2021 여름학기동국대학교SW역량강화캠프

13일차. BFS 2





오늘배울개념

- BFS Flood Fill
- ▶ 좌표에서의 최단경로를 계산
- ▶ 만약 시작지점이 여러 개가 존재하고, 가장 가까운 시작지점의 거리를 찾으려 할 때에는 큐에 시작지점을 모두 넣고 BFS

1	@	-1	-1	0	0
-1	1	0	-1	0	-1
0	-1	0	0	1	@
0	1	0	-1	0	-1
-1	@	1	-1	0	-1
0	1	-1	-1	0	-1

0	@	-1	-1	0	0
-1	0	0	-1	0	-1
0	-1	0	0	0	@
0	0	0	-1	0	-1
-1	@	0	-1	0	-1
0	0	-1	-1	0	-1

1	@	-1	-1	0	0
-1	1	2	-1	2	-1
0	-1	0	2	1	@
2	1	2	-1	2	-1
-1	@	1	-1	0	-1
2	1	-1	-1	0	-1





대표유형 문제

● 불 (4699)

문제

윌리는 빈 공간과 벽으로 이루어진 건물에 갇혀있다. 건물의 일부에는 불이 났고, 윌리는 출구를 향해 뛰고 있다.

매 초마다, 불은 동서남북 방향으로 인접한 빈 공간으로 퍼져나간다. 벽에는 불이 붙지 않는다. 윌리는 동서남북 인접한 칸으로 이동할 수 있으며, 1초가 걸린다. 윌리는 벽을 통과할 수 없고, 불이 옮겨 진 칸 또는 이제 불이 붙으려는 칸으로 이동할 수 없다. 윌리가 있는 칸에 불이 옮겨옴과 동시에 다른 칸으로 이동할 수 있다.

빌딩의 지도가 주어졌을 때, 얼마나 빨리 빌딩을 탈출할 수 있는지 구하는 프로그램을 작성하시오.

입력

첫째 줄에 테스트 케이스의 개수가 주어진다.

각 테스트 케이스의 첫째 줄에는 빌딩 지도의 너비와 높이 w와 h가 주어진다. $(1 \le w,h \le 1000)$

다음 h개 줄에는 w개의 문자, 빌딩의 지도가 주어진다.

'.': 빈 공간

'#': 벽

'@': 윌리의 시작 위치

(*): 분

각 지도에 @의 개수는 하나이다.





문제해설

- ▶ BFS를 이용한 최단거리 풀이
- ▶ (x,y)에서 인접한 (newx, newy)로 이동할 수 있을 조건
 - 1. newx, newy를 방문한 적이 없다
 - 2. newx, newy가 빈칸이다.
 - 3. newx, newy에 불이 붙는 시간보다 빨리 이동한다.

3번 조건을 처리하기 위해 모든 빈칸에 대해 불이 붙는 시간을 구해서 저장해놓자.





```
for (int i = 1; i \leftarrow R; i++) {
    String str = br.readLine();
    for (int j = 1; j \leftarrow C; j++) {
        char tmp = str.charAt(j - 1);
        if (tmp == '.')
            arr[i][j] = 1;
        if (tmp == '@') { // 시작 위치는 sx, sy에 저장
            \mathbf{sx} = \mathbf{i};
            sy = j;
            arr[i][j] = 1;
        if (tmp == '*') { // 불의 위치는 전부 큐에 넣는다.
            queue.offer(new Integer[] { i, j });
            firedist[i][j] = 1;
            arr[i][j] = 1;
```





```
while (!queue.isEmpty()) { // 브란에서 가장 가까운 불까지의 거리를 firedist에 저장, 즉 해당 브란은 firedist에 저장된 값만큼 시간이 지나면 불이 붙음

Integer[] tmp = queue.poll();

int x = tmp[0], y = tmp[1];

for (int i = 0; i < 4; i++) {

    int newx = x + dx[i], newy = y + dy[i];

    if (newx < 1 || newx > R || newy < 1 || newy > C)

        continue;

    if (arr[newx][newy] == 1 && firedist[newx][newy] == 0) {

        firedist[newx][newy] = firedist[x][y] + 1;

        queue.offer(new Integer[] { newx, newy });

    }

}
```





```
queue.offer(new Integer[] { sx, sy });
dist[sx][sy] = 1;
int ans = Integer.MAX_VALUE;
while (!queue.isEmpty()) { // sx,sy부터 bfs
   Integer[] tmp = queue.poll();
   int x = tmp[0], y = tmp[1];
   for (int i = 0; i < 4; i++) {
       int newx = x + dx[i], newy = y + dy[i];
       if (newx < 1 || newx > R || newy < 1 || newy > C) { // (newx, newy)가 외부지점이라면 탈출할 수 있다.
           ans = Math.min(ans, dist[x][y] + 1);
           continue;
       if (arr[newx][newy] == 1 && dist[newx][newy] == 0 // 방문한 적 없는 빈칸이고
               && (firedist[newx][newy] == 0 || firedist[newx][newy] > dist[x][y] + 1)) { // 불이 아직 옮겨붙지 않았다면
           dist[newx][newy] = dist[x][y] + 1;
           queue.offer(new Integer[] { newx, newy });
```





