UE 41900 Master Informatique, Sorbonne Université

COMPLEX

COMPLEXité, algorithmes randomisés et approchés

Contenu de l'UE

S 1-5:

- * Introduction à la théorie du calcul et à la complexité des problèmes.
- * Méthodes arborescentes.
- * Algorithmes d'approximation.

S 6-10:

* Algorithmes probabilistes, classes de complexité probabilistes.

Organisation

- Un cours (2h) par semaine.
- 4h TD par semaine les 2 premières semaines,
 2h TD et 2h TME les semaines 3 à 10.
- Un projet pendant les TMEs de la deuxième partie de l'UE.
- Ressources sur moodle.

Contrôle des connaissances

Projet (rapport+soutenance): 20 %

• Examen réparti 1 (novembre) : 40 %

• Examen réparti 2 (janvier) : 40 %

Chapitre 1 Introduction à la théorie du calcul

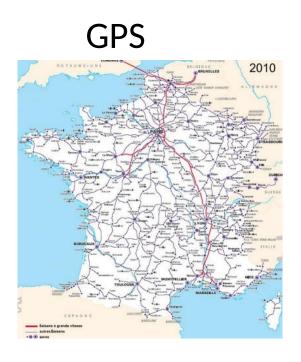
a. Y a-t-il des **problèmes** que l'on ne **peut pas** résoudre avec un ordinateur, i.e. pour lesquels il n'existe pas d'**algorithme** ?

Problème?

Algorithme?

Introduction à la théorie du calcul

b. Parmi les problèmes que l'on peut résoudre, y en a-t-il de plus difficiles que d'autres ?



Trajet optimal en quelques secondes

Eternity II



Puzzle 16*16 2 000 000 \$

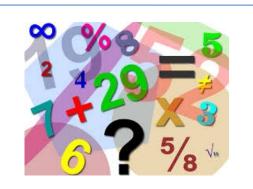
Introduction à la théorie du calcul

I. Problème, algorithme



- Une donnée/ une instance

- Une question



Une séquence d'instructions/ un algorithme

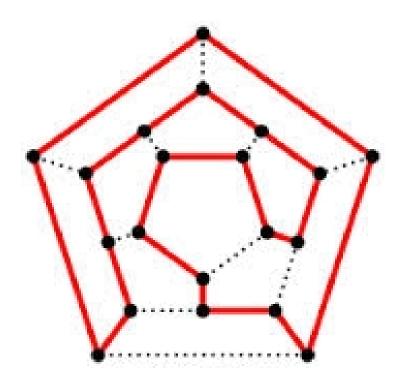


Une réponse/ une solution

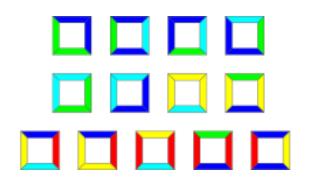
Exemple 1 : chaîne entre deux sommets

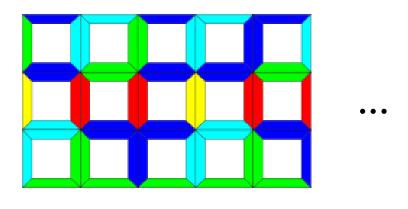


Exemple 2 : chaîne hamiltonienne



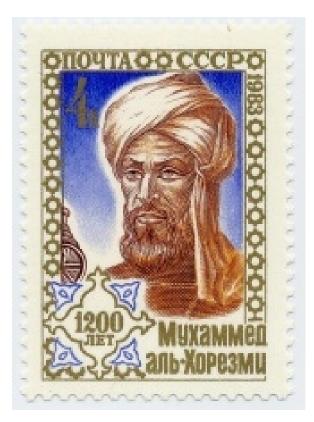
Exemple 3 : pavage du plan





• • •

I. Problème, algorithme



Muhammad ibn Mūsā Al-Khwârizmî (environ 780-850, Ouzbékistan)

Algorithme : Suite finie et non ambiguë d'instructions simples.

But: donner la réponse à une question (résoudre un problème).

I. Problème, algorithme



David Hilbert (1862-1943, Prusse/Allemagne)

Congrès international des mathématiciens, Paris, 1900. 23 problèmes ouverts.

Enoncé 10 : Trouver un algorithme déterminant si un polynôme à coefficients entiers a une racine entière.

II. Formalisation



Alan Turing (1912-1954, Angleterre)

- 1936: la machine de Turing Article fondateur de la science informatique: « On Computable Numbers, with an Application to the Entscheidungsproblem ».
- 1936 : décodage du code secret allemand ENIGMA.
- 1950 : intelligence artificielle.

