

Таблица моментов и коэффициентов формы

Распределение	Параметры	$M\{X\}$	$D\{X\}$	As	Ex
Нормальное $N(\mu, \sigma^2)$	$\mu \in \mathbb{R}, \sigma > 0$	$\mu$	$\sigma^2$	0	0
Равномерное $U[a, b]$	$a < b$	$\frac{a+b}{2}$	$\frac{(b-a)^2}{12}$	0	$-6/5 = -1.2$
Экспоненциальное $Exp(\lambda)$	$\lambda > 0$	$\frac{1}{\lambda}$	$\frac{1}{\lambda^2}$	2	6
Пуассона $Pois(\lambda)$	$\lambda > 0$	$\lambda$	$\lambda$	$\frac{1}{\sqrt{\lambda}}$	$\frac{1}{\lambda}$
Биномиальное $Bin(n, p)$	$n \in \mathbb{N}, p \in [0, 1]$	$np$	$np(1-p)$	$\frac{1-2p}{\sqrt{np(1-p)}}$	$\frac{1-6p(1-p)}{np(1-p)}$
Гамма $\Gamma(k, \theta)$	$k > 0, \theta > 0$	$k\theta$	$k\theta^2$	$\frac{2}{\sqrt{k}}$	$\frac{6}{k}$
Бета $Beta(\alpha, \beta)$	$\alpha > 0, \beta > 0$	$\frac{\alpha}{\alpha + \beta}$	$\frac{\alpha\beta}{(\alpha + \beta)^2(\alpha + \beta + 1)}$	$\frac{2(\beta - \alpha)\sqrt{\alpha + \beta + 1}}{(\alpha + \beta + 2)\sqrt{\alpha\beta}}$	$\frac{6[(\alpha - \beta)^2(\alpha + \beta + 1) - \alpha\beta(\alpha + \beta + 2)]}{\alpha\beta(\alpha + \beta + 2)(\alpha + \beta + 3)}$
Логнормальное $LogN(\mu, \sigma^2)$	$\mu \in \mathbb{R}, \sigma > 0$	$e^{\mu+\sigma^2/2}$	$e^{2\mu+\sigma^2}(e^{\sigma^2} - 1)$	$(e^{\sigma^2} + 2)\sqrt{e^{\sigma^2} - 1}$	$e^{4\sigma^2} + 2e^{3\sigma^2} + 3e^{2\sigma^2} - 6$
Хи-квадрат $\chi_k^2$	$k \in \mathbb{N}$	$k$	$2k$	$\sqrt{\frac{8}{k}}$	$\frac{12}{k}$
Стьюдента $t_\nu$	$\nu > 0$	$0 (\nu > 1)$	$\frac{\nu}{\nu - 2} (\nu > 2)$	$0 (\nu > 3)$	$\frac{6}{\nu - 4} (\nu > 4)$
Фишера $F_{k,m}$	$k, m > 0$	$\frac{m}{m-2} (m > 2)$	$\frac{2m^2(k+m-2)}{k(m-2)^2(m-4)} (m > 4)$	существуют при $m > 6, m > 8$	

## Примечания

В таблице приведены начальные моменты (математическое ожидание), центральные моменты второго порядка (дисперсия), а также коэффициенты асимметрии As и эксцесса Ex для наиболее распространённых распределений.

- **Асимметрия** (As) характеризует скошенность распределения:

$$As = \frac{M\{(X - M\{X\})^3\}}{(D\{X\})^{3/2}} = \frac{\mu_3}{\sigma^3}.$$

Для симметричных распределений  $As = 0$ .

- **Эксцесс** (Ex) характеризует «крутизну» распределения:

$$Ex = \frac{M\{(X - M\{X\})^4\}}{(D\{X\})^2} - 3 = \frac{\mu_4}{\sigma^4} - 3.$$

Вычитание тройки делается для того, чтобы эксцесс нормального распределения был равен нулю. Положительный эксцесс означает более «островершинное» распределение, отрицательный — более «плосковершинное» по сравнению с нормальным.

Для биномиального распределения при  $p = 0.5$  асимметрия равна нулю (симметричное распределение).

Эксцесс равномерного распределения равен  $-1.2$ , что соответствует более плоской форме по сравнению с нормальным.

Экспоненциальное распределение имеет положительную асимметрию и большой положительный эксцесс, что говорит о его сильной скошенности и «тяжёлом» хвосте.

Для распределения Стьюдента  $t_\nu$  асимметрия равна нулю при  $\nu > 3$ , а эксцесс равен  $\frac{6}{\nu - 4}$  при  $\nu > 4$ .

Для распределения Фишера  $F_{k,m}$  (с  $k$  и  $m$  степенями свободы) асимметрия и эксцесс существуют при  $m > 6$  и  $m > 8$  соответственно и выражаются формулами:

$$As = \frac{(2k + m - 2)\sqrt{8(m - 4)}}{(m - 6)\sqrt{k(k + m - 2)}}, \quad Ex = \frac{12[(m - 2)^2(m - 4) + k(k + m - 2)(5m - 22)]}{k(m - 6)(m - 8)(k + m - 2)}.$$