대표유형 문제

● 소수 경로 (4701)

문제

소수를 유난히도 좋아하는 창영이는 게임 아이디 비밀번호를 4자리 '소수'로 정해놓았다. 어느 날 창영이는 친한 친구와 대화를 나누었는데:

"이제 슬슬 비번 바꿀 때도 됐잖아"

"응 지금은 1033으로 해놨는데... 다음 소수를 무엇으로 할지 고민중이야"

"그럼 8179로 해"

"흠… 생각 좀 해볼게. 이 게임은 좀 이상해서 비밀번호를 한 번에 한 자리 밖에 못 바꾼단 말이야. 예를 들어 내가 첫 자리만 바꾸면 8033이 되니까 소수가 아니잖아. 여러 단계를 거쳐야 만들 수 있을 것 같은데… 예를 들면… 1033 1733 3733 3739 3779 8779 8179처럼 말이야."

"흠...역시 소수에 미쳤군. 그럼 아예 프로그램을 짜지 그래. 네 자리 소수 두 개를 입력받아서 바꾸는데 몇 단계나 필요한지 계산하게 말야."

"귀찮아"

그렇다. 그래서 여러분이 이 문제를 풀게 되었다. 입력은 항상 네 자리 소수만(1000 이상) 주어진다고 가정하자. 주어진 두 소수 A에서 B로 바꾸는 과정에서도 항상 네 자리 소수임을 유지해야 하고, '네 자리 수'라 하였기 때문에 0039 와 같은 1000 미만의 비밀번호는 허용되지 않는다.





문제해설

- ▶ BFS를 이용한 최소 이동횟수 풀이
- ▶ dist[x] = x를 문제의 조건을 만족하면서 방문하는 데까지 걸리는 최소 이동횟수
- ▶ 10000 미만의 모든 소수들을 에라토스테네스의 체를 이용하여 구하자
- ▶ 자리수를 바꾸는 연산은 /와 % 연산을 이용하여 계산할 수 있다.





```
isPrime = new int[10001]; // 소수면 0, 어니면 1
for(int i=2; i<=100; i++) { // 에라토스테네스의 체
    if(isPrime[i] == 1) continue;
    for(int j=2*i; j<10000; j+=i) isPrime[j] = 1;
}
```

```
queue.offer(A); dist[A] = 1;
while(!queue.isEmpty()) {
   int x = queue.poll();
   for(int y: getlist(x)) {
      if(dist[y] == 0) {
        dist[y] = dist[x] + 1;
        queue.offer(y);
      }
   }
}
```





```
public static ArrayList<Integer> getlist(int x) {
   ArrayList<Integer> arr = new ArrayList<Integer>();
   for(int i=1 ; i<10; i++) { // 천의 자리를 i로
       int tmp = i*1000 + (x%1000);
       if(isPrime[tmp]==0 && x!=tmp) arr.add(tmp);
   for(int i=0; i<10; i++) { // 백의 자리를 i로
       int tmp = (x/1000)*1000 + i*100 + (x%100);
       if(isPrime[tmp]==0 && x!=tmp) arr.add(tmp);
   for(int i=0; i<10; i++) { // 십의 자리를 i로
       int tmp = (x/100)*100 + i*10 + (x%10);
       if(isPrime[tmp]==0 && x!=tmp) arr.add(tmp);
   for(int i=0; i<10; i++) { // 일의 자리를 i로
       int tmp = (x/10)*10 + i;
       if(isPrime[tmp]==0 && x!=tmp) arr.add(tmp);
   return arr;
```





