## Logarithmische Rechenregeln

(1) Der Logarithmus eines Produktes ist gleich der Summe der Logarithmen seiner Faktoren:

$$\log_a (u \cdot v) = \log_a (u) + \log_a (v)$$

(3) Der Logarithmus einer Potenz ist gleich dem Produkt aus dem Exponenten und dem Logarithmus seiner Basis:

$$\log_a(b^n) = n \cdot \log_a(b)$$

(2) Der Logarithmus eines Quotienten ist gleich der Differenz der Logarithmen seiner Faktoren:

$$log_a (u/v) = log_a (u) - log_a (v)$$

(4) Der Logarithmus einer Wurzel ist gleich dem Quotienten aus dem Logarithmus des Radikanden und dem Wert des Wurzelexponenten

$$\frac{\log_a(^n\sqrt{b})}{n} = \frac{1}{n}\log_a(b)$$

Sonderfall des Potenzierens, denn:  $log_a \ ^n \sqrt{b} = \ log_a \ (b^{1/n})$ 

(5) Berechnung eines Logarithmus mit beliebiger Basis, z.B. auf dem Taschenrechner:

$$\log_a(b) = \frac{\log_{10}(b)}{\log_{10}(a)}$$