МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГООБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования

«Национальный исследовательский Нижегородский государственный университет им. Н.И. Лобачевского» (ННГУ)

Институт информационных технологий, математики и механики

ЛАБОРАТОРНАЯ РАБОТА

на тему:

«Битовые поля и множества»

Вь	ыполнил(а): студе	` '
		/ Рысев М.Д./
	Подпись	
Пр	ооверил: к.т.н, доп	ент каф. ВВиСП / Кустикова В.Д./
	Подпись	

Нижний Новгород 2023

Содержание

B	ведение		3
1	Пос	тановка задачи	4
2	Рукс	оводство пользователя	5
	2.1	Приложение для демонстрации работы битовых полей	5
	2.2	Приложение для демонстрации работы множеств	7
	2.3	«Решето Эратосфено»	8
3	Рукс	оводство программиста	9
	3.1	Описание алгоритмов	9
	3.1.1	Битовые поля	9
	3.1.2	Множества	10
	3.1.3	«Решето Эратосфена»	11
	3.2	Описание программной реализации	13
	3.2.1	Описание класса TBitField	13
	3.2.2	Описание класса TSet	18
38	ключен	ие	24
Л	итерату	pa	25
П	риложе	ния	26
	Прилох	жение А. Реализация класса TBitField	26
	Прилох	жение Б. Реализация класса TSet	28

Введение

В программировании и анализе данных часто приходиться работать с большими объёмами информации, из чего вытекает необходимость поиска более менее оптимального варианта представления этих данных и манипуляции с ними. Битовые поля и множества как раз являются одним из этих вариантов. Они позволяют хранить набор элементов в виде вектора из нулей из единиц, где ноль означает отсутствие элемента в наборе, а единица, наоборот, его наличие. Таким образом, мы получаем вариант хранения данных, который позволяет нам сэкономить объём занимаемой памяти, а также ускорить операции над этими данными.

1 Постановка задачи

Цель — Реализация класса "Битовое поле" и класса "Множество". Практическое применение битовых полей и множеств.

Задачи:

- 1. Ознакомиться с теорий о множествах и битовых полях.
- 2. Реализовать классы, предназначенные для представления битовых полей и множеств и операций над ними.
- 3. Протестировать работу полученных классов.
- 4. Написать программы, предназначенные для демонстрации работы полей и битовых множеств.

2 Руководство пользователя

2.1 Приложение для демонстрации работы битовых полей

1. Запустите приложение с названием test_bitfield.exe. В результате появится окно, показанное ниже (рис. 1).

```
Microsoft Windows [Version 10.0.19045.3570]
(c) Kopnopaция Maйκpocoφτ (Microsoft Corporation). Bce права защищены.

D:\mp2-practice\RysevMD\01_lab\sln\bin>test_bitfield.exe
f1: 1010
f3: 1100001
f4 = f1 | f2: 11101
f5 = f1 & f3: 1000000
f6 = ~f1: 01010
```

Puc. 1. Основное окно программы test_bitfield

2. В окне уже будут выведены шесть битовых полей и демонстрация операций объединения, пересечения и удаления. Затем необходимо ввести битовое поле длинны пять (рис .2).

```
™ C:\Windows\System32\cmd.exe-test.biffield.exe

Microsoft Windows [Version 10.0.19045.3570]
(c) Корпорация Майкрософт (Microsoft Corporation). Все права защищены.

D:\mp2-practice\RysevMD\01_lab\sln\bin>test_bitfield.exe
f1: 10101
f3: 1100001
f4 = f1 | f2: 11101
f5 = f1 & f3: 1000000
f6 = ~f1: 01010
1 0 0 0 1
```

Рис. 2. Ввод нового битового поля

3. После ввода битового поля будут выведены результаты сравнения битовых полей на равенство и неравенство, а также операции взятия и очистки бита (рис. 3).

Рис. 3. Результат работы программы test_bitfield

2.2 Приложение для демонстрации работы множеств

1. Запустите приложение с названием test_set.exe. В результате появится окно, показанное ниже (рис. 4).



