Министерство образования и науки Российской Федерации

САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ ИНФОРМАЦИОННЫХ ТЕХНОЛОГИЙ, МЕХАНИКИ И ОПТИКИ

Факультет программной инженерии и компьютерной техники Направление подготовки 09.03.04 Программная инженерия

Дисциплина «Алгоритмы и структуры данных»

ОТЧЁТ

по лабораторной работе №1

Студент Луговских Савелий Р3218

Преподаватель Муромцев Дмитрий Ильич

Санкт-Петербург

Задача на программирование: небольшое число Фибоначчи

Дано целое число $1 \le n \le 40$ 1 $\le n \le 40$ 1, необходимо вычислить n1-е число Фибоначчи (напомним, что $F_0 = 0$ F0=0, $F_1 = 1$ F1=1 и $F_n = F_{n-1} + F_{n-2}$ Fn=Fn-1+Fn-2 при $n \ge 2$ 1).

```
using System;

public class MainClass
{
    private static int GetFibonacci(int number)
    {
        if (number <= 2)
            return 1;
        return GetFibonacci(number - 1) + GetFibonacci(number - 2);
        }
        static void Main(string[] args)
        {
            int n = int.Parse(Console.ReadLine());
            Console.WriteLine(GetFibonacci(n));
        }
}</pre>
```

Задача на программирование: последняя цифра большого числа Фибоначчи

Дано число 1≤n≤1071≤n≤107, необходимо найти последнюю цифру nn-го числа Фибоначчи.

Как мы помним, числа Фибоначчи растут очень быстро, поэтому при их вычислении нужно быть аккуратным с переполнением. В данной задаче, впрочем, этой проблемы можно избежать, поскольку нас интересует только последняя цифра числа Фибоначчи: если $0 \le a,b \le 90 \le a,b \le 9 -$ последние цифры чисел F_iF_i и $F_{i+1}F_{i+1}$ соответственно, то (a+b)mod10(a+b)mod10 - последняя цифра числа $F_{i+2}F_{i+2}$.

using System;

```
using System.Collections.Generic; using System.IO;
```

```
public class Fibonacci2
{
    static void Main(string[] args)
    {
        int n = int.Parse(Console.ReadLine());
        int a = 1;
        int b = 1;
        int c = 1;
        for (int i = 2; i < n; i++)
        {
            a = b;
            b = c;
            c = (a + b) % 10;
        }
        Console.WriteLine(c);
    }
}</pre>
```

Задача на программирование повышенной сложности: огромное число Фибоначчи по модулю

Даны целые числа $1 \le n \le 10$ 181 $\le n \le 10$ 18 и $2 \le m \le 10$ 52 $\le m \le 10$ 5, необходимо найти остаток от деления nn-го числа Фибоначчи на mm.

```
using System;
using System.Collections.Generic;
using System.IO;
```

```
namespace Stepik
  public class Fibonacci3
     static void Main(string[] args)
        string[] str = Console.ReadLine().Split(' ');
       int m = int.Parse(str[1]);
       long n = long.Parse(str[0]);
        List<int> list = new List<int>(m) { 0, 1, 1 };
        while (list.Count < n + 1 & ! (list[list.Count - 2] == 0 & ! (list[list.Count - 1] == 1))
          list.Add((list[list.Count - 2] + list[list.Count - 1]) % m);
       if (list.Count < n + 1)
        {
          list.RemoveAt(list.Count - 1);
          list.RemoveAt(list.Count - 1);
        }
        Console.WriteLine(list[(int)((n) % list.Count)]);
  }
}
```

Задача на программирование: наибольший общий делитель

По данным двум числам 1≤a,b≤ $2\cdot10$ 91≤a,b≤ $2\cdot109$ найдите их наибольший общий делитель.

```
using System;
using System.Collections.Generic;
using System.IO;
```

```
namespace Stepik
  public class Divisor
  {
    static void Main(string[] args)
     {
       string[] str = Console.ReadLine().Split(' ');
       int a = int.Parse(str[0]);
       int b = int.Parse(str[1]);
       while (a != b)
          if (a > b)
            a -= b;
          else
            b -= a;
       }
       Console.WriteLine(a);
     }
  }
```