

# **POTENCIACIÓN**



Vigilada Mineducación



Exponentes enteros (negativos y positivos) > Reglas para trabajar con exponentes > Notación científica



### NOTACIÓN EXPONENCIAL

Si a es cualquier número real y n es un entero positivo, entonces la n-ésima potencia de a es

$$a^n = \underbrace{a \cdot a \cdot \cdots \cdot a}_{n \text{ factores}}$$

El número *a* se denomina **base**, y *n* se denomina **exponente**.

## **EJEMPLO 1** Notación exponencial



(a) 
$$(\frac{1}{2})^5 =$$

**(b)** 
$$(-3)^4 =$$

(c) 
$$-3^4 =$$

$$\bullet \left(\frac{1}{2}\right)^4 = \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} = \frac{1}{16}$$

• 
$$(-5)^6 = (-5) \cdot (-5) \cdot (-5) \cdot (-5) \cdot (-5) \cdot (-5) = 15625$$

$$-5^6 = -(5 \cdot 5 \cdot 5 \cdot 5 \cdot 5 \cdot 5) = -15625$$

• 
$$0^5 = 0 \cdot 0 \cdot 0 \cdot 0 \cdot 0 = 0$$
.



### **EXPONENTES CERO Y NEGATIVOS**

Si  $a \neq 0$  es cualquier número real y n es un entero positivo, entonces

$$a^0 = 1$$
 y  $a^{-n} = \frac{1}{a^n}$ 

**Nota:** La expresión  $0^0$  no está definida.

# **EJEMPLO 2** | Exponentes cero y negativos



(a) 
$$(\frac{4}{7})^0 =$$

**(b)** 
$$x^{-1} =$$

(c) 
$$(-2)^{-3} =$$



#### LEYES DE EXPONENTES

Ley

**1.** 
$$a^m a^n = a^{m+n}$$

Ejemplo

**1.** 
$$a^m a^n = a^{m+n}$$
  $3^2 \cdot 3^5 = 3^{2+5} = 3^7$ 

Descripción

Para multiplicar dos potencias del mismo número, sume los exponentes.

**2.** 
$$\frac{a^m}{a^n} = a^{m-n}$$

**2.** 
$$\frac{a^m}{a^n} = a^{m-n}$$
  $\frac{3^5}{3^2} = 3^{5-2} = 3^3$ 

Para dividir dos potencias del mismo número, reste los exponentes.

**3.** 
$$(a^m)^n = a^{mn}$$

**3.** 
$$(a^m)^n = a^{mn}$$
  $(3^2)^5 = 3^{2 \cdot 5} = 3^{10}$ 

Para elevar una potencia a una nueva potencia, multiplique los exponentes.

**4.** 
$$(ab)^n = a^n b^n$$
  $(3 \cdot 4)^2 = 3^2 \cdot 4^2$ 

$$(3 \cdot 4)^2 = 3^2 \cdot 4^2$$

Para elevar un producto a una potencia, eleve cada uno de los factores a la potencia.

$$5. \left(\frac{a}{b}\right)^n = \frac{a^n}{b^n}$$

$$\left(\frac{3}{4}\right)^2 = \frac{3^2}{4^2}$$

Para elevar un cociente a una potencia, eleve el numerador y el denominador a la potencia.

