

Распределение	Вероятность/Плотность	Математическое ожидание	Дисперсия
Бернулли	$P(X = k) = p^k(1 - p)^{1-k}, k = 0, 1$	p	$p(1 - p)$
Биномиальное	$P(X = k) = C_n^k p^k(1 - p)^{n-k}, k = 0, 1, \dots, n$	np	$np(1 - p)$
Пуассона	$P(X = k) = \frac{\lambda^k}{k!} e^{-\lambda}, k = 0, 1, 2, \dots$	λ	λ
Геометрическое	$P(X = k) = (1 - p)^{k-1} p, k = 1, 2, \dots$	$\frac{1}{p}$	$\frac{1-p}{p^2}$
Отрицательное биномиальное	$P(X = k) = C_{k-1}^{r-1} p^r (1 - p)^{k-r}, k = r, r + 1, \dots$	$\frac{r}{p}$	$\frac{r(1-p)}{p^2}$
Равномерное дискретное	$P(X = k) = \frac{1}{n}, k = 1, 2, \dots, n$	$\frac{n+1}{2}$	$\frac{n^2-1}{12}$
Равномерное непрерывное	$f(x) = \frac{1}{b-a}, x \in [a, b]$	$\frac{a+b}{2}$	$\frac{(b-a)^2}{12}$
Нормальное	$f(x) = \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x-\mu)^2}{2\sigma^2}}$	μ	σ^2
Показательное	$f(x) = \lambda e^{-\lambda x}, x \geq 0$	$\frac{1}{\lambda}$	$\frac{1}{\lambda^2}$
Гамма	$f(x) = \frac{\lambda^\alpha}{\Gamma(\alpha)} x^{\alpha-1} e^{-\lambda x}, x > 0$	$\frac{\alpha}{\lambda}$	$\frac{\alpha}{\lambda^2}$
Логнормальное	$f(x) = \frac{1}{x\sigma\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(\ln x - \mu)^2}{2\sigma^2}}, x > 0$	$e^{\mu + \frac{\sigma^2}{2}}$	$e^{2\mu + \sigma^2} (e^{\sigma^2} - 1)$
Коши	$f(x) = \frac{1}{\pi\gamma \left[1 + \left(\frac{x-x_0}{\gamma}\right)^2\right]}$	не существует	не существует

Таблица 1: Основные распределения и их характеристики

Примечания:

- $C_n^k = \frac{n!}{k!(n-k)!}$ — биномиальный коэффициент
- $\Gamma(\alpha)$ — гамма-функция Эйлера
- Для геометрического распределения рассматривается версия «число испытаний до первого успеха»
- Логнормальное: если $Y \sim N(\mu, \sigma^2)$, то $X = e^Y$ имеет логнормальное распределение
- Распределение Коши не имеет математического ожидания и дисперсии