

## —Grammaire des types—

Les éléments simples du langage (noms, symboles) sont en caractères **machine**, les ensembles d'éléments simples en caractères **sans sérif**. Les éléments composés sont entre < et >. L'étoile \* signifie la répétition d'un élément et l'étoile \* signifie le produit cartésien.

```
<type> ::= <type-base>
        ou <type-var>
        ou LISTE[<type>]
        ou ArbreBinaire[<type>]
        ou ArbreGeneral[<type>]
        ou COUPLE[<type> <type>]
        ou NUPLET[<type>* ]
        ou <type>+#f
        ou (<type-fonc>)

<type-base> ::= nat ou int ou Nombre
              ou bool ou string
              ou Valeur ou Image ou void
              ou symbol

<type-var> ::= alpha ou beta etc.

<type-fonc> ::= -> <type>
              ou <type-args> -> <type>

<type-args> ::= <type>
              ou <type> * <type-args>
              ou <type> * ...
              ou <type>^n

avec          n = 1, 2, 3, etc.
```

## —Grammaire du langage—

```
<prog> ::= <définition>
        ou <expression>
        ou <prog> <prog>

<définition> ::= (define ( nom-fonc <nom-args> )
                  <expression> )

<nom-args> ::= variable
            ou variable <nom-args>

<expression> ::= variable ou constante
              ou <application>
              ou <forme-spéciale>

<application> ::= ( nom-fonc <expression>* )
```

```
<forme-spéciale> ::= (if <expression>
                      <expression>
                      <expression> )
ou (and <expression>* )
ou (or <expression>* )
ou (cond <clauses> )
ou (let ( <liaison>* )
        <expression> )
ou (let* ( <liaison>* )
        <expression> )
ou ' <expression>
ou (test <expression-test> )

<clauses> ::= <clause>*
            ou <clause>* (else <expression> )

<clause> ::= ( <expression> <expression> )

<liaison> ::= ( variable <expression> )

<expression-test> ::= <expression> -> constante
                   ou <expression> -> ERREUR
```

## —Commentaires—

Ligne commençant par un point-virgule (;) au moins. Un commentaire sert à la documentation du code : il ne fait pas partie du code évalué (voir ci-dessous : spécification, etc.)

## —Vocabulaire—

Symboles et mots clé réservés :  
 ; ( ) ' + - \* / = < > " #f #t  
 and or if cond else let let\* define  
 constante : les booléens #f #t, les nombres, les chaînes entre guillemets  
 variable, nom-fonc, symbole : tout ce qui n'est pas constante ni réservé

## —Spécification, signature, définition—

```
;;; nom-fonc: <type-fonc>
;;; (nom-fonc <nom-args>) texte explicatif
;;; HYPOTHESE texte
;;; ERREUR texte
(define (nom-fonc <nom-args>) <expression> )
```

## —Fonction booléenne—

```
not: bool -> bool
(not b) rend la négation de b
```

## —Prédicats sur les valeurs—

```
equal?: Valeur * Valeur -> bool
(equal? v1 v2) vérifie l'égalité de deux valeurs
```

```
number?: Valeur -> bool
(number? v) reconnaît si v est un nombre réel

integer?: Valeur -> bool
(integer? v) reconnaît si v est un nombre entier

boolean?: Valeur -> bool
(boolean? v) reconnaît si v est un booléen

string?: Valeur -> bool
(string? v) reconnaît si v est une chaîne de caractères

symbol?: Valeur -> bool
(symbol? v) reconnaît si v est un symbole

list?: Valeur -> bool
(list? v) reconnaît si v est une liste (possiblement vide)
```