Puc. 4. Основное окно программы test_set

2. Программа будет ожидать ввода четырёх чисел, значения которых не превышают тройки. После ввода чисел будет выведена демонстрация включения и исключения элемента из множества, теоретико-множественных операций, операций сравнения и проверка наличия элемента в множестве (рис. 5).

```
Microsoft Windows [Version 10.0.19045.3570]
(c) Kopnopaция Maйkpocoφτ (Microsoft Corporation). Все права Защищены.

D:\mp2-practice\RysevMD\01_lab\sln\bin>test_set.exe
3 0 2 3
$1: 0 1 3 4
$2: 0 2 3
$3 = $1 + $2: 0 1 2 3 4
$4 = $1 * $2: 0 3
$5 = $<1: 2
$6 = $1 + 2: 0 1 2 3 4
$7 = $1 - 4: f0 1 3
$8: 0 1 3 4
$9: 1 2 4
$8 = $1? - 1
$8 = $9? - 0
$9! = $2? - 1
$0 in $1? - 1
$2 in $1? - 0

D:\mp2-practice\RysevMD\01_lab\sln\bin>
```

Рис. 5. Результат работы программы test set

2.3 «Решето Эратосфена»

1. Запустите приложение с названием sample_prime_numbers.exe. В результате появится окно, показанное ниже (рис. 6).

```
© C:\Windows\System32\cmd.exe-sample_prime_numbers.exe

Microsoft Windows {Version 10.0.19045.3570}
(c) Корпорация Майкрософт (Microsoft Corporation). Все права защищены.

D:\mp2-practice\RysevMD\01_lab\sln\bin>sample_prime_numbers.exe
Тестирование программ поддержки множества
Решето эратосфена
Введите верхнюю границу целых значений -
```

Рис. 6. Основное окно программы sample_prime_numbers

2. Введите число, до которого хотите осуществить поиск простых чисел (введённое число должно принадлежать множеству натуральных чисел). Затем в окне будет выведен результат работы программы (рис. 7).

Рис. 7. Результат работы алгоритма "Решето Эратосфена"

3 Руководство программиста

3.1 Описание алгоритмов

3.1.1 Битовые поля

Битовые поля - удобный способ хранить наборы данных, представленных в форме множеств целых неотрицательных чисел. Каждый бит поля хранит в себе состояние некоторого элемента, а именно - 1 если элемент является частью множества, 0 в противном случае.

Пример битового поля длины 7:

1	1	1	0	1	1	0

Битовые поля поддерживают следующие операции: объединение, пересечение двух полей, дополнение поля, сравнение.

Объединение. Операция возвращает результирующее битовое поле, каждый бит которого равен 1, если хотя бы в одном из исходных полей бит с таким же индексом равен 1, и 0, если бит со схожим индексом равен нулю в обоих исходных полях.

Пример:

Bf1	0	0	1	1	0
Bf2	0	1	0	1	0
Bf1 Bf2	0	1	1	1	0

Пересечение. Операция возвращает результирующее битовое поле, каждый бит которого равен 1, если в обоих из исходных полей биты с таким же индексом равны 1, и 0, если хотя бы в одном их полей бит со схожим индексом равен нулю.

Bf1	0	0	1	1	0
Bf2	0	1	0	1	0
Bf1 & Bf2	0	0	0	1	0

Дополнение. Операция возвращает результирующие битовое поле, каждый бит которого равен 1, если в исходном поле бит с таким же индексом равен 0, и наоборот, если в исходном поле некоторые бит равен 1, то в результирующем поле этот же бит будет равен 0.

Bf	1	1	0	1	0
~Bf	0	0	1	0	1

Сравнение. Операция возвращает 1 если поля побитово равны, 0 в противном случае.

Bf1	1	1	0	1	1
Bf2	1	1	0	1	1
Bf1 == Bf2	1		-	-	

Реализация битового поля указана в приложении А данного файла.

