Pattern of Amino Acid Substitutions in Transmembrane Domains of  $\beta$ -Barrel Membrane Proteins for Detecting Remote Homologs in Bacteria and Mitochondria

David Jimenez-Morales<sup>1</sup>, Jie Liang<sup>1,\*</sup>

- 1 Department of Bioengineering, University of Illinois at Chicago, Chicago, Illinois, United States of America.
- \* E-mail: Corresponding author jliang@uic.edu

## Figure S2. The estimated instantaneous substitution rates.

**A. Estimating**  $Q_{\text{all}}$ . Instantaneous substitution rate values estimated for residues embedded within the outer membrane region  $(Q_{\text{all}})$ . The entries  $q_{ij}$  of the rate matrix Q are substitution rates of amino acid residues for the 20 amino acids at an infinitesimally small time interval. The values are in the unit of  $\times 10^{-4}$  expected residue changes per 100 site between sequences.

```
\# Q_all: Substitution rate values for the fragments embedded within the outer membrane \# Scaling factor: q_ij x 10^-04 S T N Q D E R K H C P
S -91.699 37.585 14.958
                                           2 530
                                                               1 435
                                                                                                                      0.049
                                                                                                                                                                           0.510
   -91.699
37.585
14.958
2.972
2.530
0.728
1.435
            -94.888
5.927
                                 2.069
2.511
                                           0.438
6.672
                                                     0.741
0.487
                                                               0.973
                                                                         1.355
                                                                                 0.246
0.817
                                                                                          0.102
                                                                                                  0.161
                                                                                                            2.930
                                                                                                                      0.148
                                                                                                                                0.566
0.523
                                                                                                                                          0.385
                                                                                                                                                     7.994
0.162
                                                                                                                                                                1.537
             2.069
                        2.511 -27.419
                                            1.466
                                                     5.979
                                                               2.735
                                                                         2.551 3.045
                                                                                          0.133
                                                                                                   0.113
                                                                                                            0.307
                                                                                                                      0.113
                                                                                                                                0.345
                                                                                                                                          0.104
                                                                                                                                                     0.576
                                                                                                                                                                0.429
                        6.672
0.487
0.695
                                                                                 0.130
0.052
1.003
                                                                                          0.030
0.019
0.061
                                                                                                  0.042
0.127
0.053
                                                                                                                      0.060
0.069
0.071
                                                                                                                                                     0.151
0.218
0.223
              0.438
                                          -17.105
                                                    3.365
                                                               0.174
                                 5.979
2.735
                                           3.365
0.174
                                                                                                            0.443
                                                                                                                                0.132
0.335
              0.973
                                                     0.234
                                                             -14.180
    0.998
              1.355
                        1.253
                                  2.551
                                            0.350
                                                     0.234
                                                               4.802
                                                                        -13.533
                                                                                 0.086
                                                                                          0.029
                                                                                                   0.042
                                                                                                            0.208
                                                                                                                       0.120
                                                                                                                                0.123
                                                                                                                                          0.134
                                                                                                                                                     0.100
                                                                                                                                                                0.142
                                                                                                                                                                           0.266
                                                                                                                                                                                      0.598
                                                                                                                                                                                                0.143
                                                               1.003
                                                                         0.086
    0.521
              0.246
                        0.817
                                  3.045
                                            0.130
                                                     0.052
                                                                                          0.007
                                                                                                   0.013
                                                                                                             0.124
                                                                                                                       0.180
                                                                                                                                2.050
    0.197
              0.161
                        0.050
                                  0.113
                                            0.042
                                                     0.127
                                                               0.053
                                                                         0.042
                                                                                 0.013
                                                                                          0.013
                                                                                                  -2.418
                                                                                                            0.122
                                                                                                                      0.022
