## **Attribute Expansion Graph**

#### 表示形式

 $(V, E, V_A, V_V, V_C, E_A, E_V, E_C)$ 

V:原图中的点集 E:原图中的边集  $V_A$ :Attribute点  $V_V$ :Value点  $V_C$ :Constant点

 $E_A:E_A\in V*V_A$ ,其中(u,v)表示一条从u到v的有向边 $E_V:E_V\in V_A*V_V$ ,其中(u,v)表示一条从u到v的有向边 $E_C:E_C\in V_V*V_C$ ,其中(u,v)表示一条从u到v的有向边

## 限制条件

2.若 $(u,v) \in E_C$ ,则不存在 $v' \neq v$ 使得 $(u,v') \in E_C$ 3.若 $(u,v) \in E_V$ ,则不存在 $v' \neq v$ 使得 $(u,v') \in E_C$ 4.若 $(u,v) \in E_A$ ,则不存在 $u' \neq u$ 使得 $(u',v) \in E_C$ 5.对于 $v \in V_A$ ,一定有indegree(v) = 1, outdegree(v) = 16.对于 $v \in V_V$ ,一定有 $indegree(v) \geq 1, outdegree(v) = 1$ 7.对于 $v \in V_C$ ,一定有indegree(v) = 1, outdegree(v) = 0

1.若 $(u,v) \in E_C$ ,则不存在 $u' \neq u$ 使得 $(u',v) \in E_C$ 

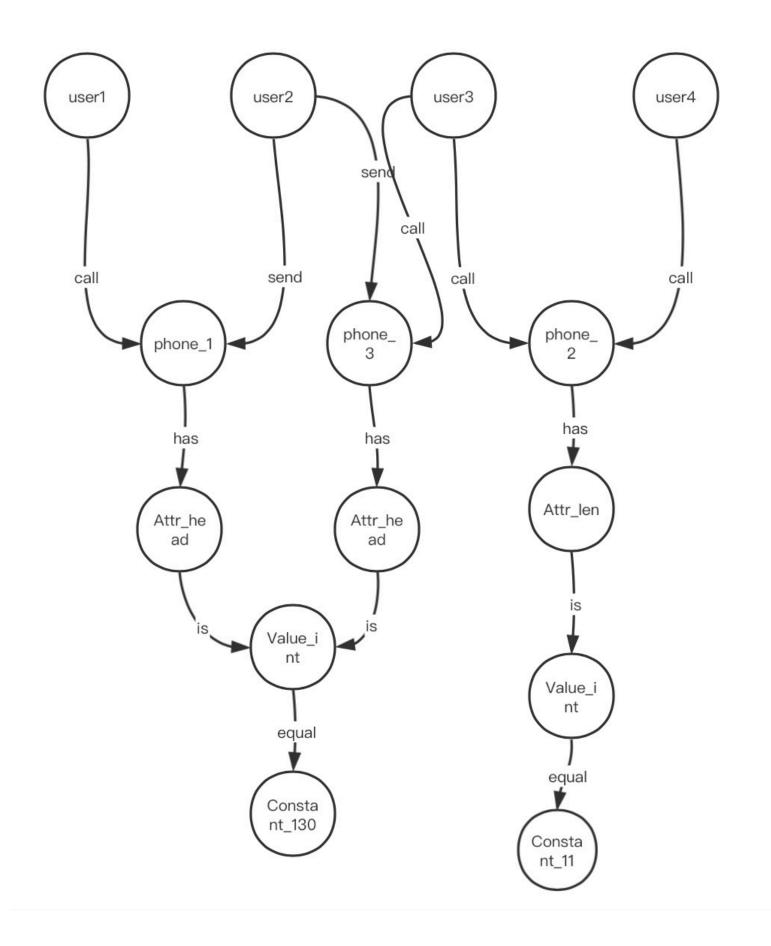
### 说明

1.value点与constant点——对应,有value点—定就要有对应的constant点

2.一个attribute点只能连向一个value点,一个value点可与多个Attribute点——对应

3.一个实体点可与多个Attribute点对应,一个Attribute点只能对应一个实体点

#### 例子



# **Attribute Expansion Graph Pattern**

## 表示形式

V :原图中的点集E :原图中的边集 $V_A$  :Attribute点 $V_V$  :Value点

 $V_C$ :Constant点

 $E_A:E_A\in V*V_A$ ,其中(u,v)表示一条从u到v的有向边 $E_V:E_V\in V_A*V_V$ ,其中(u,v)表示一条从u到v的有向边 $E_C:E_C\in V_V*V_C$ ,其中(u,v)表示一条从u到v的有向边

## 限制条件

1.若 $(u,v) \in E_C$ ,则不存在 $u' \neq u$ 使得 $(u',v) \in E_C$ 

2.若 $(u,v) \in E_C$ ,则不存在 $v' \neq v$ 使得 $(u,v') \in E_C$ 

3.若 $(u,v) \in E_V$ ,则不存在 $v' \neq v$ 使得 $(u,v') \in E_C$ 

4.若 $(u,v) \in E_A$ ,则不存在 $u' \neq u$ 使得 $(u',v) \in E_C$ 

5.对于 $v \in V_A$ ,一定有indegree(v) = 1,outdegree(v) = 1

6.对于 $v \in V_V$ ,一定有 $indegree(v) \ge 1$ ,  $outdegree(v) \le 1$ ,  $degree(v) \ge 2$ 