3.1.2 Множества

В данной лабораторной работе множества представляют собой набор из неотрицательных целых чисел. Реализуется наше множество на базе битового поля. Это значит, что задавая множество, мы ставим ему в соответствие какое-то битовое поле, каждый бит которого хранит информацию о наличии элемента в множестве.

Пример множества: $A = \{1, 3, 5, 7, 9\}$ при |U| = 10 (универсальное множество состоит из десяти элементов $0, 1, \dots, 9$). Битовое поле соответствующее множеству A:

Номер бита	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
Значение	0	1	0	1	0	1	0	1	0	1

Множества поддерживают следующие операции: объединение, пересечение множеств, объединение с элементом, разность с элементом, дополнение множества, сравнение множеств.

Объединение. Операция возвращает результирующее множество, содержащее как все уникальные элементы из первого исходного множества, так и все уникальные элементы из второго исходного множества.

Пример:

$$A = \{1, 3, 5\}$$

$$B = \{0, 2, 3, 5\}$$

$$A \mid B = \{0, 1, 2, 3, 5\}$$

Пересечение. Операция возвращает результирующее множество, содержащее только те элементы, которые есть одновременно в обоих исходных множествах.

Пример:

$$A = \{1, 3, 5\}$$

$$B = \{0, 2, 3, 5\}$$

$$A * B = \{3, 5\}$$

Объединение с элементом. Операция возвращает множество, в которое добавлен элемент, участвующий в операции. Обязательным условием является наличие элемента в универсальном множестве.

Пример:

$$A = \{1, 3, 5\}, |U| = 10$$

$$a = 7$$

$$A + a = \{1, 3, 5, 7\}$$

Разность с элементом. Операция возвращает множество, из которого удалён элемент, участвующий в операции. Обязательным условием является наличие элемента в универсальном множестве.

Пример:

$$A = \{1, 3, 5\}, |U| = 10$$

 $a = 5$
 $A - a = \{1, 3\}$

Дополнение множества. Операция возвращает множество, в котором содержаться элементы принадлежащие универсальному множеству, но не принадлежащие исходному множеству.

Пример:

$$A = \{1, 3, 5\}, |U| = 7$$
$$\sim A = \{0, 2, 4, 6\}$$

Сравнение множеств. Операция возвращает 1, если множества поэлементно равны, и 0 в противном случае.

$$A = \{1, 3, 5\}$$

$$B = \{0, 2, 3, 5\}$$

$$A == B? - 0$$

Реализация множества описана в приложении Б данного файла.

3.1.3 «Решето Эратосфена»

Данный алгоритм реализован двумя способами: с использованием битовых полей и с использованием множеств. Что бы переключиться с одного способа на другой достаточно закомментировать (или раскомментировать объявление константы) USE SET.

Алгоритм работает по следующему принципу:

1. Запрашивается число N, до которого будет осуществляться поиск простых чисел.

- 2. Формируется битовое поле (или множество) от 2 до N, и все элементы битового поля (множества) помечаются как имеющиеся.
- 3. Запускается перебор чисел от 2 до корня квадратного из N:
 - 3.1. Если текущее число x есть в битовом поле (множестве), то из битового поля (множества) удаляются все кратные числу x элементы.
 - 3.2. Если текущее число x не содержится в битовом поле (множестве) то осуществляется переход к следующему элементу

После окончания работы алгоритма происходит вывод результата в консоль.