                                                                                                                                0.053
                                                                                                                                          0.219
                                                                                                                                                     0.042
                                                                                                                                                                0.027
                                                                                                                                                                                       0.931
    9.318
0.049
0.240
0.379
              2.930
                        1.394
                                  0.307
                                            0.556
                                                     0.443
                                                               0.300
                                                                         0.208
                                                                                 0.124
                                                                                          0.055
                                                                                                   0.122
                                                                                                           -60.010
                                                                                                                       0.141
                                                                                                                                0.305
                                                                                                                                          0.595
                                                                                                                                                     0.633
              0.148
0.566
                        0.102
                                  0.113
                                           0.060
                                                     0.069
                                                               0.071
                                                                                 0.180
                                                                                          0.016
0.188
                                                                                                  0.022
                                                                                                                                                                0.219
                                                                                                            0.595
                                                                                                                      3.245
              0.385
                        0.146
                                  0.104
                                           0.090
                                                     0.049
                                                               0.251
                                                                         0.134
                                                                                 0.112
                                                                                         0.061
                                                                                                   0.219
                                                                                                                               24.672
                                                                                                                                                                4.858
                                                                                                                                                                                       2.568
                                                                                                                                                                                                1.387
                                                                                                                                                              194.115
-251.467
44.434
                                                                                                                       1.482
    0.618
              7.994
                        0.162
                                  0.576
                                            0.151
                                                     0.218
                                                               0.223
                                                                         0.100
                                                                                 0.085
                                                                                          0.071
                                                                                                   0.042
                                                                                                            0.633
                                                                                                                                1.237
                                                                                                                                          7.825
                                                                                                                                                  -391.517
                                                                                                                                                                                                3.601
                                                                                 0.056
0.295
0.157
    0.162
0.510
                                 0.429
                                           0.071
                                                     0.040
                                                                         0.142
                                                                                          0.021
                                                                                                                                0.339
                                                                                                                                         4.858
31.890
              1.461
                        0.212
                                                               0.361
                                                                                                   0.175
                                                                                                            0.855
                                                                                                                      2.228
                                                                                                                                                   131.115
                                                                                                                                                                         -242.428
                                  0.741
                                           0.360
                                                     0.515
                                                               0.262
                                                                         0.598
                                                                                          0.046
                                                                                                   0.931
                                                                                                           40.777
                                                                                                                       0.304
                                                                                                                                0.646
                                                                                                                                          2.568
                                                                                                                                                    41.268
                                                                                                                                                                2.718
                                                                                                                                                                           9.930
                                                                         0.143 0.049
                                                                                                            0.643
                                                                                                                                0.338
```