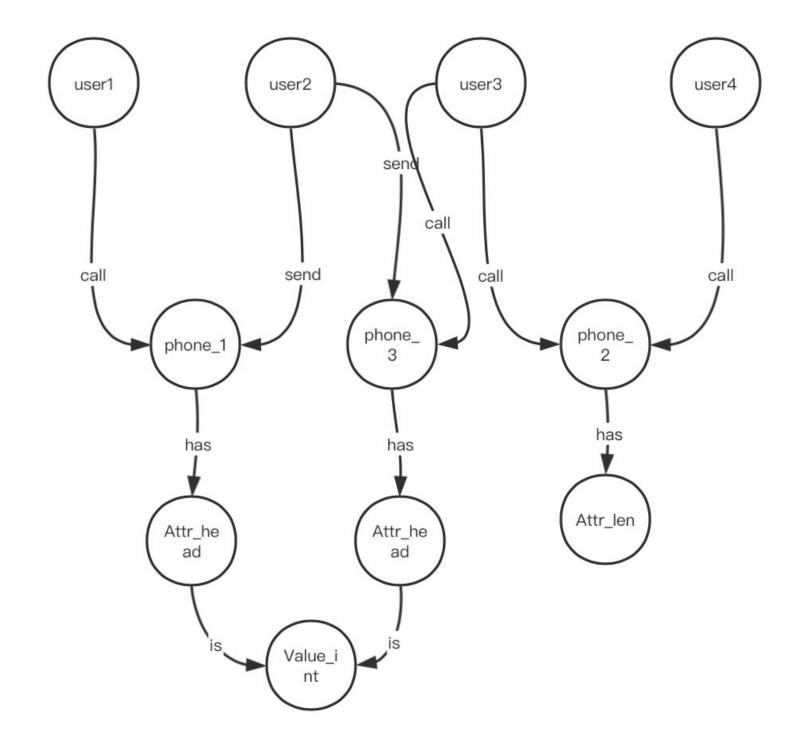
7.对于 $v \in V_C$ ,一定有indegree(v) = 1, outdegree(v) = 0

### 说明

1.value点与constant点——对应,若value点没有对应的constant点,需要有多个attribute点对应该value点

- 2.一个attribute点只能连向一个value点,一个value点可与多个Attribute点一一对应
- 3.一个实体点可与多个Attribute点对应,一个Attribute点只能对应一个实体点

# 例子



# 性质

每一个Attribute Expansion Graph Pattern均可对应一个Graph Pattern+Literal Set, 且每一个 Graph Pattern+Literal Set的结合体均可表示为一个Attribute Expansion Graph Pattern。其中 LiteralSet支持的语义有:

1.x.A

2.x.A=c

3.x.A=y.B

# 证明

先证明:每一个Attribute Expansion Graph Pattern均可对应一个Graph Pattern+Literal Set。

若 $V_A=V_V=V_C=\emptyset$ ,则对应Graph Pattern+ $\emptyset$ 

若 $V_A \neq \emptyset$ ,  $V_V = V_C = \emptyset$ , 则对应Graph Pattern+x. A,其中x为Attribute点对应的实体点

若 $V_A \neq \emptyset$ , $V_V \neq \emptyset$ , $V_C = \emptyset$ ,此时的value点一定有多个Attribute点对应,此时可以对应的结构

有: Graph Pattern+x. A = y. B, Graph Pattern+x. A, x. A = y. B

若 $V_A \neq \emptyset$ , $V_V \neq \emptyset$ , $V_C \neq \emptyset$ ,此时的value点要么有多个Attribute点对应,要么有一个constant

点对应。此时可以对应的结构有:Graph Pattern+x. A=y. B,x. A=c,Graph Pattern+

x.A, x.A = y.B, x.A = c,Graph Pattern+x.A, x.A = c,Graph Pattern+x.A = c此时,Graph Pattern+Literal Set的全部情况均对应上

再证明:对于任意的一种raph Pattern+Literal Set,都可以转化为一个Attribute Expansion Graph Pattern

对于x.A,在x节点处拓展一个Attribute节点即可

对于x.A=y.B,在x节点拓展一个Attribute节点A,在y节点处拓展一个Attribute B,将A,B节点与同一个value节点相连

对于x.A=c,在x节点拓展一个Attribute节点A,在A节点拓展一个value节点V,在V节点拓展一个constant节点C即可

# 挖掘算法

基于传统方法的挖掘算法(一条一条加边)做一定变动,即将加边操作变为实体拓展或属性拓展,

挖掘的是在一定的操作步数内能够得到的Attribute Expansion Graph Pattern

实体拓展: 正常加边

属性拓展: 分为以下几种情况

- 1.在某个实体节点拓展一个A节点
- 2.选择>=2个Attribute节点,新建一个Value节点且让选择的Attribute节点与该节点连边
- 3.选择一个Value节点,拓展一个constant节点