3.2 Описание программной реализации

3.2.1 Описание класса TBitField

```
class TBitField
private:
  int BitLen;
  TELEM *pMem;
  int MemLen;
  int GetMemIndex(const int n) const;
  TELEM GetMemMask (const int n) const;
public:
  TBitField(int len);
  TBitField(const TBitField &bf);
  ~TBitField();
  int GetLength(void) const;
  void SetBit(const int n);
  void ClrBit(const int n);
  int GetBit(const int n) const;
  int operator==(const TBitField &bf) const;
  int operator!=(const TBitField &bf) const;
  const TBitField& operator=(const TBitField &bf);
  TBitField operator | (const TBitField &bf);
  TBitField operator (const TBitField &bf);
TBitField operator (void);
  friend istream &operator>>(istream &istr, TBitField &bf);
  friend ostream &operator<<(ostream &ostr, const TBitField &bf);</pre>
};
     Назначение:
     Представление битового поля.
     Поля:
     BitLen — длина битового поля — максимальное количество битов.
     рмет – память для представления битового поля.
     MemLen — количество элементов для представления битового поля.
     Метолы:
int GetMemIndex(const int n) const;
     Назначение: получение индекса элемента в памяти.
     Входные параметры:
     n – номер бита.
     Выходные параметры:
     Номер элемента в памяти.
```

Назначение: Получение маски бита. Входные параметры: n - номер бита. Выходные параметры: Маска бита. TBitField(int len); Назначение: Конструктор. Создание битового поля. Входные параметры: len - ЧИСЛО ЭЛЕМЕНТОВ. Выходные параметры: Отсутствуют. TBitField(const TBitField &bf); Назначение: Конструктор. Копирования битового поля. Входные параметры: **&bf** - ссылка на битовое поле. Выходные параметры: Отсутствуют. ~TBitField(); Назначение: Деструктор. Очистка выделенной памяти. Входные параметры: Отсутствуют. Выходные параметры: Отсутствуют.

TELEM GetMemMask (const int n) const;

Назначение: Получение размера битового поля. Входные параметры: Отсутствуют. Выходные параметры: Длина битового поля. void SetBit(const int n); Назначение: Установка значения бита в единицу. Входные параметры: n - номер бита. Выходные параметры: Отсутствуют. void ClrBit(const int n); Назначение: Установка значения бита в ноль. Входные параметры: n - номер бита. Выходные параметры: Отсутствуют. int GetBit(const int n) const; Назначение: Получение значения бита. Входные параметры: n - номер бита. Выходные параметры: Значение бита.

int GetLength(void) const;

```
Назначение:
      Оператор сравнения на равенство.
      Входные параметры:
      &bf - ссылка на битовое поле.
      Выходные параметры:
      Результат сравнения - 0 или 1.
int operator!=(const TBitField &bf) const;
      Назначение:
      Оператор сравнения на неравенство.
      Входные параметры:
      &bf - ссылка на битовое поле.
      Выходные параметры:
      Результат сравнения - 0 или 1.
const TBitField& operator=(const TBitField &bf);
      Назначение:
      Оператор присваивания.
      Входные параметры:
      &bf - ссылка на битовое поле.
      Выходные параметры:
      Ссылка на объект TbitField.
TBitField operator | (const TBitField &bf);
      Назначение:
      Побитовое "ИЛИ".
      Входные параметры:
      &bf - ссылка на битовое поле.
      Выходные параметры:
      Объект класса TbitField.
```

int operator==(const TBitField &bf) const;

```
TBitField operator&(const TBitField &bf);
      Назначение:
      Побитовое "И"
      Входные параметры:
      &bf - ссылка на битовое поле.
      Выходные параметры:
      Объект класса TbitField.
TBitField operator~(void);
      Назначение:
      Побитовое отрицание
      Входные параметры:
      Отсутствуют.
      Выходные параметры:
      Объект класса TbitField.
friend istream &operator>>(istream &istr, TBitField &bf);
      Назначение:
      Чтение битового поля из консоли.
      Входные параметры:
      &istr - ссылка на поток ввода.
      &bf - ссылка на битовое поле.
      Выходные параметры:
      Ссылка на поток ввода.
friend ostream &operator<<(ostream &ostr, const TBitField &bf);</pre>
      Назначение:
      Вывод битового поля в консоль.
      Входные параметры:
      &ostr - ссылка на поток вывода.
      &bf - ссылка на битовое поле.
      Выходные параметры:
```

Ссылка на поток вывода.

