

Versuch 302

Elektrische Brückenschaltungen

Nico Schaffrath
nico.schaffrath@tu-dortmund.de

Mira Arndt
mira.arndt@tu-dortmund.de

Durchführung: 19.11.2019

Abgabe: 26.11.2019

TU Dortmund – Fakultät Physik

Inhaltsverzeichnis

1	Ziel	3
2	Theorie	3
2.1	Wheatstonesche Brücke	4
2.2	Kapazitätsmessbrücke	5
2.3	Induktivitätsmessbrücke	6
2.4	Maxwell-Brücke	6
2.5	Wien-Robinson-Brücke	7
3	Durchführung	8
3.1	Wheatstonesche Brücke	8
3.2	Kapazitätsmessbrücke	8
3.3	Induktivitätsmessbrücke	8
3.4	Maxwell-Brücke	8
3.5	Wien-Robinson-Brücke	9
4	Auswertung	9
4.1	Wheatstonesche Brücke	9
4.2	Kapazitätsmessbrücke	10
4.3	Induktivitätsmessbrücke	11
4.4	Maxwell-Brücke	12
4.5	Frequenzabhängigkeit der Brückenspannung einer Wien-Robinson-Brücke	13
4.6	Klirrfaktormessung	15
5	Diskussion	16
	Literatur	17
6	Anhang	18

1 Ziel

Brückenschaltungen werden in der Messtechnik eingesetzt um die Auflösung einer Messung zu erhöhen oder eine physikalische Größe, die sich als elektrischer Widerstand darstellen lässt, zu bestimmen.

Bei diesem Versuch sollen zunächst verschiedene elektronische Bauteile durch passende Brückenschaltungen vermessen werden. Außerdem soll die Frequenzabhängigkeit der Brückenspannung einer Wien-Robinson-Brücke und der Klirrfaktor des verwendeten Generators bestimmt werden.

2 Theorie

Zur Vermessung der elektronischen Bauteile muss die Abgleichbedingung der Brückenschaltung erfüllt sein. Generell benötigt eine Brückenschaltung eine Speisespannung U_S , den zu ermittelnden elektrischen Widerstand und bekannte elektrische Bauteile um ein Widerstandsverhältnis zu bestimmen. Die Abgleichbedingung besteht darin, dass die Brückenspannung U_{Br} zwischen zwei Punkten verschwindet.

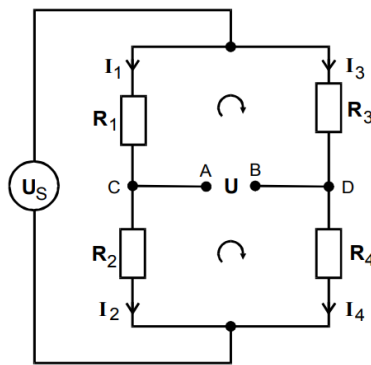


Abbildung 1: Allgemeine Funktionsweise einer Brückenschaltung[1, S. 216]

Ist die Abgleichbedingung erfüllt kann aus dem Widerstandsverhältnis der unbekannte Widerstand bestimmt werden.

Dieses Verhältnis ergibt sich aus den beiden Kirchhoffschen Gesetzen

$$\sum_k I_k = 0 \quad (1)$$

$$\sum_k U_k = 0, \quad (2)$$

die besagen, dass die Summe aller eingehenden Ströme eines Knotens gleich der Summe aller ausgehenden Ströme ist und die Summe aller Spannungen in einer Masche immer

Null ist. Dadurch lässt sich die Brückenspannung als

$$U_{Br} = \frac{R_2 R_3 - R_1 R_4}{(R_3 + R_4)(R_1 + R_4)} U_S \quad (3)$$

ausdrücken. Sobald U_{Br} verschwindet gilt unabhängig von der Speisespannung U_S

$$R_2 R_3 = R_1 R_4. \quad (4)$$

Ein komplexer Widerstand kann in Real- und Imaginärteil aufgeteilt werden

$$\xi = x + iy. \quad (5)$$

Die somit entstandene komplexe Abgleichbedingung

$$\xi_1 \xi_4 = \xi_2 \xi_3 \quad (6)$$

lässt sich in

$$x_1 x_4 - y_1 y_4 = x_2 x_3 - y_2 y_3 \quad (7)$$

und

$$x_1 y_4 + x_4 y_1 = x_2 y_3 + x_3 y_2 \quad (8)$$

unterteilen.

