二叉树遍历(先序、中序、后序)





二叉树遍历 by Java

二叉树有多种遍历方法,有层次遍历、深度优先遍历、广度优先遍历等。

本文只涉及二叉树的先序、中序、后序的递归和非递归遍历。

涉及到的代码都用Java编写。

首先给出二叉树节点类:

树节点:

```
class TreeNode {
   int val;
   //左子树
   TreeNode left;
   //右子树
   TreeNode right;
   //构造方法
   TreeNode(int x) {
    val = x;
   }
}
```

无论是哪种遍历方法,考查节点的顺序都是一样的(思考做试卷的时候,人工遍历考查顺序)。只不过有时候考查了节点,将其暂存,需要之后的过程中输出。

^

æ

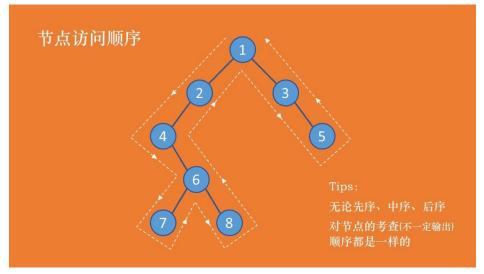


图2: 先序、中序、后序遍历节点考查顺序

如图1所示,三种遍历方法(人工)得到的结果分别是:

```
先序: 12467835
中序: 47682135
后序: 78642531
```

三种遍历方法的考查顺序一致,得到的结果却不一样,原因在于:

先序: 考察到一个节点后,即刻输出该节点的值,并继续遍历其左右子树。(根左右)

中序:考察到一个节点后,将其暂存,遍历完左子树后,再输出该节点的值,然后遍历右子树。(左根右)

后序: 考察到一个节点后,将其暂存,遍历完左右子树后,再输出该节点的值。(左右根)

先序遍历

递归先序遍历

递归先序遍历很容易理解,先输出节点的值,再递归遍历左右子树。中序和后序的递归 类似,改变根节点输出位置即可。

```
// 递归先序遍历
public static void recursionPreorderTraversal(TreeNode root) {
   if (root != null) {
      System.out.print(root.val + " ");
      recursionPreorderTraversal(root.left);
      recursionPreorderTraversal(root.right);
   }
}
```

非递归先序遍历

因为要在遍历完节点的左子树后接着遍历节点的右子树,为了能找到该节点,需要使用 **栈**来进行暂存。中序和后序也都涉及到回溯,所以都需要用到**栈**。

^

مے

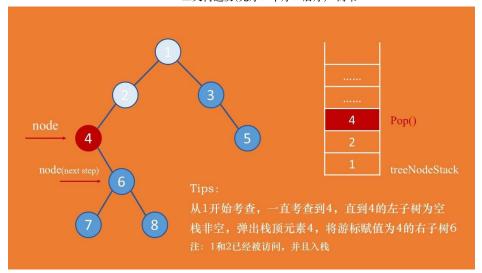


图2: 非递归先序遍历

遍历过程参考注释

```
// 非递归先序遍历
public static void preorderTraversal(TreeNode root) {
   // 用来暂存节点的栈
   Stack<TreeNode> treeNodeStack = new Stack<TreeNode>();
   // 新建一个游标节点为根节点
   TreeNode node = root;
// 当遍历到最后一个节点的时候,无论它的左右子树都为空,并且栈也为空
   // 所以,只要不同时满足这两点,都需要进入循环
   while (node != null || !treeNodeStack.isEmpty()) {
      // 若当前考查节点非空,则输出该节点的值
       // 由考查顺序得知,需要一直往左走
      while (node != null) {
          System.out.print(node.val + " ");
          // 为了之后能找到该节点的右子树,暂存该节点
          treeNodeStack.push(node);
          node = node.left;
      // 一直到左子树为空,则开始考虑右子树
      // 如果栈已空,就不需要再考虑
      // 弹出栈顶元素,将游标等于该节点的右子树
      if (!treeNodeStack.isEmpty()) {
          node = treeNodeStack.pop();
          node = node.right;
   }
}
```

先序遍历结果:

递归先序遍历: 12467835 非递归先序遍历: 12467835

中序遍历

递归中序遍历

过程和递归先序遍历类似

^

۵۲

```
// 递归中序遍历
public static void recursionMiddleorderTraversal(TreeNode root) {
   if (root != null) {
      recursionMiddleorderTraversal(root.left);
      System.out.print(root.val + " ");
      recursionMiddleorderTraversal(root.right);
   }
}
```

非递归中序遍历

和非递归先序遍历类似,唯一区别是考查到当前节点时,并不直接输出该节点。

而是当考查节点为空时,从栈中弹出的时候再进行输出(永远先考虑左子树,直到左子树 为空才访问根节点)。

```
// 非递归中序遍历
public static void middleorderTraversal(TreeNode root) {
    Stack<TreeNode> treeNodeStack = new Stack<TreeNode>();
    TreeNode node = root;
    while (node != null || !treeNodeStack.isEmpty()) {
        while (node != null) {
            treeNodeStack.push(node);
            node = node.left;
        }
        if (!treeNodeStack.isEmpty()) {
            node = treeNodeStack.pop();
            System.out.print(node.val + " ");
            node = node.right;
        }
    }
}
```