3.2.2 Описание класса Tset

```
class TSet
private:
  int MaxPower;
  TBitField BitField;
public:
  TSet(int mp);
  TSet(const TSet &s);
  TSet(const TBitField &bf);
  operator TBitField();
  int GetMaxPower(void) const;
  void InsElem(const int Elem);
  void DelElem(const int Elem);
  int IsMember(const int Elem) const;
  int operator== (const TSet &s) const;
  int operator!= (const TSet &s) const;
  const TSet& operator=(const TSet &s);
  TSet operator+ (const int Elem);
  TSet operator- (const int Elem);
  TSet operator+ (const TSet &s);
  TSet operator* (const TSet &s);
  TSet operator~ (void);
  friend istream &operator>>(istream &istr, TSet &bf);
  friend ostream &operator<<(ostream &ostr, const TSet &bf);</pre>
};
     Назначение:
     Представление множества.
     Поля:
    MaxPower - Количество элементов в множестве - мощность унивёрса.
     BitField - битовое поле.
     Методы:
TSet(int mp);
     Назначение:
     Конструктор. Создание множества.
     Входные параметры:
    тр - количество элементов.
     Выходные параметры:
     Отсутствуют.
```

```
TSet(const TSet &s);
    Назначение:
    Конструктор. Копирование множества.
    Входные параметры:
     &s - ссылка на множество.
     Выходные параметры:
    Отсутствуют.
TSet(const TBitField &bf);
    Назначение:
    Конструктор. Преобразование битового поля к множеству.
    Входные параметры:
     &s - ссылка на множество.
    Выходные параметры:
    Отсутствуют.
operator TBitField();
    Назначение:
     Преобразование множества к битовому полю.
     Входные параметры:
    Отсутствуют.
     Выходные параметры:
     Объект класса TbitField.
int GetMaxPower(void) const;
    Назначение:
    Получение размера унивёрса, которому принадлежит множество.
    Входные параметры:
    Отсутствуют.
     Выходные параметры:
     Размер унивёрса.
```

```
void InsElem(const int Elem);
     Назначение:
     Вставка элемента.
     Входные параметры:
     Elem - вставляемый элемент.
     Выходные параметры:
     Отсутствуют.
void DelElem(const int Elem);
     Назначение:
     Удаление элемента.
     Входные параметры:
     Elem - удаляемый элемент.
     Выходные параметры:
     Отсутствуют.
int IsMember(const int Elem) const;
     Назначение:
     Проверка наличия элемента в множестве.
     Входные параметры:
     Elem - ИСКОМЫЙ ЭЛЕМЕНТ.
     Выходные параметры:
     Результат поиска - 0 или 1.
int operator== (const TSet &s) const;
     Назначение:
     Сравнение на равенство.
     Входные параметры:
     &s - ссылка на множество.
     Выходные параметры:
     Результат сравнения - 0 или 1.
```

```
int operator!= (const TSet &s) const;
    Назначение:
    Сравнение на неравенство.
    Входные параметры:
     &s - ссылка на множество.
    Выходные параметры:
    Результат сравнения - 0 или 1.
const TSet& operator=(const TSet &s);
    Назначение:
    Оператор присваивания.
    Входные параметры:
     &s - ссылка на множество.
    Выходные параметры:
    Ссылка на объект класса TSet.
TSet operator+ (const int Elem);
    Назначение:
     Объединение с элементом.
     Входные параметры:
    Elem - ЭЛЕМЕНТ.
     Выходные параметры:
     Объект класса TSet.
TSet operator- (const int Elem);
    Назначение:
    Разность с элементом.
    Входные параметры:
    Elem - ЭЛЕМЕНТ.
    Выходные параметры:
    Объект класса TSet.
```

```
TSet operator+ (const TSet &s);
    Назначение:
    Объединение множеств.
    Входные параметры:
     &s - ссылка на множество.
     Выходные параметры:
     Объект класса TSet.
TSet operator* (const TSet &s);
    Назначение:
    Пересечение множеств.
     Входные параметры:
     &s - ссылка на множество.
    Выходные параметры:
     Объект класса TSet.
TSet operator~ (void);
    Назначение:
    Дополнение множества.
    Входные параметры:
    Отсутствует.
     Выходные параметры:
    Объект класса TSet.
friend istream &operator>>(istream &istr, TSet &s);
     Назначение:
     Чтение множества из консоли.
     Входные параметры:
     &istr - ссылка на поток ввода.
     &s - ссылка на множество.
     Выходные параметры:
     Ссылка на поток ввода.
```

friend ostream &operator<<(ostream &ostr, const TSet &s);</pre>

Назначение:

Вывод множества в консоль.