**B. Estimating**  $Q_{\text{out}}$ . Instantaneous substitution rate values estimated for the subset of residues from the transmembrane segments facing the lipid environment  $(Q_{\text{out}})$ .

```
\# Q_out: Substitution rate values for the subset of residues from the transmembrane segments facing the lipid environment \# Scaling factor: q_ij \times 10^-04 S T N Q D E R K H C P G W Y
                                                                            0.141
0.388
0.263
                        1.569
                                   0.392
                                             0.295
0.184
                                                       0.075
0.462
                                                                  0.095
                                                                                      0.236
0.134
                                                                                                0.026
0.101
                                                                                                           0.314
                                                                                                                    2.878
4.389
    1.569
              3.098 -11.638
                                   1.381
                                             2.049
                                                       0.157
                                                                  0.276
                                                                                      0.339
                                                                                                0.043
                                                                                                           0.036
                                                                                                                     0.576
                                                                                                                               0.062
                                                                                                                                          0.534
                                                                                                                                                     0.158
                                                                                                                                                                 0.198
                                                                                                                                                                            0.081
                                                                                                                                                                                        0.372
                                                                                                                                                                                                   0.181
                                                                                                                                                                                                              0.264
    0.392
              2 569
                         1 381 -12 734
                                             0.390
                                                        0.783
                                                                  0.825
                                                                            0 421
                                                                                      2 395
                                                                                                0 070
                                                                                                           0 168
                                                                                                                     0 189
                                                                                                                                                                 0 415
                                                                                                                                                                            0 131
    0.295
0.075
                         2.049
                                                                            0.273
                                                                                                                                                                            0.075
                                   0.390
                                                                                                                                                                0.126
               0.462
                                              0.297
                                                       -3.888
                                                                                      0.042
                                                                                                           0.011
                                                                                                                               0.074
                                                                                                                                                     0.139
                                                                  0.104
                                                                                                                     0.227
     0.095
               0.531
                         0.276
                                   0.825
                                              0.103
                                                       0.104
                                                                 -5.535
                                                                            0.546
                                                                                      0.463
                                                                                                0.019
                                                                                                           0.031
                                                                                                                     0.293
                                                                                                                               0.115
                                                                                                                                          1.108
                                                                                                                                                     0.101
                                                                                                                                                                 0.191
                                                                                                                                                                            0.153
                                                                                                                                                                                        0.362
                                                                                                                                                                                                   0.173
                                                                                                                                                                                                              0.045
    0.141
                                   0.421
2.395
0.070
                                              0.273
0.056
                                                       0.020
0.042
0.011
                                                                                      0.092
-8.410
0.017
                                                                                                           0.031
0.056
0.036
0.029
                                                                                                                     0.121
0.088
0.072
                                                                                                                                                                            0.163
0.065
                                                                            0.092
     0.026
                         0.043
                                              0.022
                                                                                                                                                     0.089
                                                                                                                                                                                        0.085
               0.101
                                                                  0.019
                                                                                                                                          0.340
                                                                                                                                                                 0.231
                                                                                                                                                                                                   0.104
     0.314
              0.381
                         0.036
                                   0.168
                                              0.030
                                                        0.011
                                                                  0.031
                                                                            0.056
                                                                                       0.036
                                                                                                0.029
                                                                                                           -3.905
                                                                                                                     0.452
                                                                                                                               0.096
                                                                                                                                          0.077
                                                                                                                                                     0.484
                                                                                                                                                                 0.134
                                                                                                                                                                            0.083
                                                                                                                                                                                       0.470
                         0.576
0.062
0.534
                                   0.189
0.205
1.428
                                             0.618
0.056
0.366
                                                       0.227
0.074
0.209
                                                                            0.121
0.082
0.290
                                                                                      0.088
0.312
3.050
                                                                                                           0.452
0.096
0.077
                                                                                                                   -62.493
0.234
0.725
                                                                                                                                                    1.682
5.363
19.511
                                                                                                                                                                            0.408
0.550
0.600
                                                                  0.293
                                                                                                0.072
               4.389
                                                                                                                                0.234
                                                                                                                                                                                                              0.359
     0.485
               1.209
                                                                  1.108
                                                                                                0.340
                                                                                                                              18.012
                                                                                                                                        -55.681
                                                                                                                                                                 1.881
                                                                                                                                                                                        3.807
                                                                                                                                                                                                   1.434
                                                                                                                                                                                                              0.615
     0.459
              0.348
                         0.158
                                   0.223
                                              0.100
                                                        0.139
                                                                  0.101
                                                                            0.196
                                                                                      0.158
                                                                                                0.089
                                                                                                           0.484
                                                                                                                     1.682
                                                                                                                               5.363
                                                                                                                                        19.511
                                                                                                                                                  -136.508
                                                                                                                                                                21.602
                                                                                                                                                                                       65.440
                                                                                                                                                                                                              3.528
    0.565
              7.530
0.574
                         0.198
0.081
                                   0.415
0.131
                                              0.126
0.075
                                                       0.357
                                                                  0.191
                                                                            0.124
                                                                                      0.132
                                                                                                0.231
                                                                                                           0.134
                                                                                                                     0.933
                                                                                                                                         1.881
                                                                                                                                                    21.602
9.725
                                                                                                                                                              -548.101
275.106
                                                                                                                                                                                     168.339
81.834
                                                                                                                                3.532
                                                                                                                                                                                                  16.480
     0.585
              3.180
                         0.372
                                   0.288
                                              0.540
                                                        0.346
                                                                  0.362
                                                                            0.267
                                                                                      0.465
                                                                                                0.085
                                                                                                           0.470
                                                                                                                     2.405
                                                                                                                                4.395
                                                                                                                                          3.807
                                                                                                                                                    65.440
                                                                                                                                                              168.339
                                                                                                                                                                           81.834
                                                                                                                                                                                      365.387
                                                                                                                                                                                                            15.727
                                   0.253
                                                        0.483
                                                                  0.173
                                                                            0.113
                                                                                      0.180
                                                                                                           0.978
                                                                                                                                          1.434
```

