Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования

«Пермский национальный исследовательский политехнический университет»

Электротехнический факультет Кафедра «Информационные технологии и автоматизированные системы» направление подготовки: 09.03.01— «Информатика и вычислительная техника»

Лабораторная работа по дисциплине «Дискретная математика и математическая логика» на тему «Минимизация логической функции»

выполнил студент	ггр. ИВ1-23-10
Попонин Михаил	Александрович
Проверил:	
(оценка)	(подпись)
	(дата)

HDT 02 16

Цель работы

Целью данной работы является исследование свойств булевых функций, таких как самодвойственность, монотонность, линейность, сохранение нуля и единицы, а также определение полноты системы функций. Для анализа используется полином Жегалкина и проверяются различные свойства булевых функций.

Задачи

- 1. Построить таблицу истинности для заданных булевых функций.
- 2. Вычислить полином Жегалкина для каждой функции.
- 3. Вывести на экран таблицу классов.
- 4. Проверить полноту системы функций на основе анализа их свойств.

Код программы

Программа анализирует заданные булевые функции, проверяя их свойства, такие как самодвойственность, монотонность, линейность, сохранение нуля и единицы. Результаты представлены в виде таблицы и используются для проверки полноты системы функций. Полный код программы доступен по следующей ссылке: Completeness of the logical function system.ipynb.

Описание функций

- 1. __init__: Конструктор класса Minimization. Инициализирует основные переменные, используемые для хранения вектора функции, термов, импликантов и промежуточных данных.
- 2. **read_vector_from_file(filename**): считывает вектор булевой функции из файла. Проверяет корректность данных (длина вектора, символы '0' и '1'). Вычисляет количество переменных на основе длины вектора.
- 3. **create_truth_table**(): Создаёт таблицу истинности на основе числа переменных и значений функции. Разделяет термы на те, которые используются для построения СКНФ (значения 0), и СДНФ (значения 1).
- 4. **show_truth_table()**: Выводит таблицу истинности в удобочитаемом виде.
- 5. **term_to_function(term, is_cnf=False)**: Преобразует терм в строковое представление логического выражения. Используется для генерации СКНФ и СДНФ.
- 6. **show_nf**(): Выводит совершенные нормальные формы (СКНФ и СДНФ) в текстовом виде на основе данных таблицы истинности.
- 7. **can_combine**(**a**, **b**): Проверяет возможность склеивания двух термов. Возвращает результат склеивания или индикатор невозможности склеивания.
- 8. **combine_terms**(**terms**): выполняет склеивание термов для одной итерации. Возвращает новый список термов, учитывая использованные и неиспользованные термы.

- 9. **gluing**(): Основной метод для выполнения склеивания термов. Итеративно объединяет термы, пока новые термы не перестанут образовываться. Хранит результаты промежуточных этапов.
- 10.**build_implicant_matrix**(): Строит импликантную матрицу, показывающую покрытие исходных термов результирующими импликантами. Возвращает матрицу в виде DataFrame.
- 11.minimize_cover(matrix): реализует процесс выбора минимального покрытия для термов. Находит минимальный набор импликантов, полностью покрывающих функцию, и возвращает минимизированную функцию в виде строки.
- 12.**term_to_function_string(term)**: преобразует терм в строку, представляющую логическое выражение, без учёта отрицаний.
- 13.**print_all_combined_terms**(): Выводит на экран все этапы склеивания термов.
- 14.**print_implicants**(): Выводит итоговые импликанты после завершения процесса склеивания.

Пример работы программы

```
Функция 1:
Вектор истинности: 1100
Таблица истинности:
x1 x2 F
   0 1
 a
 0
     1 1
     0 0
     1 0
Полином Жегалкина: 1 🕀 х1
Таблица классов:
Самодвойственная: +
Монотонная: -
Линейная: +
Сохраняет ноль: -
Сохраняет единицу: -
Функция 2:
Вектор истинности: 0111
Таблица истинности:
x1 x2 F
     0 0
 0
     1 1
     0 1
     1 1
 1
Полином Жегалкина: х2 ⊕ х1 ⊕ х1х2
Таблица классов:
Самодвойственная: -
Монотонная: +
Линейная: -
Сохраняет ноль: +
Сохраняет единицу: +
```

```
Функция 3:
Вектор истинности: 1110
Таблица истинности:
x1 x2 F
    0 1
 0
    1 1
 0
    0 1
    1 0
Полином Жегалкина: 1 ⊕ х1х2
Таблица классов:
Самодвойственная: -
Монотонная: -
Линейная: -
Сохраняет ноль: -
Сохраняет единицу: -
Функция 4:
Вектор истинности: 10101010
Таблица истинности:
x1 x2 x3 F
 0
    0
        0 1
 0
    0
        1 0
 0
         0 1
 0
         1 0
     0
         0 1
     0
         1 0
         0 1
         1 0
Полином Жегалкина: 1 ⊕ х3
Таблица классов:
Самодвойственная: +
Монотонная: -
Линейная: +
Сохраняет ноль: -
Сохраняет единицу: -
```

```
Итоговая таблица:
Вектор Самодвойственная Монотонная Линейная Сохраняет ноль Сохраняет единицу Полином Жегалкина
1100 + - + - + - - - 1 ⊕ x1
0111 - + - + - + x2 ⊕ x1 ⊕ x1x2
1110 - - - - - - 1 ⊕ x1x2
10101010 + - + - + - - - - 1 ⊕ x3

Система функций полна.
```

Рисунок 1 – пример работы программы