Входные параметры:

&ostr - ссылка на поток вывода.

&s - ссылка на множество.

Выходные параметры:

Ссылка на поток вывода.

Заключение

- 1. Была изучена теория битовых полях и множествах.
- 2. Реализованы классы, предназначенные для представления битовых полей (TBitFieald) и множеств (TSet).
- 3. Проведены тесты на корректность работы работы классов TSet и TBitFieald.
- 4. Написаны программы, предназначенные для демонстрации работы полей и битовых множеств.

Литература

1. Майкрософт https://learn.microsoft.com/ru-ru/cpp/cpp/cpp-bit-fields?view=msvc-170.

Приложения

Приложение A. Реализация класса TbitField

```
#include "tbitfield.h"
#include <iostream>
#include <cmath>
TBitField::TBitField(int len)
      if (len < 0) throw "length_cant_be_less_then_zero";</pre>
      BitLen = len;
      MemLen = ((BitLen - 1) >> 5) + 1;
      pMem = new TELEM[MemLen];
      memset(pMem, 0, MemLen * sizeof(TELEM));
TBitField::TBitField(const TBitField& bf)
{
      BitLen = bf.BitLen;
      MemLen = bf.MemLen;
      pMem = new TELEM[MemLen];
      memcpy(pMem, bf.pMem, MemLen * sizeof(TELEM));
TBitField::~TBitField()
{
      delete[] pMem;
int TBitField::GetMemIndex(const int n) const
      if (n >= BitLen || n < 0) throw "out of range";</pre>
      int s = ceil(log2(sizeof(int) * 8 - 1));
      return n >> s;
TELEM TBitField::GetMemMask(const int n) const
      if (n \ge BitLen \mid \mid n < 0) throw "out of range";
      return 1 << (BitLen - (n & sizeof(TELEM) * 8 - 1) - 1);
int TBitField::GetLength(void) const
      return BitLen;
void TBitField::SetBit(const int n)
      if (n \ge BitLen || n < 0)
            throw "out of range";
      pMem[GetMemIndex(n)] |= GetMemMask(n);
void TBitField::ClrBit(const int n)
      if (n \ge BitLen \mid \mid n < 0) throw "out of range";
      pMem[GetMemIndex(n)] &= ~GetMemMask(n);
int TBitField::GetBit(const int n) const
      if (n >= BitLen || n < 0) throw "out of range";</pre>
      if ((pMem[GetMemIndex(n)] & GetMemMask(n)) == 0) return 0;
      return 1;
}
```

