UPPSALA UNIVERSITET

Matematiska institutionen Gunnar Berg & Staffan Rodhe Prov i matematik

Baskurs

Dugga

30 september 2010

Skrivtid: 14-16. Tillåtna hjälpmedel: skrivdon. Poäng: anges efter varje uppgift. För Godkänd krävs minst 12 poäng och detta innebär att du får tillgodoräkna dig 5 poäng vid sluttentan den 25 oktober 2011. Observera, dels att detta är det enda tillfälle då duggan får tillgodoräknas, dels att helhetsintrycket påverkar bedömningen så skriv tydligt och motivera resonemangen.

- 1. Bestäm de x som uppfyller olikheten $|x-2| \le 3$. (1)
- 2. Beräkna

$$\sum_{k=1}^{4} k^2. \tag{1}$$

- 3. Hur många personer måste man samla ihop för att veta att (minst) tre av dem är födda samma månad? (1)
- 4. Bestäm koefficienten för x^4 -termen i utvecklingen av $(x+2)^9$. (3)
- 5. Beräkna

$$Re\frac{2-i}{i+3}. (3)$$

6. Visa med induktion

$$\sum_{k=0}^{n} 7^k = \frac{7^{n+1} - 1}{6}.\tag{3}$$

7. Polynomekvationen

$$x^3 - 6x + 4 = 0$$

har roten x = 2, lös den fullständigt.

8. Lös olikheten

$$\left|\frac{x-2}{5+x}\right| \le 1. \tag{4}$$

(4)

LYCKA TILL!