대표유형 문제

● 벽 부수고 이동하기(4702)

문제

N×M의 행렬로 표현되는 맵이 있다. 맵에서 0은 이동할 수 있는 곳을 나타내고, 1은 이동할 수 없는 벽이 있는 곳을 나타낸다. 당신은 (1, 1)에서 (N, M)의 위치까지 이동하려 하는데, 이때 최단 경로로 이동하려 한다. 최단경로는 맵에서 가장 적은 개수의 칸을 지나는 경로를 말하는데, 이때 시작하는 칸과 끝나는 칸도 포함해서 센다.

만약에 이동하는 도중에 한 개의 벽을 부수고 이동하는 것이 좀 더 경로가 짧아진다면, 벽을 한 개 까지 부수고 이동하여도 된다.

한 칸에서 이동할 수 있는 칸은 상하좌우로 인접한 칸이다.

맵이 주어졌을 때, 최단 경로를 구해 내는 프로그램을 작성하시오.

입력

첫째 줄에 N($1 \le N \le 1,000$), M($1 \le M \le 1,000$)이 주어진다. 다음 N개의 줄에 M개의 숫자로 맵이 주어진다. (1,1)과 (N,M)은 항상 0이라고 가정하자.

출력

첫째 줄에 최단 거리를 출력한다. 불가능할 때는 -1을 출력한다.





문제해설

- ▶ BFS를 이용한 최단경로 풀이
- ▶ (x,y) 좌표에 있는 벽을 부순다면 경로는 (1, 1) → (x, y) → (N, M)
- ▶ 벽을 하나만 부술 수 있으므로 $(1, 1) \rightarrow (x, y)$ 와 $(x, y) \rightarrow (N, M)$ 는 벽을 부수지 않고 가야 한다.
- ▶ 모든 벽에 대해서 (1,1)로부터의 거리와 (N,M)으로부터의 거리의 합이 최소가 되는 벽을 찾는다.
- ► BFS 2번





```
Queue<Integer[]> queue = new LinkedList ();
queue.offer(new Integer[] {1, 1}); dist1[1][1] = 1;

while(!queue.isEmpty()) {
    Integer[] tmp = queue.poll();
    int x = tmp[0], y = tmp[1];
    for(int i=0; i<4; i++) {
        int newx = x + dx[i], newy = y + dy[i];
        if(newx < 1 || newx > N || newy < 1 || newy > M) continue;
        if(dist1[newx][newy] == 0) {
            dist1[newx][newy] = dist1[x][y] + 1;
            if(arr[newx][newy] == 0) queue.offer(new Integer[]{newx, newy});
        }
    }
}
```

```
queue = new LinkedList<>();
queue.offer(new Integer[] {N, M}); dist2[N][M] = 1;

while(!queue.isEmpty()) {
    Integer[] tmp = queue.poll();
    int x = tmp[0], y = tmp[1];
    for(int i=0; i<4; i++) {
        int newx = x + dx[i], newy = y + dy[i];
        if(newx < 1 || newx > N || newy < 1 || newy > M) continue;
        if(dist2[newx][newy] == 0) {
            dist2[newx][newy] = dist2[x][y] + 1;
            if(arr[newx][newy] == 0) queue.offer(new Integer[]{newx, newy});
        }
    }
}
```





```
int ans = Integer.MAX_VALUE;
for (int i = 1; i <= N; i++) {
    for (int j = 1; j <= M; j++) {
        if(dist1[i][j] == 0 || dist2[i][j] == 0) continue;
        int tmp = dist1[i][j] + dist2[i][j] - 1;
        ans = Math.min(ans, tmp);
    }
}
if(ans == Integer.MAX_VALUE) ans = -1;
System.out.println(ans);</pre>
```



