

Результирующий список – список атомов без повторений, т.е. множество.

Как и в задаче выравнивания списка, Collect использует вспомогательную функцию с накапливающим параметром Res, но добавление атома в Res происходит только в том случае, когда этого атома там нет:

```
(defun Collect (X) (Col X nil))
(defun Col (Y Res) ;вспомогательная функция
  (cond ((null Y) Res)
        ((atom Y) (cond ((member Y Res)Res)
                          (T(cons Y Res))))
        (T (Col (car Y) (Col (cdr Y) Res)) ) ))
```

2.6. Задачи на программирование рекурсии

Простая рекурсия

1. Составить функцию (RemoveLast L), удаляющую из списка последний элемент. Например:
(RemoveLast '(A (S D) E (Q))) => (A (S D) E)
2. Определить функцию-предикат (OneLevel L), которая проверяет, является ли список-аргумент одноуровневым списком:
(OneLevel '(A B C)) => T,
(OneLevel '((A) B C)) => NIL
3. Запрограммировать функцию (Bubl N A) с двумя вычисляемыми аргументами – числом N и атомом A. Функция строит список глубины N; на самом глубоком уровне элементом списка является A, а на любом другом уровне список состоит из одного элемента. Например:
(Bubl 3 5)=>(((5))).
4. Определить функцию (LastAtom L), выбирающую последний от начала списка (невзирая на скобки) атом списка:
(LastAtom '(((5)A))) => A
5. Составить функцию (Delete L X), удаляющую из списка L на его верхнем уровне
 - а) первое вхождение значения X;
 - б) все вхождения значения X.
6. Написать функцию (Remove2 L), удаляющую из списка каждый второй элемент верхнего уровня:
(Remove2 '(A B C D E)) => (A C E).
7. Составить функцию (Pair L), которая разбивает элементы списка L на точечные пары, например:
(Pair '(A B C D E)) => ((A . B) (C . D) (E))

8. Определить функцию (Mix1 L1 L2), которая образует новый список, чередуя элементы заданных:

$$(Mix1 \ ' (A \ B \ C) \ ' (Z \ X)) \Rightarrow (A \ Z \ B \ X \ C)$$
9. Определить функцию (Mix2 L1 L2), которая образует список точечных пар элементов, взятых последовательно из заданных списков L1 и L2, например:

$$(Mix2 \ ' (A \ B \ C) \ ' (Z \ X)) \Rightarrow ((A \ . \ Z) (B \ . \ X) (C))$$
10. Написать функцию (Elem N L), которая выдаёт N-тый элемент верхнего уровня списка L. Если длина списка меньше N, то функция возвращает NIL.
11. Составить функцию (Position X L), возвращающую порядковый номер значения X в списке L, либо 0, если выражение X не встречается в списке на верхнем уровне.
12. Запрограммировать функцию (RevBr L), которая переворачивает свой аргумент-список атомов и разбивает его на уровни; количество уровней равно количеству элементов исходного списка:

$$(RevBr \ ' (A \ B \ C)) \Rightarrow (((C) \ B) \ A)$$
13. Определить функцию (RightBr L), которая преобразует свой аргумент – список атомов, разбивая его на уровни. Количество уровней равно количеству атомов, на самом глубоком уровне находится последний атом исходного списка:

$$(RightBr \ ' (A \ B \ C)) \Rightarrow (A \ (B \ (C)))$$
14. Определить функцию (LeftBr L), которая делает преобразование исходного списка атомов, подобное RightBr, но на самом глубоком уровне находится первый атом исходного списка:

$$(LeftBr \ ' (A \ B \ C)) \Rightarrow (((A) \ B) \ C)$$
15. Составить функцию (RightBrOut L), являющуюся обратной к функции RightBr: $(RightOut \ ' (A(B(C)))) \Rightarrow (A \ B \ C)$
16. Составить функцию (LeftBrOut L), обратную к функции LeftBr: $(LeftOut \ ' (((A)B)C)) \Rightarrow (A \ B \ C)$
17. Написать функцию (Fact N) с одним аргументом – натуральным числом N. Функция строит списочное выражение, являющееся записью произведения натуральных чисел от 1 до N:

$$(Fact \ 4) \Rightarrow (1 \ * \ 2 \ * \ 3 \ * \ 4) \text{ или } (4 \ * \ 3 \ * \ 2 \ * \ 1).$$
18. Определить функцию (MakeSet L), которая преобразует свой аргумент L – одноуровневый список атомов во множество, исключая в нём повторяющиеся элементы.

19. Запрограммировать основные операции с множествами: пересечение, объединение, разность множеств. Множества представляются как списки атомов без повторений. Составить также функции-предикаты для проверки равенства множеств и вхождения одного множества в другое.

Параллельная рекурсия и рекурсия высшего порядка

1. Определить функцию (`Depth L`), вычисляющую глубину списка `L`, т.е. максимальное количество уровней в нём. Например:
`(Depth '(((A (5) 8) B (K)) (G (C)))) => 4`
2. Составить функцию (`Subst A L E`), заменяющую в произвольном списочном выражении `L` на всех его уровнях все вхождения атома `A` на выражение `E`. Например:
`(Subst 'Q '(Q (B (Q)) C ((Q) 8))) '(A Z)) =>`
`((A Z) (B ((A Z))) C (((A Z)) 8)))`
3. Определить функцию-предикат (`OnlyZ L`), которая вырабатывает `T` в том случае, если в списке `L` на всех его уровнях встречается только атом `Z`, иначе вырабатывает `NIL`. Например:
`(OnlyZ '((Z (Z()) Z) () Z)) => T,`
`(OnlyZ '((Z (Z()) 8) () Z)) => NIL.`
4. Написать функцию (`Trans N S`), которая упрощает структуру списочного выражения `S`, заменяя в нём все списочные элементы, находящиеся на уровне `N` ($N \geq 1$), на атом “#”. Например:
`(Trans 2 '(((A(5)8)B(K)) (G(C)))) => ((# B #) (G #))`
5. Определить функцию (`Level N S`), которая строит список из элементов списочного выражения `S`, находящихся на уровне `N` ($N \geq 1$), например:
`(Level 2 '(((A (5) 8) B) 7 (G ((()))))`
`=> ((A (5) 8) B G (NIL))`
6. Составить функцию (`Deep S`), вырабатывающую атом списочного выражения `S`, который находится на наиболее глубоком уровне (если таких атомов несколько, выбирается любой). Например:
`(Deep '(A (B (A)) C ((D) 8))) => A`
7. Определить функцию (`Freq S`), которая для каждого атома, входящего в списочное выражение `S`, вычисляет частоту его вхождения в `S` и выдает список пар вида: *атом – его частота*, например:
`(Freq '(A (B (A)) C ((A) 8)))`
`=> ((A 3) (B 1) (C 1) (8 1))`