2.1 Wheatstonesche Brücke

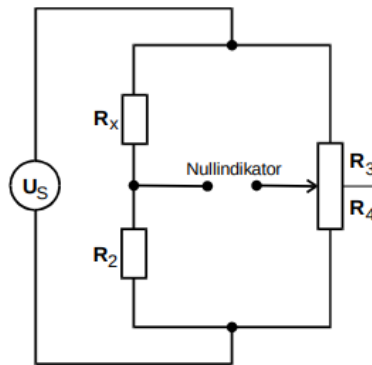


Abbildung 2: Aufbau der Wheatstoneschen Brücke[1, S. 219]

Bei der Wheatstoneschen Brücke liegen lediglich ohmsche Widerstände vor, wobei R_x unbekannt ist und sich mit Gleichung 4 durch

$$R_x = R_2 \frac{R_3}{R_4} \quad (9)$$

bestimmen lässt. R_3 und R_4 sind dabei durch ein Potentiometer realisiert, da zur Berechnung nur ihr Verhältnis relevant ist.

2.2 Kapazitätsmessbrücke

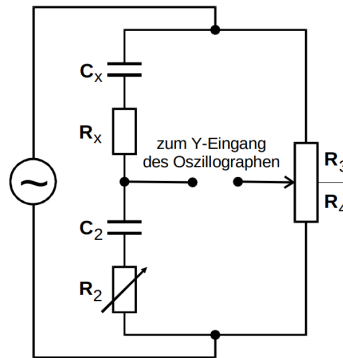


Abbildung 3: Aufbau der Kapazitätsmessbrücke[1, S. 220]

Mit der Kapazitätsmessbrücke lässt sich eine unbekannte Kapazität C_x ermitteln. Da es sich bei einer Kapazität um einen komplexen Widerstand handelt muss diese Schaltung mit Wechselstrom betrieben werden. Der Innenwiderstand des Kondensators wird durch einen unbekannten Ohmschen Widerstand R_x ausgedrückt. Aus den Gleichungen 7 und 8 ergeben sich die zu ermittelnden Größen als

$$R_x = R_2 \frac{R_3}{R_4} \quad (10)$$

und

$$C_x = C_2 \frac{R_4}{R_3}. \quad (11)$$

2.3 Induktivitätsmessbrücke

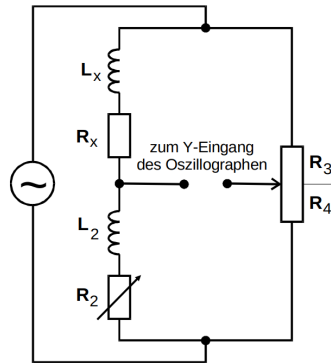


Abbildung 4: Aufbau der Induktivitätsmessbrücke[1, S. 221]

Analog zu 2.2 wird wieder Wechselstrom verwendet, da es sich bei der zu bestimmenden unbekannten Induktivität L_x ebenfalls um einen komplexen Widerstand handelt. Auch hier gibt es einen unbekannten ohmschen Widerstand R_x der den inneren Widerstand der Spule darstellt. Ähnlich wie bei 2.2 lassen sich R_x und L_x mit Gleichungen 7 und 8 durch

$$R_x = R_2 \frac{R_3}{R_4} \quad (12)$$

und

$$L_x = L_2 \frac{R_3}{R_4} \quad (13)$$

berechnen.

2.4 Maxwell-Brücke

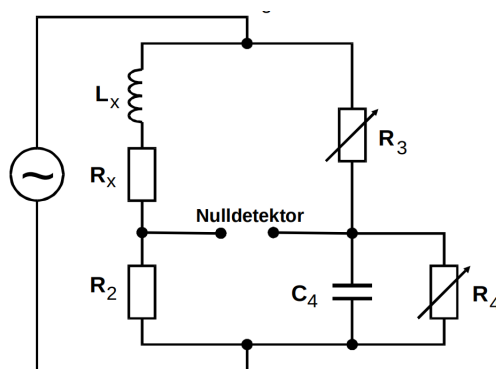


Abbildung 5: Aufbau der Maxwell-Brücke[1, S. 222]

Diese Schaltung unterscheidet sich von 2.3 vor allem dadurch, dass zur Bestimmung der Induktivität L_x keine bereits bekannte Induktivität nötig ist, sondern nur eine bekannte Kapazität C_4 . Der Abgleich ist bei diesem Aufbau optimal durchführbar, wenn die Wirk- und Blindwiderstände die gleiche Größenordnung besitzen. L_x und R_x können mit den Gleichungen 7 und 8 durch

$$R_x = R_2 \frac{R_3}{R_4} \quad (14)$$

und

$$L_x = R_2 R_3 C_4 \quad (15)$$

berechnet werden.

