Trajanje: 120 minuta. Rješenja zadataka potrebno je oznočiti na obrascu. Problemski zadaci 15-20 rješavaju se na košuljici i po potrebi na zasebnim papirima. Problemski zadaci zaokruženi na obrascu bez odgovarajućeg. postupka neće se bodovati.

- I. (5 bodova) Ako je u generatívnom stablu neki čvor označen znakom X, a njegova djeca su označena znakovima  $Y_1, Y_2, \dots, Y_n$  slijeva nadesno onda vrijedi:
- a)  $X \to Y_1 Y_2 \dots Y_n$  je produkcija gramatike b) Znakovi  $X, Y_1, Y_2, \dots$  i  $Y_n$  su nezavršni znakovi gramatike c) Znakovi  $X, Y_1, Y_2, \dots$  i  $Y_n$  su završni znakovi gramatike ili znak  $\varepsilon$  d)  $X \to Y_1, X \to Y_2, \dots$  i  $X \to Y_n$  su produkcije gramatike e) Čvor označen znakom X je korijen stabla, a čvorovi označeni znakovima  $Y_1,Y_2,\ldots,Y_n$ su listovi stabla
- 2. (5 bodova) Najuža klasa jezika u kojoj se uvijek nalazi presjek kontekstno neovisnog i regularnog jezika jest:
  - a) rekurzivno prebrojiv jezik b) kontekstno ovisan jezik c) regularan jezik d) kontekstno neovisan jezik e) nije moguće utvrditi u općem slučaju
- 3. (5 bodova) Označite koja od navedenih produkcija je u Chomskyjevom normalnom obliku:
  - a)  $A \rightarrow aB$  b)  $A \rightarrow a$  c)  $A \rightarrow aBCD$  d)  $A \rightarrow \varepsilon$  e)  $A \rightarrow aaB$
- 4. (5 bodova) Prilikom konstrukcije gramatike za jezik zadan Turingovim strojem s obostrano neograničenom trakom s ciljem generiranja početne konfiguracije TS-a prema algoririmu u udžbeniku "Uvod u teoriju računarstva", zadaju se sljedeće produkcije (a predstavlja sve znakove iz ulazne abecede TS. B je znak prazne ćelije TS i  $q_0$  je početno stanje TS).:
  - a)  $S \to Lq_0AR$ ,  $A \to [a,a]A|\varepsilon, L \to [\varepsilon,B]L|\varepsilon, R \to [\varepsilon,B]R|\varepsilon$  b)  $S \to Lq_0R$ ,  $L \to [\varepsilon,B]L|\varepsilon, R \to [\varepsilon,B]R|\varepsilon$  c)  $S \to q_0AR, A \to [a,a]A|\varepsilon, R \to [\varepsilon,B]R|\varepsilon \quad \text{d)} \ S \to q_0A, A \to [a,a]A|\varepsilon \quad \text{e)} \ S \to Lq_0AR, A \to [a,a]A|\varepsilon, L \to [a,a]A|\varepsilon = [a,a]A|\varepsilon$ (0, B) L|E
- (5 bodova) Uvjet podudarnosti za stanja p i q jest.:
  - a)  $(p \in F \land q \in F) \lor (p \notin F \land q \notin F)$  b)  $(p \notin F \land q \in F) \lor (p \in F \land q \notin F)$  c)  $(p \in F \land q \notin F) \lor (p \notin F \land q \in F)$
  - d)  $\delta(p,a)$  i  $\delta(q,a)$  su istovjetna stanja e)  $\delta(p,a)$  i  $\delta(q,a)$  su prihvatljiva stanja
- 6. (5 bodova) Za lijevo asocijativan operator + gradi se sljedeća jednoznačna gramatika:
  - a)  $G = (\{E, T\}, \{a, +\}, \{E \to E + T \mid T, T \to a\}, E)$  b)  $G = (\{E, T\}, \{a, +\}, \{E \to T + E \mid T, T \to a\}, E)$
  - c)  $G = (\{E\}, \{a, +\}, \{E \to E + E \mid a\}, E)$  d)  $G = (\{E, T\}, \{a, +\}, \{E \to E + E \mid T + E \mid T, T \to a\}, E)$ e)  $G = (\{E, T\}, \{a, +\}, \{E \to E + E \mid T + E \mid T \mid a, T \to a\}, E)$
- 7. (5 bodova) Odredite koji niz pripada jeziku opisanom regularnim izrazom:  $((a+b)^*)^+c^*d^+(e^++a^*)^+$ 
  - b) cbbddaea c) babbdeea d) abbcaa e) babbdccaa
- 8. (5 bodova) Odrediti razred najjednostavnijeg oblika formalneg automata kojim je moguće prihvatiti jezik:
  - a) deterministički potisni automat b) nedeterministički potisni automat c) Turingov stroj d) LOA e) konačni automat
- 9. (5 bodova) Kontekstno ovisni jezici zatvoreni su s obzirom na (odabrati najveći točan skup):
  - a) unija, nadovezivanje, Kleenov operator  $L^+$ , presjek b) unija, nadovezivanje, presjek
  - e) Kleenov operator  $L^+$ , unija, nadovezivanje d) unija, nadovezivanje e) unija i presjek
- 10. (5 bodova) Tijekom formalnog postupka konstrukcije gramatike za zadani TS, prema algoritmu u udžbeniku "Uvod u teoriju meunarstva", na temelju prijelaza  $\delta(q,X)=(p,Y,R)$  nastaje koliko produkcija? Pretpostavite da je skup
  - a) 1 b) 2 c) 3 d) jednako broju stanja TS e) jednako broju prihvatljivih stanja
- 11. (5 bodova) Neka je zadan NP-potpun jezik  $L_1$  i neki jezik  $L_2$ . Ako je jezik  $L_1$  moguće u polinomnom vremenu

a)<br/>postoji deterministički TS koji  $L_2$  prihvaća u polinomnom vremen<br/>u b) postoji nedeterministički TS koji  $L_2$ prihvaća u polinomnom vremenu e)jezik  $L_2$  je NP-potpun d) jezik  $L_2$  je NP-težak e) ništa od navedenog