const TBitField& TBitField::operator=(const TBitField& bf)

```
{
      if (bf == (*this)) return (*this);
      if (BitLen != bf.BitLen)
      {
            pMem = new TELEM[bf.MemLen];
      }
      BitLen = bf.BitLen;
      MemLen = bf.MemLen;
      memcpy(pMem, bf.pMem, MemLen * sizeof(TELEM));
      return (*this);
int TBitField::operator==(const TBitField& bf) const
      if (bf.BitLen != BitLen) return 0;
      for (int i = 0; i < BitLen; i++) {
            if (bf.GetBit(i) != GetBit(i)) return 0;
      return 1;
int TBitField::operator!=(const TBitField& bf) const
      return !(*this == bf);
TBitField TBitField::operator | (const TBitField& bf)
      TBitField max = (BitLen >= bf.BitLen) ? *this : bf;
      TBitField min = (bf.BitLen <= BitLen) ? bf : *this;</pre>
      for (int i = 0; i < min.MemLen; i++) {</pre>
            max.pMem[i] |= min.pMem[i];
      return max;
TBitField TBitField::operator&(const TBitField& bf)
      TBitField max = (BitLen >= bf.BitLen) ? *this : bf;
      TBitField min = (bf.BitLen <= BitLen) ? bf : *this;</pre>
      for (int i = 0; i < min.MemLen; i++) {</pre>
            max.pMem[i] &= min.pMem[i];
      return max;
TBitField TBitField::operator~(void)
{
      TBitField tmp(BitLen);
      for (int i = 0; i < BitLen; i++) {</pre>
            if (!GetBit(i)) tmp.SetBit(i);
      return tmp;
istream& operator>>(istream& istr, TBitField& bf)
      for (int i = 0; i < bf.BitLen; i++) {</pre>
            int num;
            cin >> num;
            if (num) bf.SetBit(i);
      return istr;
ostream& operator<<(ostream& ostr, const TBitField& bf)</pre>
{
      for (int i = 0; i < bf.BitLen; i++) cout << bf.GetBit(i);</pre>
      return ostr;
}
```

Приложение Б. Реализация класса TSet

```
#include "tset.h"
TSet::TSet(int mp) : BitField(mp)
   MaxPower = mp;
TSet::TSet(const TSet& s) : BitField(s.BitField)
   MaxPower = s.MaxPower;
TSet::TSet(const TBitField& bf) : BitField(bf)
{
   MaxPower = bf.GetLength();
TSet::operator TBitField()
   return BitField;
int TSet::GetMaxPower(void) const
   return MaxPower;
int TSet::IsMember(const int Elem) const
    if (Elem >= MaxPower) throw "Element not in universe";
    if (BitField.GetBit(Elem)) return 1;
   return 0;
void TSet::InsElem(const int Elem)
    if (Elem >= MaxPower) throw "Element not in universe";
   BitField.SetBit(Elem);
void TSet::DelElem(const int Elem)
    if (Elem >= MaxPower) throw "Element not in universe";
   BitField.ClrBit(Elem);
const TSet& TSet::operator=(const TSet& s)
   if (s == (*this)) return (*this);
   MaxPower = s.MaxPower;
   BitField = s.BitField;
   return (*this);
int TSet::operator==(const TSet& s) const
{
    if (MaxPower != s.MaxPower) return 0;
    return (BitField == s.BitField);
int TSet::operator!=(const TSet& s) const
    return !((*this) == s);
TSet TSet::operator+(const TSet& s)
    TSet tmp(max(MaxPower, s.GetMaxPower()));
    tmp.BitField = BitField | s.BitField;
    return tmp;
```

```
TSet TSet::operator+(const int Elem)
{
    if (Elem >= MaxPower) throw "Element not in universe";
    TSet tmp(MaxPower);
    tmp.BitField = BitField;
    tmp.BitField.SetBit(Elem);
    return tmp;
TSet TSet::operator-(const int Elem)
    if (Elem >= MaxPower) throw "Element not in universe";
    TSet tmp(MaxPower);
    tmp.BitField = BitField;
    tmp.BitField.ClrBit(Elem);
    return tmp;
TSet TSet::operator*(const TSet& s)
{
    TSet tmp(max(MaxPower, s.GetMaxPower()));
    tmp.BitField = (BitField & s.BitField);
    return tmp;
TSet TSet::operator~(void)
    TSet tmp(MaxPower);
    tmp.BitField = ~BitField;
    return tmp;
istream& operator>>(istream& istr, TSet& s)
    int n;
    cout << "Input count of element(|U| = " << s.GetMaxPower() << "): ";</pre>
    istr >> n;
    for (int i = 0; i < n; i++) {
        int val;
        cin >> val;
        s.BitField.SetBit(val);
    return istr;
ostream& operator<<(ostream& ostr, const TSet& s)</pre>
    for (int i = 0; i < s.MaxPower; i++) {
        if (s.BitField.GetBit(i)) cout << i << " ";</pre>
    return ostr;
}
```