2.5 Wien-Robinson-Brücke

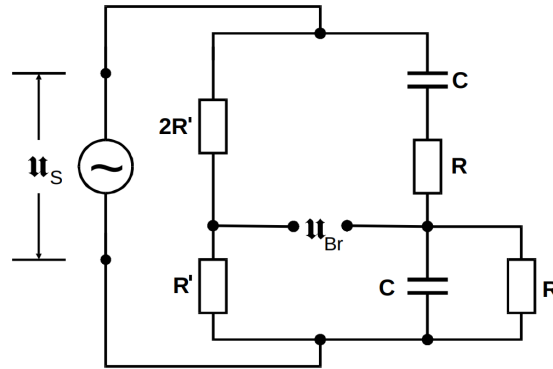


Abbildung 6: Aufbau der Wien-Robinson-Brücke[1, S. 223]

Anders als bei den anderen Schaltungen ist die Wien-Robinson-Brücke frequenzabhängig. Bei einer festen Speisespannung U_S hängt das Verhältnis $|\frac{U_{Br}}{U_S}|$ also bei bekannten elektrischen Bauteilen nur von der Frequenz ν der Speisespannung ab. Aus Gleichung 3 folgt

$$U_{Br} = \frac{\omega^2 R^2 C^2 - 1}{3(1 - \omega^2 R^2 C^2) + 9i\omega RC} U_S \quad (16)$$

$$\Leftrightarrow \left| \frac{U_{Br}}{U_S} \right|^2 = \frac{1}{9} \frac{(\Omega^2 - 1)^2}{(1 - \Omega^2)^2 + 9\Omega^2} \quad \text{mit} \quad \Omega := \frac{\omega}{\omega_0}. \quad (17)$$

Mit Hilfe der Wien-Robinson-Brücke lässt sich außerdem der Klirrfaktor k des verwendeten Generators bestimmen. Der Klirrfaktor ist ein Maß des Oberwellengehalts im Vergleich zur Grundwelle und berechnet sich durch die Formel

$$k := \frac{\sqrt{U_2^2 + U_3^2 + \dots}}{U_1}, \quad (18)$$

wobei U_1 die Amplitude der Grundwelle ist und U_n die Amplitude der n-ten Oberwellen. Mit der vereinfachten Annahme, dass die Summe der Oberwellen nur aus der zweiten Oberwelle besteht wird dies zu

$$k = \frac{U_2}{U_1} \quad \text{mit} \quad U_2 = \frac{U_{Br}}{f(2)}, \quad (19)$$

wobei f Gleichung 17 entspricht.

3 Durchführung

Die Schaltungen werden jeweils wie auf den Schaltbildern bei 2 aufgebaut. Dabei beträgt die Speisespannung mit Ausnahme der Messung zur Wien-Robinson-Brücke 1 V bei einer Frequenz von 20 Hz. Die Brückenspannung wird mit einem Oszilloskop gemessen.

3.1 Wheatstonesche Brücke

Der unbekannte Widerstand ist der ohmsche Widerstand Wert 11. Es werden drei Messungen durchgeführt bei denen jeweils der Widerstand R_2 variiert wird. Das Potentiometer wird so eingestellt, dass die Brückenspannung verschwindet und die Werte für R_3 und R_4 werden zusätzlich zu R_2 im Messheft festgehalten.

3.2 Kapazitätsmessbrücke

Die unbekannte Kapazität ist Teil einer RC-Kombination, bei der direkt auch der unbekannte ohmsche Widerstand realisiert ist. Bei den ersten beiden Messungen wird die bekannte Kapazität C_2 variiert. Bei der dritten Messung wird keine vorgefertigte RC-Kombination vermessen, sondern die Zusammensetzung der Kapazität mit Wert 3 und dem ohmschen Widerstand mit Wert 10. Auch hier wird wie oben das Potentiometer passend eingestellt und die entsprechenden Werte notiert.

3.3 Induktivitätsmessbrücke

Hier ist die unbekannte Induktivität Teil einer LR-Kombination mit Wert 18. Es werden drei Messungen mit jeweils anderen Widerständen R_2 durchgeführt indem wieder das Potentiometer eingestellt und die Werte aufgenommen werden.