II. Formalisation

1. Problème et langage

II. Formalisation

- 1. Problème et langage
- 2. Machine de Turing

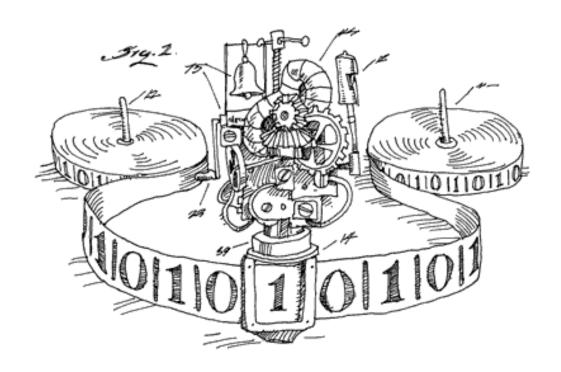
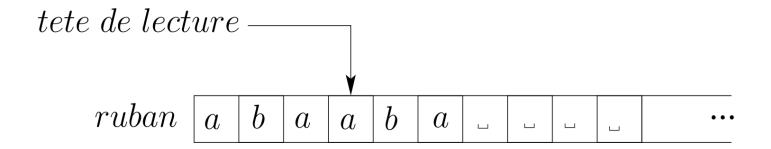
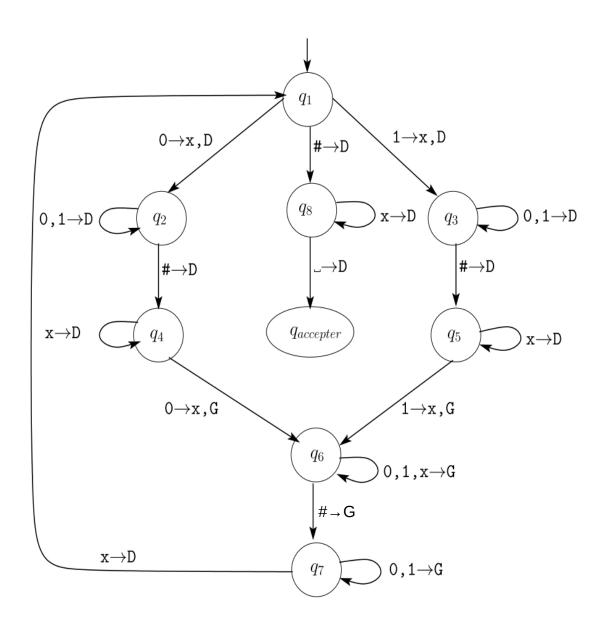


Schéma d'une machine de Turing :



Exemple 1:

Problème/langage: {w#w:w mot sur {0,1}}

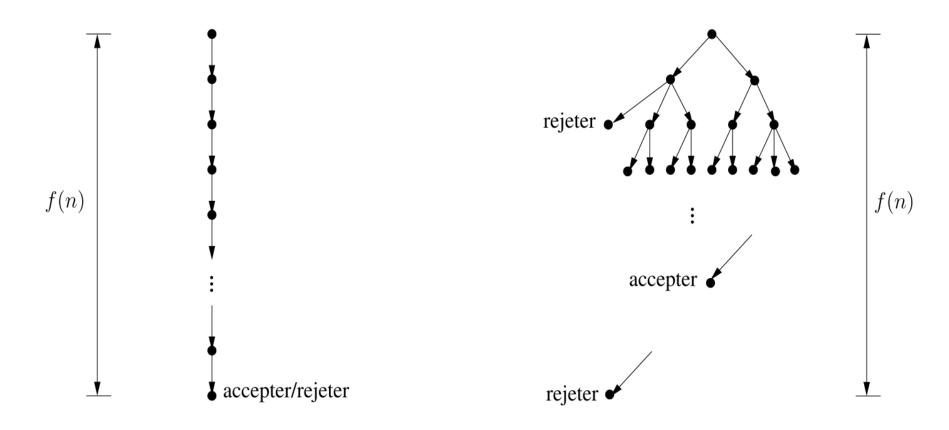


Exemple 2 : Problème/langage : éléments distincts

```
# 0 1 0 1 # 0 1 1 0 # 0 1 0 1 1 # 1 0 _ # 0 1 0 1 1 # 1 0 _ # 0 1 0 1 0 1 1 # 1 0 _ # 0 1 0 1 0 1 1 # 1 0 _ # 0 1 0 1 0 1 1 # 1 0 _ # 0 1 0 1 0 1 1 # 1 0 _ # 0 1 0 1 0 1 1 # 1 0 _ # 0 1 0 1 0 1 1 # 1 0 _ # 0 1 0 1 0 1 1 # 1 0 _ # 0 1 0 1 0 1 1 # 1 0 _ # 0 1 0 1 0 1 1 # 1 0 _ # 0 1 0 1 0 1 1 # 1 0 _ # 0 1 0 1 0 1 1 # 1 0 _ # 0 1 0 1 0 1 1 # 1 0 _ # 0 1 0 1 0 1 1 # 1 0 _ # 0 1 0 1 0 1 1 # 1 0 _ # 0 1 0 1 0 1 1 # 1 0 _ # 0 1 0 1 0 1 1 # 1 0 _ # 0 1 0 1 0 1 1 # 1 0 _ # 0 1 0 1 0 1 1 # 1 0 _ # 0 1 0 1 0 1 1 # 1 0 _ # 0 1 0 1 0 1 1 # 1 0 _ # 0 1 0 1 0 1 1 # 1 0 _ # 0 1 0 1 0 1 1 # 1 0 _ # 0 1 0 1 0 1 1 # 1 0 _ # 0 1 0 1 0 1 1 # 1 0 _ # 0 1 0 1 0 1 1 # 1 0 _ # 0 1 0 1 0 1 1 # 1 0 _ # 0 1 0 1 0 1 1 # 1 0 _ # 0 1 0 1 0 1 1 # 1 0 _ # 0 1 0 1 0 1 1 # 1 0 _ # 0 1 0 1 0 1 1 # 1 0 _ # 0 1 0 1 0 1 1 # 1 0 _ # 0 _ # 0 1 0 1 0 1 1 # 1 0 _ # 0 _ # 0 1 0 1 0 1 1 # 1 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _ # 0 _
```

3. Machine de Turing non déterministe

MT deterministe MT non deterministe



Remarques pour conclure

D'autres modèles?

Thèse de Church (Turing)

