ДЗ по теме "Динамические кратчайшие пути"

24 мая 2022 г.

- Мягкий дедлайн: 12.05.2022, 23:59
- Жёсткий дедлайн: 19.05.2022, 23:59

По умолчанию число вершин во входном графе равно n, а число рёбер - m.

1. (15 баллов) Вам дан ориентированный взвешенный граф G с положительными весами. Обновление — увеличение веса ребра (уменьшения запрещены). Предполагается, что кратчайшие пути уникальны (между парой вершин x и y есть только один кратчайший путь). Из этого следует, что если между вершинами x и y есть несколько однородных путей, то вершины в этих путях попарно различны (кроме самих конечных вершин x и y) (подумайте, почему).

Докажите следующие утверждения (определение однородного пути есть в лекции):

- (a) Не более, чем n^3 путей в графе после увеличения веса ребра cmanos nmcs однородными. В качестве доказательства придумайте такой худший случай.
- (b) Не более, чем n^2 путей в графе после увеличения веса ребра $nepecmaiom\ быть\ однородными.$