3.4 Maxwell-Brücke

Es wird die gleiche LR-Kombination wie bei 3.3 vermessen. Es erfolgen wieder drei Messungen mit variiertem Widerstand R_2 . Diesmal wird jedoch nur R_3 durch das Potentiometer angepasst bis die Brückenspannung verschwindet und der Wert wird im Messheft festgehalten.

3.5 Wien-Robinson-Brücke

Bei diesem Aufbau werden die elektrischen Bauteile nicht ausgewechselt sondern nur die Frequenz am Generator variiert. Zunächst wird die Frequenz ν_0 eingestellt bei der die Brückenspannung minimal wird. Um diesem Bereich werden 10 Messungen durchgeführt bei denen die Frequenz jeweils um 10 Hz variiert wird. Weiter entfernt vom Minimum werden weitere 14 Messungen mit Frequenzabständen von 50 Hz vorgenommen.

4 Auswertung

Bei den Rechnungen fließen keine baubedingten Fehler ein, da diese bei den Messungen nicht bekannt gewesen sind. Die Fehlerrechnung beschränkt sich somit lediglich auf die Berechnung der Mittelwerte und die damit verbunden Standardabweichungen der Mittelwerte.

Im Folgenden werden die Mittelwerte der errechneten Größen durch die Formel

$$\bar{x} = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^N x_i \quad (20)$$

berechnet. Die dazugehörige Standardabweichung des Mittelwerts berechnet sich durch

$$\Delta\bar{x} = \sqrt{\frac{1}{N(N-1)} \sum_{i=1}^N (x_i - \bar{x})^2}. \quad (21)$$

4.1 Wheatstonesche Brücke

Mit den verwendeten Widerständen, die in Tabelle 1 aufgeführt werden, lassen sich durch Gleichung 9 folgende Werte für den unbekannten Widerstandswert R_{11} berechnen:

$$R_{11,1} = 491,821 \Omega$$

$$R_{11,2} = 492,794 \Omega$$

$$R_{11,3} = 490,313 \Omega$$

Über die zuvor aufgeführten Gleichungen 20 und 21 lassen sich der Mittelwert

$$\bar{R}_{11} = 491,643 \Omega,$$

samt zugehöriger Standardabweichung

$$\Delta R_{11} = 0,722 \Omega$$

ermitteln.

Das zusammengefasste Ergebnis für den, mithilfe der Wheatstoneschen Brückenschaltung, berechneten Widerstandswert lautet demnach

$$R_{11} = (491,643 \pm 0,722) \Omega.$$

Messung	R_2 / Ω	R_3 / Ω	R_4 / Ω
1	332	597	403
2	664	426	574
3	1000	329	671

Tabelle 1: Aufgenommene Werte zur Bestimmung von R_{11}

4.2 Kapazitätsmessbrücke

Unter Verwendung der oben ausgeführten Gleichungen 10 und 11, sowie der aufgenommenen Messwerte aus Tabelle 2, können die Werte

$$R_{15,1} = 538.899 \Omega$$

$$R_{15,2} = 474.937 \Omega$$

für den ohmschen Widerstand und

$$C_{15,1} = 491.625 \text{ n}\Omega$$

$$C_{15,2} = 629.986 \text{ n}\Omega$$

für die Kapazität des Kondensators in der RC-Kombination Nummer 15 ermittelt werden. Mithilfe der Gleichungen 20 und 21 lässt sich

$$R_{15} = (506.918 \pm 50.566) \Omega$$

und

$$C_{15} = (560.806 \pm 67.181) \text{ nF}$$

als Mittelwert samt Standardabweichung für den ohmschen Widerstand beziehungsweise der Kapazität der RC-Kombination Nummer 15 benennen.

Im Folgenden setzt sich die RC-Kombination aus dem Kondensator Nummer 3 und dem Widerstand Nummer 10 zusammen. Weiterhin können die in Tabelle 3 aufgeführten Messwerte verwendet werden, um über die Gleichungen 10 und 11

$$R_{10,1} = 239.429 \Omega$$

als ohmschen Widerstand von Bauteil Nummer 10 und

$$C_{3,1} = 553.267 \text{ nF}$$

als Kapazität des Bauteils Nummer 3 zu identifizieren. Da nur eine Messung durchgeführt wurde, können lediglich $R_{10,1}$ und $C_{3,1}$ angegeben werden, nicht aber Mittelwerte mit deren Standardabweichungen.

