## THÉORIE DES GRAPHES



Ford-Fulkerson et problème de flots maximum TPS 1A INOC



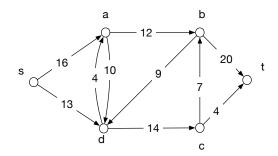
theoleyre@unistra.fr

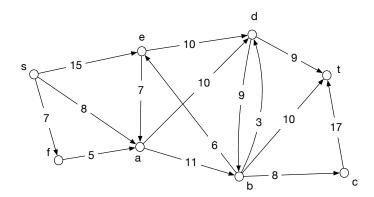
Objectif : qu'est ce que le problème de flot-max et comment appliquer l'algorithme de Ford-Fulkerson pour le résoudre ?

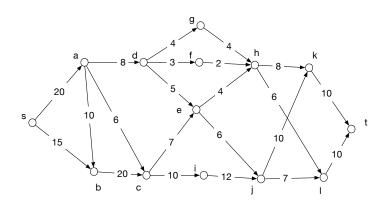
Dur'ee: 2 heures

## Exercice 1: Flot maximal

Appliquer l'algorithme de Ford-Fulkerson sur les réseaux de transport ci-après pour déterminer les flots maximaux entre les sources et les puits.







## Exercice 2: Cas particulier

Soit R = (S, A, s, p, c) un réseau de transport tel que (S, A) est obtenu à partir d'un graphe complet privé des arcs de la forme (x, s) et (p, x) pour tout  $x \in S$ , et  $x \in S$  respectivement, tel que pour tout  $a \in A$ , c(a) = k > 0.

- 1 Appliquer l'algorithme de Ford et Fulkerson dans le cas où Card(S) = 5.
- 2 Démontrer (quelque soit la valeur de Card(S)) qu'il existe un réseau de transport R=(S,A',s,p,c') tel que (S,A') est un graphe partiel de (S,A) et  $c'=c_{|A'}$ , vérifiant Card(A')=2.Card(S)-3 dont le flot maximal est de même valeur que celui de R.