中序遍历结果

```
递归中序遍历: 47682135
非递归中序遍历: 47682135
```

后序遍历

递归后序遍历

过程和递归先序遍历类似

```
// 递归后序遍历
public static void recursionPostorderTraversal(TreeNode root) {
   if (root != null) {
      recursionPostorderTraversal(root.left);
      recursionPostorderTraversal(root.right);
      System.out.print(root.val + " ");
   }
}
```

非递归后序遍历

后续遍历和先序、中序遍历不太一样。

后序遍历在决定是否可以输出当前节点的值的时候,需要考虑其左右子树是否都已经遍历完成。

所以需要设置一个lastVisit游标。

^

æ

若lastVisit等于当前考查节点的右子树,表示该节点的左右子树都已经遍历完成,则可以输出当前节点。

并把lastVisit节点设置成当前节点,将当前游标节点node设置为空,下一轮就可以访问栈顶元素。

否者,需要接着考虑右子树,node = node.right。

以下考虑后序遍历中的三种情况:

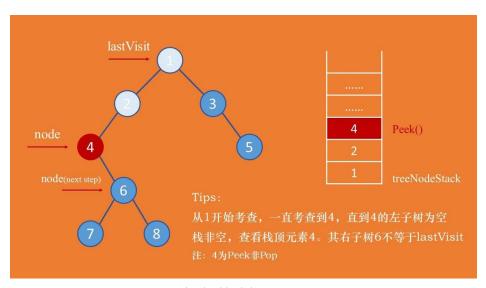


图3: 后序,右子树不为空, node = node.right

如图3所示,从节点1开始考查直到节点4的左子树为空。

注: 此时的游标节点node = 4.left == null。

此时需要从栈中查看 Peek()栈顶元素。

发现节点4的右子树非空,需要接着考查右子树,4不能输出,node = node.right。

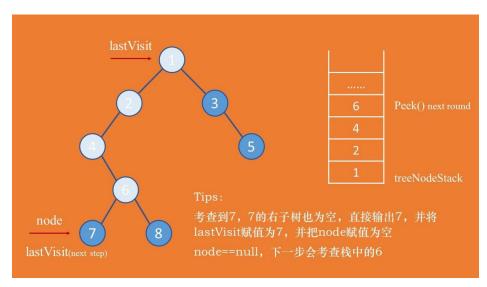


图4: 后序, 左右子树都为空, 直接输出

如图4所示,考查到节点7(7.left == null, 7是从栈中弹出),其左右子树都为空,可以直接输出7。

^

ಹ್ಳ

此时需要把lastVisit设置成节点7,并把游标节点node设置成null,下一轮循环的时候会考查栈中的节点6。

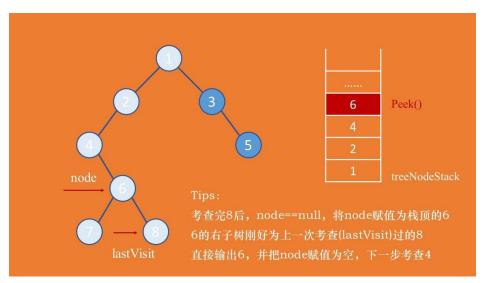


图5: 后序,右子树 = lastVisit,直接输出

如图5所示,考查完节点8之后(lastVisit == 节点8),将游标节点node赋值为栈顶元素6, 节点6的右子树正好等于节点8。表示节点6的左右子树都已经遍历完成,直接输出6。

此时,可以将节点直接从栈中弹出Pop(),之前用的只是Peek()。

将游标节点node设置成null。

```
// 非递归后序遍历
public static void postorderTraversal(TreeNode root) {
   Stack<TreeNode> treeNodeStack = new Stack<TreeNode>();
   TreeNode node = root;
   TreeNode lastVisit = root;
   while (node != null || !treeNodeStack.isEmpty()) {
       while (node != null) {
           treeNodeStack.push(node);
           node = node.left;
       }
       //查看当前栈顶元素
       node = treeNodeStack.peek();
       //如果其右子树也为空,或者右子树已经访问
       //则可以直接输出当前节点的值
       if (node.right == null || node.right == lastVisit) {
           System.out.print(node.val + " ");
           treeNodeStack.pop();
           lastVisit = node;
           node = null;
       } else {
           //否则,继续遍历右子树
           node = node.right;
       }
   }
}
```

后序遍历结果

递归后序遍历: 78642531 非递归后序遍历: 78642531

有任何错误请指正,谢谢! 写文字不容易,且写且珍惜! ^

αξ