Messung	R_2 / Ω	R_3 / Ω	R_4 / Ω	C_2 / F
1	664	448	552	$399 \cdot 10^{-9}$
2	664	417	583	$450 \cdot 10^{-9}$

Tabelle 2: Aufgenommene Werte zur Bestimmung von R_{15} und C_{15}

Messung	R_2 / Ω	R_3 / Ω	R_4 / Ω	C_2 / F
3	332	419	581	$399 \cdot 10^{-9}$

Tabelle 3: Aufgenommene Werte zur Bestimmung von R_{10} und C_3

4.3 Induktivitätsmessbrücke

Für diesen Teil des Versuchs können die Werte aus Tabelle 4 und die Gleichungen 12 und 13 verwendet werden, sodass die Ergebnisse der Einzelmessungen die Werte

$$R_{18,1} = 3184.100 \Omega$$

$$R_{18,2} = 1130.555 \Omega$$

$$R_{18,3} = 2114.243 \Omega$$

für den Verlustwiderstand R_{18} und

$$L_{18,1} = 46.448 \text{ mH}$$

$$L_{18,2} = 49.717 \text{ mH}$$

$$L_{18,3} = 46.488 \text{ mH}$$

für die Induktivität L_{18} der LR-Kombination liefern. Unter der Zuhilfenahme von Gleichungen 20 und 21 lassen sich R_{18} und L_{18} durch ihre Mittelwerte und Standardabweichung

$$R_{18} = (2142.966 \pm 592.981) \Omega$$

$$L_{18} = (47.564 \pm 1.076) \text{ mH}$$

angeben.

Messung	R_2 / Ω	R_3 / Ω	R_4 / Ω	L_2 / H
1	1000	761	239	$14,6 \cdot 10^{-3}$
2	332	773	227	$14,6 \cdot 10^{-3}$
3	664	761	239	$14,6 \cdot 10^{-3}$

Tabelle 4: Aufgenommene Werte zur Bestimmung von R_{18} und L_{18}

4.4 Maxwell-Brücke

Um den Verlustwiderstand R_{18} , sowie die Induktivität L_{18} , der LR-Kombination ein weiteres Mal zu errechnen, sollen nun die Werte aus Tabelle 5 und die beiden Gleichungen 14 und 15 verwendet werden. Somit ergeben sich für R_{18}

$$R_{18,1} = 208.000 \Omega$$

$$R_{18,2} = 204.000 \Omega$$

$$R_{18,3} = 204.819 \Omega$$

Ein analoges Vorgehen ergibt

$$L_{18,1} = 51.792 \text{ mH}$$

$$L_{18,2} = 50.796 \text{ mH}$$

$$L_{18,3} = 51.000 \text{ mH}$$

als Werte für L_{18} . Daran geschlossen können die beiden gesuchten Größen unter Verwendung von Gleichung 20 und 21 über die Mittelwerte der Messungen, sowie die Standardabweichungen der Mittelwerte angegeben werden. Folglich ergibt sich

$$R_{18} = (205.606 \pm 1.220) \Omega$$

für den Verlustwiderstand R_{18} und

$$L_{18} = (51.196 \pm 0.304) \text{ mH}$$

für die Induktivität L_{18} der LR-Kombination.

Messung	R_2 / Ω	R_3 / Ω	R_4 / Ω	C_4 / F
1	332	208	332	$750 \cdot 10^{-9}$
2	664	102	332	$750 \cdot 10^{-9}$
3	1000	68	332	$750 \cdot 10^{-9}$

Tabelle 5: Aufgenommene Werte zur Bestimmung von R_{18} und L_{18}

4.5 Frequenzabhängigkeit der Brückenspannung einer Wien-Robinsson-Brücke

Um den Theoriewert für ν_0 zu erhalten, muss zunächst ω_0 mit

$$\omega_0 = \frac{1}{R \cdot C}$$

berechnet werden. Durch Einsetzen der Größen, die in der Tabelle 6 aufgeführt sind, ergibt sich

$$\omega_0 = \frac{1}{1000 \Omega \cdot 420 \text{ nF}} = 2380.952 \text{ Hz}$$

als Kreisfrequenz. Nach Umrechnung der Kreisfrequenz ω_0 in die Frequenz ν_0 mithilfe von

$$\nu_0 = \frac{\omega_0}{2 \cdot \pi}$$

ergibt sich der Theoriewert

$$\nu_0 = \frac{2380.952 \text{ Hz}}{2 \cdot \pi} = 378.94 \text{ Hz}$$

für die Kreisfrequenz, bei der die minimale Brückenspannung U_{Br} gemessen werden kann. Der prozentuale Fehler x_p eines Messwertes x_M zum Theoriewert x_T lässt sich durch die Formel

$$x_p = 100 \cdot \left(\frac{x_T - x_M}{x_T} \right) \quad (22)$$

ermitteln.

