## Письменная часть экзамена по ДМ Демонстрационный вариант

- 1. Дайте определение пути в неориентированном графе.
- 2. Приведите пример графа с тремя блоками и тремя точками сочленения.
- 3. Подсчитайте число остовных деревьев графа  $K_4$ , в котором удалено одно ребро.
- 4. Сформулируйте критерий наличия в связном ориентированном графе Эйлерова пути.
- 5. Найдите количество гамильтоновых циклов в  $K_n$ .
- 6. Докажите, что  $K_{3,3}$  непланарен
- 7. Постройте хроматический многочлен графа  $K_{1,7}$ .
- 8. Приведите пример связного недвудольного графа с четным числом вершин, в котором не существует полного паросочетания.
- 9. Приведите пример графа, в котором множество C в декомпозиции Эдмондса-Галлаи пусто
- 10. Дайте определение случайного графа G(n,p) в модели Эрдёша-Реньи
- 11. Чему равна пороговая вероятность существования в графе подграфа  $K_4$ ?
- 12. (Задача) Докажите, что для любого p=p(n) вероятность, что в графе G(n,p) не связен и содержит компоненту размером  $\Theta(\sqrt{n})$  стремится к нулю
- 13. Дайте определение замыкания в матроидах.
- 14. Может ли ранг всех подмножеств носителя в матроиде быть одним и тем же? Докажите, что нет, или приведите пример.

- 15. Сколько циклов у универсального матроида  $U_{n,k}$ ?
- 16. (Задача) Рассмотрим матроид M, носитель которого содержит n элементов. Построим граф, вершинами которого будут базы матроида, две базы соединены ребром, если одну можно превратить в другую заменой одного элемента. Оцените количество компонент связности этого графа.
- 17. Носитель матроида содержит три элемента. Какое максимальное количество циклов может быть в матроиде?
- 18. Приведите пример ситуации, когда пересечение матроидов не является матроидом.