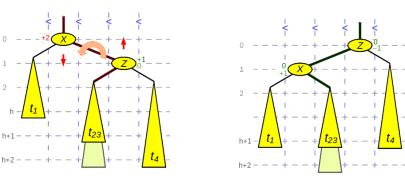
Балансирани дървета

Калин Георгиев

7 януари 2024 г.

Прости ротации

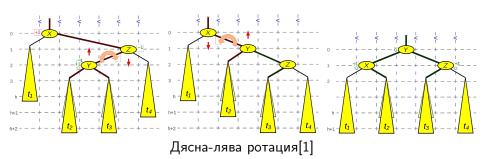
ullet Балансиращ фактор, bf(r) = h(r.right) - h(r.left)



Лява ротация[1]



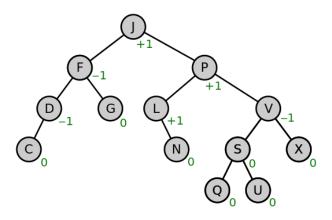
Двукратни ротации



AVL дървета



AVL дървета



AVL дърво[1]



Цена на достъпа

Ретро ли са лентите?



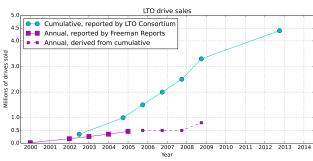


Магнитна лента[2] и UNIVAC[3]



Linear Tape-Open (LTO)





LTO касетка[4] и LTO продажби[4]

Tape Library



Image credit: Fujifilm

В-дървета



В-дърво



Б-Дърво[5]

B-дърво от ред m:

- Всеки връх има поне m наследника
- Всеки вътрешен връх има поне [m/2] наследника
- Коренът има поне два наследника, освен ако е листо
- Всички листа са на еднакво ниво
- Вътрешен връх с k наследника има точно k-1 елемента

• Б-дървета

$$h_{max} = \lfloor log_{[m/2]} \frac{n+1}{2} \rfloor$$

• Идеално балансирано двоично дърво

$$h = \lfloor log_2 n \rfloor$$

Въпроси?



Източници

- [1]Wikipedia:AVL Tree
- [2]Wikipedia:Magnetic tape
- [3]The University of Aucland, Dept. of Computer Sceince
- [4]Wikipedia:Linear Tape-Open
- [5] Reva Freedman, Dept. of Computer Science, Northern Illinois University