## —Prédicats sur les nombres—

```
positive?: Nombre -> bool
(positive? x) vérifie que x est strictement positif

negative?: Nombre -> bool
(negative? x) vérifie que x est strictement négatif

odd?: int -> bool
(odd? n) vérifie que n est impair

even?: int -> bool
(even? n) vérifie que n est pair

=: Nombre * Nombre -> bool
(= x y) vérifie que x et y sont égaux

<: Nombre * Nombre -> bool
(< x y) vérifie que x est strictement inférieur à y

<=: Nombre * Nombre -> bool
(<= x y) vérifie que x est inférieur ou égal à y

>: Nombre * Nombre -> bool
(> x y) vérifie que x est strictement supérieur à y

>=: Nombre * Nombre -> bool
(>= x y) vérifie que x est supérieur ou égal à y
```

## —Fonctions arithmétiques—

```
+: Nombre * Nombre * ... -> Nombre
(+ x1 x2 ...) rend la somme des arguments

-: Nombre * Nombre -> Nombre
(- x y) rend la différence x - y

*: Nombre * Nombre * ... -> Nombre
(* x1 x2 ...) rend le produit des arguments
```

`/:` Nombre \* Nombre -> Nombre  
*(/ x y) rend la division  $x/y$*   
 ERREUR lorsque  $y$  est égal à 0  
  
`min:` Nombre \* Nombre \* ... -> Nombre  
*(min x1 x2 ...) rend le plus petit des arguments*  
  
`max:` Nombre \* Nombre \* ... -> Nombre  
*(max x1 x2 ...) rend le plus grand des arguments*  
  
`sqrt:` Nombre -> Nombre  
*(sqrt x) rend une valeur approchée de la racine carrée de  $x$*   
  
`quotient:` int \* int -> int  
*(quotient a b) rend la division euclidienne de  $a$  par  $b$*   
 ERREUR lorsque  $b$  est égal à 0  
  
`remainder:` int \* int -> int  
*(remainder a b) rend le reste de la division euclidienne de  $a$  par  $b$*   
 ERREUR lorsque  $b$  est égal à 0  
  
`random:` nat -> nat  
*(random k) rend un nombre entier pseudo-aléatoire entre 0 et  $k-1$*

#### —Chaînes de caractères—

`string-length:` string -> nat  
*(string-length s) rend la longueur (nombre de caractères) de la chaîne  $s$*   
  
`string-append:` string \* ... -> string  
*(string-append s1 ...) rend la chaîne obtenue en concaténant ses arguments*  
  
`substring:` string \* nat \* nat -> string  
*(substring s i1 i2) rend la sous-chaîne de  $s$  commençant à l'indice  $i1$  et terminant à l'indice  $i2-1$ . Le premier indice est 0.*  
 ERREUR lorsque  $i1$  ou  $i2$  n'est pas un indice dans  $s$  ou si  $i2 < i1$

#### —Listes—

`cons:` alpha \* LISTE[alpha] -> LISTE[alpha]  
*(cons x L) rend la liste commençant par  $x$  et se poursuivant par les éléments de  $L$*   
  
`car:` LISTE[alpha] -> alpha  
*(car L) rend le premier élément de la liste  $L$*   
 ERREUR lorsque  $L$  est vide  
  
`cdr:` LISTE[alpha] -> LISTE[alpha]  
*(cdr L) rend la liste  $L$  privée de son premier élément*  
 ERREUR lorsque  $L$  est vide

`list:` alpha \* ... -> LISTE[alpha]  
*(list x1 ...) rend la liste de ses arguments.*  
*(list) sans argument, rend la liste vide*  
  
`pair?:` Valeur -> bool  
*(pair? x) rend #t si  $x$  est une liste non vide; qui a un car et un cdr*  
  
`append:` LISTE[alpha] \* ... -> LISTE[alpha]  
*(append L1 ...) rend la liste composée des éléments de ses arguments (concaténation)*  
  
`assoc:` alpha \* LISTE[COUPLE[alpha beta]] -> COUPLE[alpha beta]+#f  
*(assoc x L) rend la première association de  $L$  dont  $x$  est la clé ou #f si aucune association n'a la clé  $x$*   
  
`map:` (alpha -> beta) \* LISTE[alpha] -> LISTE[beta]  
*(map f L) rend la liste ((f x1) ... (f xn)) si  $L$  est la liste (x1 ... xn)*  
  
