UPPSALA UNIVERSITET

Matematiska institutionen Gunnar Berg & Staffan Rodhe Prov i matematik

Baskurs

Dugga

24 september 2012

Skrivtid: 8-10. Tillåtna hjälpmedel: skrivdon. Poäng: anges efter varje uppgift. För Godkänd krävs minst 12 poäng och detta innebär att du får tillgodoräkna dig 5 poäng vid sluttentan den 26 oktober 2012. Observera, dels att detta är det enda tillfälle då duggan får tillgodoräknas, dels att helhetsintrycket påverkar bedömningen så skriv tydligt och motivera resonemangen.

- . 1. Bestäm de x som uppfyller likheten |x-3|=5. (1)
 - 2. Beräkna värdet av binomialkoefficienten

$$\binom{6}{3}$$
. (1)

3. Förenkla

$$\frac{4+8x}{4x^2-1}. (1)$$

4. Beräkna

$$\operatorname{Im} \frac{2-i}{2+i}.$$
 (2)

- 5. Andra termen i en geometrisk summa är 9 och fjärde termen är är 81. Beräkna summan av de 10 första termerna. (Svaret får ges i potensform.)
- 6. Polynomekvationen

$$2x^3 + x^2 - 5x + 2 = 0$$

har en rot x=1. Lös den fullständigt.

(4)

7. Lös olikheten

$$\frac{2x+1}{x-4} \le 3. \tag{4}$$

8. Visa med induktion

$$\sum_{k=1}^{n} \frac{k}{(k+1)!} = 1 - \frac{1}{(n+1)!}.$$
 (4)