Es fällt auf, dass der prozentuale Fehler des gemessenen Wertes über Gleichung 22 für ν_0 mit

$$\nu_p = 0.2789 \%$$

gering ausfällt.

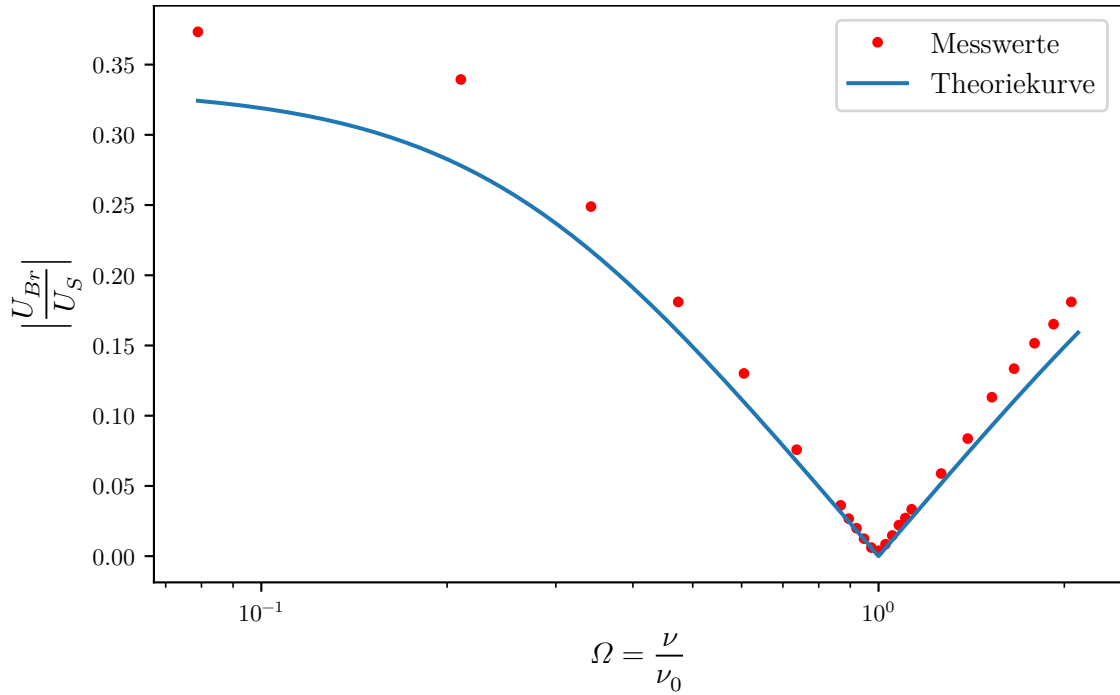


Abbildung 7: Darstellung der aufgenommenen Messwerte und der Theoriekurve

In Abbildung 7 wurden die Messwerte, ebenso wie die mit Gleichung 17 berechneten Werte für die Theoriekurve, aufgetragen. Auf der x-Achse ist das Verhältnis Ω von ν zu ν_0 logarithmisch aufgetragen, wohingegen die y-Achse das Verhältnis von der Brückenspannung U_{Br} zu der Speisespannung U_S wiedergibt. Es ist zu beobachten, dass die Messwerte um das Frequenzverhältnis $\Omega = 1$ herum sehr nah an der Theoriekurve liegen. Allerdings vergrößert sich die Abweichung von Theoriekurve zu den aufgenommenen Messwerten zunächst, je weiter das Frequenzverhältnis von dem Wert eins abweicht. Für Frequenzverhältnisse, die sich dem Wert Null annähert, ist zu beobachten, dass Theoriekurve und Messwerte nicht weiter auseinanderlaufen. Im Gegensatz dazu lässt sich dieses Verhalten für Frequenzverhältnisse $\Omega > 1$ nicht beobachten.

