```
(1) 设P=(A>(A>B))>(A>B)
 1. (A→B) → P 公理|
 2. 7P > 7(A>B) I用定理13及Tmp
 3. ¬(A→(A→B))→ P 定理6
 4. 7P > (A>(A>B) 3m定理14及「mp
 5. (A>(A>B)) > (7(A>B) > 7A) 定理13
 6. 7P→ (¬(A→B)→¬A) 4.5用定理8
 7. 7A > (A>B)
                       定理 6
 8. (¬P→¬(A→B))→(¬P→¬A) 6用公理工及「mp
     7P->7A
                      2.8用「mp
 10. 7P > (A>B)
                      9、7用定理8
     (7P→(A→B))→((7P→7A→B))→P) 定理16
     (7P→7(A>B))→P 108、11用 Tmp
 12.
                        2、12用 [mp
```

```
(3) 设P=7(A7C)
! 7A7(A7C)定理6
 2.7(A>c)>A | 田定理14及Tmp
                假设
 3. A>B
    C→(A→C) 公理/
    7(A+C)+7C 彻定理13及/mp
     (B+C)+(B+C) 促理1
     (8>6)~ (76378) 翻定理13
     (1876) 7C > ((B>C)>7B) 7用交換2
      B→((B→C)→C) 6用定理2
    ((8→c)→c)→(7 C→7(8→c)) 7 限定理13
      Bラ (7Cラブ(B→C))
    7(A→c)→B 2.3 险定理8
7(A→c)→(7C→7(B→c)) 10.9 定理8
 10.
 12.
      (フP→7()→ (¬P→7(B→C)) 公理工及Tmp
      ッタラブはみからう
13.
                              512 Tmp
14
        7 &(B-1C) -> 7A
                             1段设
15.
         7P->7A
                              13.14定理8
16
       (7P>A) - ((7P=7A)>P)
                               建理 16
        (7P>7A)>P
                              218-16 Tmp
17.
18.
          P
                                1517 mp
```

```
(5) TR P=(A> (B>C)) > ((C>D)>(A>(B>D)))
1. ((C+D)+(A+(B+D))) + P
2. 7P→7((C→D)→A→(B→D))) | 定理|汲「mp
3、7(C→D)→((C→D)→(H→(B→D))) 定理6
   7((C+D) + (A+(B+D))) + (C+D) 3定理内及「mp
5. (A→(B→D))→((CC→D)→(A→(B→D))) 公理|
   フ((C+D)+(A+(B+D)))+フ(A+(B+D)) 5定理性及1mp
    7A > (A > (B > D))
                                    定理6
    7(A>(B>D1) > A
                                   7定理14及Tmp
    (B\rightarrow D)\rightarrow (A\rightarrow (B\rightarrow D))
                                    公理|
(D. 7 (A → (B → D)) → 7 (B → D)
                                   9.定理14及Tmp
    7P > 7 (A>(B>D))
11.
                                    2.6 定理8
    7P >A
                                    11.8定理》
     7P->7(B>D)
     7P > (C > D)
                                     11、10定理8
 14.
                                     2.4定理8
      (C+P)+((B+()+(B+P))
 15.
                                      定理4
       7P+((B+C) + (B+P))
 16.
                                       14.15定理8
     (7P→(B→()) → (7P→(B→D))
 17.
                                   16公安理2及下加
     7 (A + (B+C)) >P
 18.
                                     定理6
       7P -> (A -> (B->(1))
                                    18定理14& Top
      (7P+A) + (7P+(B+C))
 20
                                    19公理28 Timp
 21.
      7P>(B>c)
                                      12.20用Fmp
      77-> (8->0)
 27.
                                      21、16用加
      (7P→(B→D))→((7P→7(B+D))→P)
 23
                                         定理16
24.
      (7P+7(8+0)) >P
                                       22.23 rmp
 35.
           P
                                       13,24 Tmp
```

```
(7) 1. A→(B→A) 公理 |
2. 7A→(A→B) 定理6
3.7(A→B)→A 2用定理14及 Tmp
4. 7(A→B)→(B→A) 定理 |
6. ((B→A)→(B→A))→(B→A) 定理18
(円) 1. A→A 定理 |
2. 7A→(A→B) 定理6
3. 7(A→B)→A 2用定理14及 Tmp
4. 水(A→B)→A 1.3 定理18
```

```
(11)

1. C→((A→C)→C)公理|

2. 7A→(A→B) 定理6

3. 7(A→B)→A 定理H及Tmp

4. (A→C)→(7(A→B)→C)城理5及Tmp

5. 7(A→B)→((A→C)→C)定理2.

6. ((A→B)→C)→((A→C)→C) 1.5 用定理18.
```

```
设 P=(A大)→((B大)→(((A→B)→B)→C))
2. 7P > 7 ((B+C) -> (((A+B)+B)+C))
3.7((B>() > ((A>B)>B)>C)) > (B>C)
4.7 ((B+C)+(((A+B)+B)+C)) -> 7 (((A+B)+B)+C)
5.7 (((A+B)+B)+C) +7C
 6.7 (((A+B)+B)+c) + ((A+B)+B)
   (7C+7B) + (B7C)
 7. (B>C) -> (7C+7B)
                      定理吗
     フ( → ((B→() →7B) 定理2
 95. フP→フ(((A→B)→B)→C) 2.4定理8
                          9.5定理8
     フアラフC
                          10.8定理8
     7P+ ((B+C)+7B)
                          11用公理Z及Tmp
 12. (7P+(B+())+(7P+7B)
                              11、12定理8
       7P->7B
 14. ((A>B) >B) > ((A>B) >B)
                             定理13.
 唐·((A+B)+B) → (7B→7(A+B))
                            定理工
     7B >(((A+B)+B)+7(A+B))
 15.
                            13. 15定理8
     7P -> (((A+B)+B)->7(A7B))
     7P-> ((A>B)->B)
                            2.46两次定理8
     (7P→(1A→B)→B))→(7P→7(A→B)) 门用公理2及Fmp
                              17.18 Tmp
      7P->7(A->B)
                              定理6
      7A > (A>B)
20
     7(A=B)=A
                              20 朋 定 理 14
21.
                              19.4用阿定理8
        7P-7A
23 (A>()>(7(+)A)
                              定理14
                               定理工
24. 7C → ((A→C)→7A)
25. 7P→ ((A→C)→7A)
                              10、24定理8
25.
                               对用公理Z及Tmp
   (7P->(A>C)) -> (7P->nA)
                               1.26用定理 8
                                定理16
     (7P->7A)->(17P-)A)-P)
                                27.28 Tmp
      (7P>A)>P
                                 22.29 Tmp
30.
```