

Распределение	Вероятность/Плотность	Математическое ожидание	Дисперсия
<b>Бернулли</b>	$P(X = k) = p^k(1 - p)^{1-k}, k = 0, 1$	$p$	$p(1 - p)$
<b>Биномиальное</b>	$P(X = k) = C_n^k p^k(1 - p)^{n-k}, k = 0, 1, \dots, n$	$np$	$np(1 - p)$
<b>Пуассона</b>	$P(X = k) = \frac{\lambda^k}{k!} e^{-\lambda}, k = 0, 1, 2, \dots$	$\lambda$	$\lambda$
<b>Геометрическое</b>	$P(X = k) = (1 - p)^{k-1}p, k = 1, 2, \dots$	$\frac{1}{p}$	$\frac{1-p}{p^2}$
<b>Отрицательное биномиальное</b>	$P(X = k) = C_{k-1}^{r-1} p^r (1 - p)^{k-r}, k = r, r + 1, \dots$	$\frac{r}{p}$	$\frac{r(1-p)}{p^2}$
<b>Равномерное дискретное</b>	$P(X = k) = \frac{1}{n}, k = 1, 2, \dots, n$	$\frac{n+1}{2}$	$\frac{n^2-1}{12}$
<b>Равномерное непрерывное</b>	$f(x) = \frac{1}{b-a}, x \in [a, b]$	$\frac{a+b}{2}$	$\frac{(b-a)^2}{12}$
<b>Нормальное</b>	$f(x) = \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x-\mu)^2}{2\sigma^2}}$	$\mu$	$\sigma^2$
<b>Показательное</b>	$f(x) = \lambda e^{-\lambda x}, x \geq 0$	$\frac{1}{\lambda}$	$\frac{1}{\lambda^2}$
<b>Гамма</b>	$f(x) = \frac{\lambda^\alpha}{\Gamma(\alpha)} x^{\alpha-1} e^{-\lambda x}, x > 0$	$\frac{\alpha}{\lambda}$	$\frac{\alpha}{\lambda^2}$
<b>Логнормальное</b>	$f(x) = \frac{1}{x\sigma\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(\ln x - \mu)^2}{2\sigma^2}}, x > 0$	$e^{\mu + \frac{\sigma^2}{2}}$	$e^{2\mu + \sigma^2}(e^{\sigma^2} - 1)$
<b>Коши</b>	$f(x) = \frac{1}{\pi\gamma \left[1 + \left(\frac{x-x_0}{\gamma}\right)^2\right]}$	не существует	не существует

Таблица 1: Основные распределения и их характеристики

**Примечания:**

- $C_n^k = \frac{n!}{k!(n-k)!}$  — биномиальный коэффициент
- $\Gamma(\alpha)$  — гамма-функция Эйлера
- Для геометрического распределения рассматривается версия «число испытаний до первого успеха»
- Логнормальное: если  $Y \sim N(\mu, \sigma^2)$ , то  $X = e^Y$  имеет логнормальное распределение
- Распределение Коши не имеет математического ожидания и дисперсии