$2R' / \Omega$	R' / Ω	R / Ω	C_4 / F
664	332	1000	$420 \cdot 10^{-9}$

Tabelle 6: Aufgenommene Messwerte zur Bestimmung von ν_0

U_S / mV	U_{Br} / mV	Ω	ν / H
2500	1320	0.0789	30
2500	1200	0.2105	80
2500	880	0.3221	130
2500	640	0.4737	180
2500	460	0.6053	230
2500	268	0.7368	280
2500	128	0.8684	330
2500	94.4	0.8947	340
2500	70.4	0.9211	350
2500	44.0	0.9474	360
2500	21.6	0.9737	370
2500	13.6	1.0000	380
2500	30	1.0263	390
2500	52	1.0526	400
2500	78	1.0789	410
2500	96	1.1053	420
2500	118	1.1316	430
2500	208	1.2631	480
2500	296	1.3947	530
2500	400	1.5263	580
2500	472	1.6579	630
2500	536	1.7894	680
2500	584	1.9210	730
2500	640	2.0526	780

Tabelle 7: Aufgenommene Messwerte zur Bestimmung des Klirrfaktors k

4.6 Klirrfaktormessung

Zuletzt soll eine Näherung für den Klirrfaktor k mit Gleichung 19 ermitteln werden. Dafür soll zunächst das Spannungsverhältnis $|\frac{U_{Br}}{U_S}|$ für $\Omega = 2$ ermittelt werden. Dieses ergibt sich durch Verwendung von Gleichung 17 und liefert

$$f(2) = \sqrt{\frac{1}{9} \cdot \frac{(\Omega^2 - 1)^2}{(1 - \Omega^2)^2 + 9 \cdot \Omega^2}} = \frac{\sqrt{5}}{15} = \frac{1}{\sqrt{45}}$$

als Wert. Bevor der Klirrfaktor k nun ermittelt werden kann, müssen zunächst die Amplituden U_1 und U_2 berechnet werden. Die Amplitude der Grundwelle U_1 entspricht der Speisespannung U_S , von der bereits der Effektivwert gegeben ist, wohingegen die Amplitude U_2 der Spannung der 2-ten Oberwelle entspricht und für den vorliegenden

Versuch mit Gleichung 19

$$U_2 = \frac{9.6166 \text{ mV}}{\sqrt{\frac{1}{45}}} = 0.0645 \text{ V}$$

lautet. Der Effektivwert der Spannung wird mit

$$U_{2,eff} = \frac{U_2}{\sqrt{2}} = 0.0456 \text{ V}$$

errechnet. Mit diesen Werten und Gleichung 19 ergibt sich

$$k = \frac{U_2}{U_1} = \frac{0.0456 \text{ V}}{2.5 \text{ V}} = 0.0182$$

für den gesuchten Klirrfaktor k .

5 Diskussion

Es ist auffällig, dass einige Messungen sehr präzise Werte für die Eigenschaften der Bauelemente liefern, wie beispielsweise in 4.1, wohingegen andere Messungen, wie zum Beispiel 4.2 sehr hohe Standardabweichungen der Mittelwerte aufweisen.

Ganz besonders sticht dies bei dem Vergleich der errechneten Werte von 4.3 und 4.4 hervor. Diese sollten zwar dieselben Werte liefern, allerdings erscheint lediglich der in 4.4 ermittelte Wert für den ohmschen Widerstand der RC-Kombination sinnvoll zu sein, da der in 4.3 einen viel zu großen Fehler der Standardabweichung ausweist. Der in 4.3 errechnete Wert lässt sich nicht durch übliche systematische beziehungsweise statistische Fehler erklären. Da mit Ausnahme von L_2 in beiden Versuchen die gleichen Bauelemente verwendet wurden, liegt die Vermutung nahe, dass sich der Fehler in der Berechnung auf eine fehlerhaft funktionierende Spule zurückführen lässt.

Da die experimentell gemessene Frequenz ν_0 fast mit dem in der Theorie berechneten Wert übereinstimmt, kann auf den geringen Klirrfaktor k zurückgeführt werden, da das Spannungsminimum dadurch gut zu erkennen war. Allerdings wurde bei der Berechnung des Klirrfaktors auch die Näherung vorgenommen, dass alle Oberwellen, mit Ausnahme der zweiten, vernachlässigt wurden. Der größer werdende Abstand der Messwerte von der Theoriekurve in Abbildung 7, für Frequenzverhältnisse, die von dem Wert $\Omega = 1$ abweichen, lässt sich möglicherweise damit erklären, dass die Skala für die Frequenz der Wechselspannung an der Spannungsquelle vor allem für größere Frequenzen ungenauer wird. Folglich würde dies einen systematische Fehler hervorrufen, der mit zunehmenden Abstand von ν_0 selbst zunimmt. Allgemein könnten Unterschiede von den errechneten und den tatsächlichen Größen der Bauelemente dadurch zustande kommen, dass, wie zuvor erwähnt, keine baubedingten Fehler beachtet wurden, aber auch, dass davon ausgegangen wurde, dass es sich bei den Kondensatoren und Spulen um ideale Bauelemente handelt, sprich dass diese vollkommen verlustfrei sind.