C. Estimating  $Q_{\rm in}$ . Instantaneous substitution rate values estimated for the subset of residues from the transmembrane segments facing the interior of the barrel  $(Q_{\rm in})$ .

#  $Q_{\text{in}}$ : Substitution rate values for the subset of residues from the transmembrane segments facing the interior of the barrel # Unit:  $q_{\text{i}}$  j x 10^-04 S 1 n -187.806 76.525 25.615 76.525 -146.250 9.066 25.615 9.066 -64.924 4.010 4.557 1.279 5.620 4.168 3.878 4.276 1.006 9.932 2.347 1.433 0.719 3.360 1.399 0.825 1.567 2.166 2.727 1.069 0.536 1.206 0.270 0.130 0.145 0.513 0.232 0.225 19.043 1.416 3.216 0.493 0.204 0.330 0.397 1.582 0.763 0.681 2.342 1.434 12.145 0.216 0.630 0.885 3.521 0.192 37.999 22.943 3.060 1.796 0.901 3.878 -56.578 9.932 3.627 0.719 19.786 2.204 0.893 0.440 0.692 4.168 3.627 19.786 3.569 5.042 1.264 0.165 0.180 0.538 0.203 0.584 0.282 1.558 1.307 0.809 3.627 19.786 3.569 0.291 0.428 7.702 0.165 0.048 0.220 0.174 0.203 0.159 0.443 0.085 0.282 0.383 0.203 0.587 0.482 1.886 0.717 0.372 0.788 0.178 1.006 -41.038 14.389 14.389 -47.877 0.352 0.356 0.207 0.136 0.278 2.966 1.002 0.248 0.134 0.825 2.727 1.206 0.145 0.225 0.352 0.291 0.207 0.048 0.136 3.360 1.399 0.356 -23.582 1.449 0.076 0.876 0.302 0.220 0.664 2.166 0.536 0.130 5.042 1.264 0.165 0.180 0.428 0.168 0.220 0.278 7.702 -23.477 1.449 0.272 0.174 0.050 0.076 0.139 0.272 -7.364 0.012 0.018 0.050 0.012 -1.861 0.007 0.139 0.018 0.007 -3.094 0.398 0.242 0.150 0.234 0.162 0.040 0.016 0.066 0.101 0.344 0.181 0.116 0.117 0.060 0.029 0.053 0.226 0.075 0.067 0.065 0.307 0.045 0.019 0.038 0.561 0.193 0.038 0.087 0.138 0.031 0.020 0.039 1.567 1.084 0.134 0.270 0.513 0.118 0.593 0.232 19.043 1.416 3.216 0.538 2.966 1.002 0.876 0.398 0.242 0.150 0.234 -83.068 0.331 0.302 0.268 0.616 0.337 0.561 50.062 0.509 0.330 0.763 0.216 0.111 21.291 -29.099 0.132 0.265 1.117 0.493 0.204 0.203 0.159 0.443 0.085 0.162 0.040 0.016 0.066 0.331 0.737 0.063 0.071 0.178 0.282 0.060 0.268 0.616 0.337 0.561 0.681 1.434 0.383 0.203 0.587 0.117 0.029 0.053 0.111 21.291 0.302 0.356 0.427 1.184 2.342 0.885 0.796 12.145 3.521 1.788 1.558 1.307 2.204 0.717 0.220 0.692 0.226 0.307 0.561 0.065 0.038 0.087 0.063 0.052 0.132 0.310 0.246 0.265 0.302 -53.401 0.356 15.204 1.117 7.038 15.204 7.038 -28.079 2.607 2.607 -32.970 0.737 0.967 5.037 0.630 0.075 0.482 1.886 0.067 0.134 0.184 0.019 1.458 7.617 0.901 0.193 7.617 5.037 37.999 22.943 3.060 1.796 1.136 2.496 0.664 1.084 0.134 0.118 0.593 50.062 0.188 0.259 0.427 8.938 1.458 -143.667 1.279 0.138