chia hết cho 2 và lớn hơn hoặc bằng tong\_so\_con \* 2.

Bước 2: Lặp qua từng số lượng chó có thể (từ 0 đến tong\_so\_con).

- Tính số lượng gà dựa trên số lượng chó hiện tại:  $ga = \text{tong\_so\_con} - \text{cho}$
- Kiểm tra nếu tổng số chân của gà và chó bằng tong\_so\_chan:  $\text{if } ga * 2 + \text{cho} * 4 == \text{tong\_so\_chan}$

Bước 3: Nếu tìm được số lượng gà và chó phù hợp, trả về kết quả.

- Trả về cho, ga

Bước 4: Nếu không tìm được kết quả ở bước hiện tại, gọi đệ quy hàm cho\_ga với số lượng con giảm đi 1 và số lượng chân giảm đi 4.

$\text{cho, ga} = \text{cho\_ga}(\text{tong\_so\_con} - 1, \text{tong\_so\_chan} - 4)$

Bước 5: Kiểm tra kết quả từ lời gọi đệ quy.

- Nếu ga không bằng -1, tức là tìm được kết quả, trả về cho + 1, ga
- Nếu không, trả về -1, -1 để biểu thị không tìm được kết quả phù hợp.

Kết quả cuối cùng sẽ được in ra thông qua `print("Số gà là:", so_ga)` và `print("Số chó là:", so_cho)`, cho thấy số lượng gà và chó tương ứng với số lượng con và chân đã cho.