- 12. (5 bodova) Zadan je TS sa 16 radnih traka koji s prostornom složenošću  $n^2$  prihvaća neki jezik L. Tada postoji TS s 8 radnih traka koji prihvaći isti jezik L s prostornom słożenośću (odabrati najsporije rastuću funkciju koja zadovoljava uvjete zadatka):
  - a) n b)  $n^4$  c)  $n^8$  d)  $n^2$  e)  $n^2 \cdot \log n$

13. (5 bodova) Kolika je vremenska složenost prihvadanja jezika  $L=\{weie^R|w\in(a+b)^*\}$ u ovisnosti o duljini niza n.

a) n+1 b) n c)  $n^2$  d) 2n+1 e)  $n \cdot (n+1)/2$ 

- 14. (5 bodova) Za svaki zadani jezik odrediti klasu jezika najmanje strukturne složenosti u kojoj je zadani jezik sadržan. A)  $L_d$  (dijagonalni jezik) B)  $\{ww^Rw^R|w\in(a+b)^+\}$  C) {svi binarni brojevi veći od 128} D)  $\{ww^R|w\in(a+b)^+\}$  D)  $L_u$  (univerzalni jezik) F)  $\{w|w\in(a+b+c+d)^+n_a+n_b=n_c+n_d\}$ 
  - i) skup svih jezika nad abecedom  $2^{\Sigma'}$  ii) rekurzivno prebrojivi jezici iii) rekurzivni jezici iv) kontekstno ovisni jezici vi) nedeterministički kontekstno neovisni jezici vii) deterministički kontekstno neovisni jezici vii) regularni jezici
  - a) A-ii; B-i; C-vii; D-v; E-v; F-iii b) A-i; B-iv; C-vii; D-v; E-ii; F-vi c) A-i; B-vi; C-v; D-vi; E-iv; F-i d) A-vi; B-i; C-vi; D-vi; E-iv; F-ii e) A-ii; B-iv; C-vii; D-iv; E-v; F-iii
- 15. (5 bodova) Odrediti razred najjednostavnijeg oblika formalnog automata kojim je moguće prihvatiti jezik:  $a^ib^{2(i+k)}c^k$ ,  $0 \le i \le N$ ,  $0 \le k \le M$ , pri čemu su N i M cjelobrojne konstante.
  - a) deterministički potisni automat b) nedeterministički potisni automat c) Turingov stroj d) LOA

e) konačni automat

- 16. (5 bodova) Jezik L nad abecedom  $\Sigma = \{0,1,2\}$  zadan je regularnim izrazom r = (2\*0\*)\*. Konstruirati minimalni DKA koji prihvaća jezik  $L^C$ . Minimalni automat ima:
  - a) 4 stanja, 1 prihvatljivo b) 4 stanja, 3 prihvatljiva c) 2 stanja, oba prihvatljiva d) 2 stanja, 1 prihvatljivo

e) 2 stanja, niti jedno prihvatljivo

17. (5 bodova) Zadani DKA pretvoriti u DKA s minimalnim brojem stanja. Minimizaciju DKA provesti primjenom algoritma podjele stanja (algoritam 2 u udžbeniku). Minimalni DKA ima:

8	a	b	c	F
p0	p4	p1	p2	0
pl	p2	p7	p5	1
p2	p2	p7	p2	0
р3	p0	p4	р3	0
p4	p7	p2	p5	1
p5	p5	p2	p0	1
p6	p7	p5	p6	1
p7	p7	p7	p2	0

- a) 4 stanja b) 5 stanja c) 6 stanja d) 7 stanja e) 8 stanja
- 18. (5 bodova) Za zadanu desno-linearnu gramatiku konstruirati NKA. Odredite  $\delta(S,a)$ :

 $S \rightarrow aB; \quad S \rightarrow cD; \quad S \rightarrow aS; \quad B \rightarrow aS; \quad B \rightarrow bD; \quad D \rightarrow a; \quad D \rightarrow \varepsilon;$ 

a)  $\{B\}$  b)  $\{D\}$  c)  $\{S, D\}$  d)  $\{B, D\}$  e)  $\{S, B, D\}$ 

19. (5 bodova) Gramatiku zadanu skupom produkcija  $D_1 \rightarrow a \mid D_2D_3, D_2 \rightarrow b \mid D_3D_3, D_3 \rightarrow c \mid D_2D_1$  po algoriti iz udžbenika pretvoriti u Greibach normalni oblik. Koliko produkcija ima dobivena gramatika?

a) 23 b) 13 c) 11 d) 19 e) 16

20. (5 bodova) Konstruirati kontekstno-neovisnu gramatiku koja generira samo one nizove koje prihvaća potisni au mat M:  $M = (\{q_0, q_1\}, \{a, b, c\}, \{A, B, K\}, \delta, q_0, K, \varnothing\})$ 

$$\begin{array}{ll} \delta(q_0,a,K) = (q_0,AK) & \delta(q_0,c,B) = (q_1,B) \\ \delta(q_0,b,A) = (q_0,BA) & \delta(q_1,a,A) = (q_1,\varepsilon) \\ \delta(q_0,a,B) = (q_0,AB) & \delta(q_1,b,B) = (q_1,\varepsilon) \end{array}$$

Koliko produkcija sadrži gramatika nakon odbacivanja beskorisnih znakova?

a) 5 b) 8 c) 12 d) 19 e) 7