## **EJEMPLO 3** Uso de las Leyes de Exponentes

(a) 
$$x^4x^7 = x^{4+7} = x^{11}$$

Ley 1: 
$$a^m a^n = a^{m+n}$$

**(b)** 
$$y^4y^{-7} = y^{4-7} = y^{-3} = \frac{1}{y^3}$$

Ley 1: 
$$a^m a^n = a^{m+n}$$

(c) 
$$\frac{c^9}{c^5} = c^{9-5} = c^4$$

$$Ley 2: \frac{a^m}{a^n} = a^{m-n}$$

(d) 
$$(b^4)^5 = b^{4\cdot 5} = b^{20}$$

Ley 3: 
$$(a^m)^n = a^{mn}$$

(e) 
$$(3x)^3 = 3^3x^3 = 27x^3$$

Ley 4: 
$$(ab)^n = a^n b^n$$

(f) 
$$\left(\frac{x}{2}\right)^5 = \frac{x^5}{2^5} = \frac{x^5}{32}$$

Ley 5: 
$$\left(\frac{a}{b}\right)^n = \frac{a^n}{b^n}$$



## **EJEMPLO 4** | Simplificación de expresiones con exponentes

Universidad Pontificia Bolivariana

(a) 
$$(2a^3b^2)(3ab^4)^3$$

(a) 
$$(2a^3b^2)(3ab^4)^3$$
 (b)  $(\frac{x}{y})^3(\frac{y^2x}{z})^4$ 



#### LEYES DE EXPONENTES

Ley

#### Descripción

**6.** 
$$\left(\frac{a}{b}\right)^{-n} = \left(\frac{b}{a}\right)^{n}$$

$$\left(\frac{3}{4}\right)^{-2} = \left(\frac{4}{3}\right)$$

Para elevar una fracción a una potencia negativa, invierta la fracción y cambie el signo del exponente.

7. 
$$\frac{a^{-n}}{b^{-m}} = \frac{b^m}{a^n}$$

$$\frac{3^{-2}}{4^{-5}} = \frac{4^5}{3^2}$$

Para pasar un número elevado a una potencia del numerador al denominador o del denominador al numerador, cambie el signo del exponente.

## **EJEMPLO 5** | Simplificación de expresiones con exponentes negativos



Fundada en 1936

Elimine exponentes negativos y simplifique cada expresión.

(a) 
$$\frac{6st^{-4}}{2s^{-2}t^2}$$

(a) 
$$\frac{6st^{-4}}{2s^{-2}t^2}$$
 (b)  $\left(\frac{y}{3z^3}\right)^{-2}$ 

(a) 
$$\left(\frac{a^{1/6}b^{-3}}{x^{-1}y}\right)^3 \left(\frac{x^{-2}b^{-1}}{a^{3/2}y^{1/3}}\right)$$
 (b)  $\frac{(9st)^{3/2}}{(27s^3t^{-4})^{2/3}} \left(\frac{3s^{-2}}{4t^{1/3}}\right)^{-1}$  (c)  $\left(\frac{q^{-1}r^{-1}s^{-2}}{r^{-5}sq^{-8}}\right)^{-1}$  (d)  $\left(\frac{xy^{-2}z^{-3}}{x^2y^3z^{-4}}\right)^{-3}$ 



### **▼** Notación científica

Los científicos usan notación exponencial como una forma compacta de escribir números muy grandes y números muy pequeños. Por ejemplo, la estrella más cercana además del Sol, Proxima Centauri, está aproximadamente a 40,000,000,000,000 de km de distancia. La masa del átomo de hidrógeno es alrededor de 0.000000000000000000000000166 g. Estos números son difíciles de leer y escribir, de modo que los científicos por lo general los expresan en *notación científica*.



Fundada en 1936

### **NOTACIÓN CIENTÍFICA**

Se dice que un número positivo *x* está escrito en **notación científica** si está expresado como sigue:

$$x = a \times 10^n$$
 donde  $1 \le a < 10$  y  $n$  es un entero

Por ejemplo, cuando decimos que la distancia a la estrella Proxima Centauri es  $4 \times 10^{13}$  km, el exponente positivo 13 indica que el punto decimal debe recorrerse 13 lugares a la *derecha*:



Fundada en 1936

$$4 \times 10^{13} = 40,000,000,000,000$$

Mueva el punto decimal 13 lugares a la derecha

Cuando decimos que la masa de un átomo de hidrógeno es  $1.66 \times 10^{-24}$  g, el exponente -24 indica que el punto decimal debe moverse 24 lugares a la *izquierda*:

Mueva el punto decimal 24 lugares a la izquierda

### EJEMPLO 6 | Cambio de notación decimal a científica

En notación científica, escriba cada uno de los números siguientes.

**(a)** 56,920

**(b)** 0.000093



Fundada en 1936

### SOLUCIÓN

(a) 
$$56,920 = 5.692 \times 10^4$$
  
4 lugares

**(b)** 
$$0.000093 = 9.3 \times 10^{-5}$$
 5 lugares



### **REFERENCIA**

Stewart, J., Precálculo Matemáticas para el Cálculo, Cengage Learning, séptima edición.

Referencia en línea

http://www.ebooks7-24.com.consultaremota.upb.edu.co/stage.aspx?il