Literatur

- [1] TU Dortmund. *Versuchsanleitung Brückenschaltungen*.
- [2] John D. Hunter. „Matplotlib: A 2D Graphics Environment“. Version 1.4.3. In: *Computing in Science & Engineering* 9.3 (2007), S. 90–95. URL: <http://matplotlib.org/>.
- [3] Eric O. Lebigot. *Uncertainties: a Python package for calculations with uncertainties*. Version 2.4.6.1. URL: <http://pythonhosted.org/uncertainties/>.
- [4] Travis E. Oliphant. „NumPy: Python for Scientific Computing“. Version 1.9.2. In: *Computing in Science & Engineering* 9.3 (2007), S. 10–20. URL: <http://www.numpy.org/>.

6 Anhang

$V_{30.2}$
 a) 1) $R_1 = 332 \Omega$ für Wert 11 2) $R_2 = 664 \Omega$
 $R_3 = 597 \Omega$ $R_4 = 426 \Omega$
 $R_5 = 403 \Omega$ $R_6 = (1000 - 426) \Omega$
 3) $R_1 = 1000 \Omega$
 $R_3 = 329 \Omega$
 $R_4 = (1000 - 329) \Omega$
 b) ~~für Wert 15~~
 1) $R_1 = 825 \Omega$ $R_2 = 348 \Omega$
 $C_1 = 450 \mu F$ $R_4 = (1000 - 348) \Omega$
 2)
 5) für Wert 15
 1) $R_{1n} = 448 \Omega$ 2) $R_2 = 417 \Omega$ 3) $R_3 = 413 \Omega$ 3)
 $R_4 = (1000 - 448) \Omega$ $R_4 = (1000 - 417) \Omega$ $R_4 = (1000 - 417) \Omega$
 $C_1 = 399 \mu F$ $C_2 = 450 \mu F$ $C_2 = 992 \mu F$
 $R_1 = 684 \Omega$ $R_2 = 664 \Omega$ $R_2 = 664 \Omega$
 3) Wert 3 (R) Wert 10 (R)
 $C_1 = 399 \mu F$
 $R_2 = 332 \Omega$
 $R_3 = 419 \Omega$
 $R_4 = (1000 - 419) \Omega$
 c) für Wert 18
 1) $L_1 = 146 \text{ mH}$ 2) $L = 146 \text{ mH}$ 3) $L = 146 \text{ mH}$
 $R_1 = 182 \Omega$ $R_2 = 332 \Omega$ $R_1 = 761 \Omega$
 $R_3 = 761 \Omega$ $R_3 = 773 \Omega$ $R_3 = 761 \Omega$
 $R_4 = (1000 - 761) \Omega$ $R_4 = (1000 - 773) \Omega$ $R_4 = (1000 - 761) \Omega$

a) für Wert 18

1) $R_1 = 332 \Omega$ 2) $R_2 = 664 \Omega$ 3) $R_2 = 1k \Omega$
 $C_4 = 750 \mu F$ 4) $C_4 = 750 \mu F$ $C_4 = 750 \mu F$
 $R_3 = 208 \Omega$ $R_3 = 102 \Omega$ $R_3 = 68 \Omega$
 $R_4 = 332 \Omega$ $R_4 = 332 \Omega$ $R_4 = 332 \Omega$

b) $2R' = 664 \Omega$

$R' = 332 \Omega$ $V = 3,5V$

$C = 470 \mu F$

$R = 1k \Omega$

U_s	U_{Br}	Ω	V
$3,5V$	1,32V		30Hz
	1,2V		80Hz
	880mV		130Hz
	640mV		180Hz
	460mV		270Hz
	268mV		3280Hz
	128mV		330Hz
	104mV		330Hz
	944mV		340Hz
	704mV		350Hz
	640mV		360Hz
	216mV		370Hz
	(1,12mV - 66mV) \rightarrow 13,6mV		380Hz
	30mV		390Hz
	52mV		400Hz
	78mV		410Hz
	96mV		420Hz
	118mV		430Hz
	208mV		480Hz
	236mV		530Hz
	400mV		580Hz
	472mV		630Hz
	536mV		680Hz
	584mV		730Hz
	640mV		780Hz

Handwritten signature