`filter:` (alpha -> bool) \* LISTE[alpha] -> LISTE[alpha]  
*(filter p L) rend la liste des éléments de  $L$  qui vérifient le prédicat  $p$*   
  
`reduce:`  
 (alpha \* beta -> beta) \* beta \* LISTE[alpha] -> beta  
*(reduce f e L) rend la valeur de (f x1 ... (f xn e)...) si  $L$  est la liste (x1 ... xn)*

#### —Images—

*Nota : les nombres qui servent de coordonnées pour les images sont compris entre -1 et 1. Le point (0,0) est au centre de l'image.*  
  
`empty-image:` -> Image  
*(empty-image) sans argument, rend une image vide*  
  
`draw-line:` Nombre^4 -> Image  
*(draw-line x1 y1 x2 y2) rend une image contenant un segment d'extrémités (x1,y1) et (x2,y2)*  
  
`fill-triangle:` Nombre^6 -> Image  
*(fill-triangle x1 y1 x2 y2 x3 y3) rend une image contenant un triangle plein de sommets (x1,y1), (x2,y2) et (x3,y3)*  
  
`draw-ellipse:` Nombre^4 -> Image  
*(draw-ellipse x1 y1 x2 y2) rend une image contenant le tracé d'une ellipse inscrite dans un rectangle de coin inférieur gauche (x1,y1) et supérieur droit (x2,y2)*

`fill-ellipse:` Nombre^4 -> Image  
*(fill-ellipse x1 y1 x2 y2) rend une image contenant une ellipse pleine inscrite dans un rectangle de coin inférieur gauche (x1,y1) et supérieur droit (x2,y2)*  
  
`overlay:` Image \* Image \* ... -> Image  
*(overlay im1 im2 ...) rend l'image obtenue en superposant les images im1, im2, etc.*

#### —Arbres binaires—

`ab-vide:` -> ArbreBinaire[alpha]  
*(ab-vide) sans argument, rend l'arbre binaire vide*  
  
`ab-noeud:`  
 alpha \* ArbreBinaire[alpha] \* ArbreBinaire[alpha] -> ArbreBinaire[alpha]  
*(ab-noeud x A1 A2) rend l'arbre de racine d'étiquette  $x$ , de sous-arbre gauche  $A1$  et de sous-arbre droit  $A2$*   
  
`ab-etiquette:` ArbreBinaire[alpha] -> alpha  
*(ab-etiquette A) rend l'étiquette de la racine de  $A$*   
 ERREUR lorsque  $A$  est vide  
  
`ab-gauche:`  
 ArbreBinaire[alpha] -> ArbreBinaire[alpha]  
*(ab-gauche A) rend le sous-arbre gauche de  $A$*   
 ERREUR lorsque  $A$  est vide  
  
`ab-droit:`  
 ArbreBinaire[alpha] -> ArbreBinaire[alpha]  
*(ab-droit A) rend le sous-arbre droit de  $A$*   
 ERREUR lorsque  $A$  est vide  
  
`ab-noeud?`: ArbreBinaire[alpha] -> bool  
*(ab-noeud A) rend #t si  $A$  n'est pas vide*

#### —Arbres généraux et forêts—

`Foret[alpha]` est un alias pour LISTE[ArbreGeneral[alpha]]  
  
`ag-noeud:` alpha \* Foret[alpha] -> ArbreGeneral[alpha]  
*(ag-noeud x F) construit l'arbre général de racine d'étiquette  $x$  et de forêt  $F$*   
  
`ag-etiquette:` ArbreGeneral[alpha] -> alpha  
*(ag-etiquette A) rend l'étiquette de la racine de  $A$*   
  
`ag-foret:` ArbreGeneral[alpha] -> Foret[alpha]  
*(ag-foret A) rend la forêt des sous-arbres de  $A$*

#### —Erreur—

`erreur:` Valeur \* ... -> void  
*(erreur v1 ...) interrompt le programme et affiche les valeurs passées en arguments*